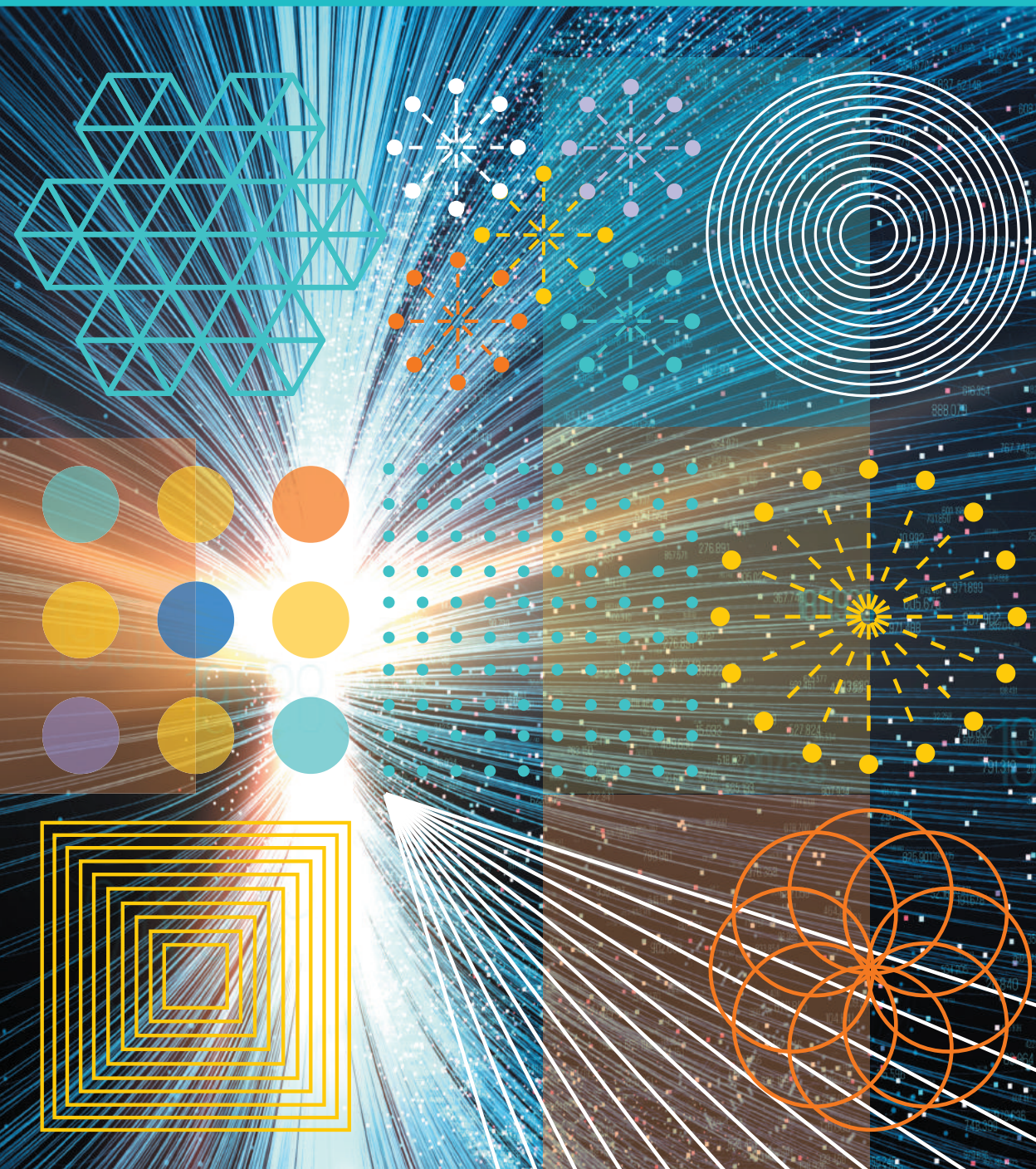


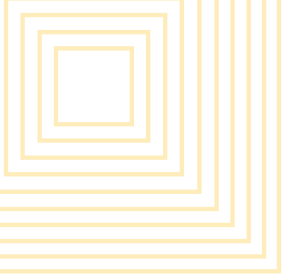
ВИДАВНИЦТВО
РАНОК

Світлана Скворцова



Математика **5** клас



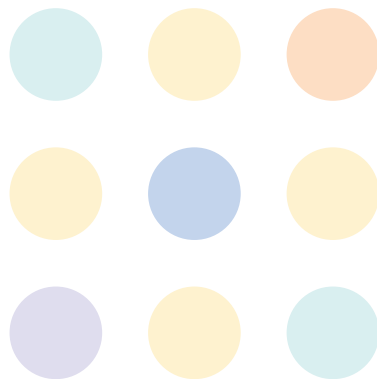
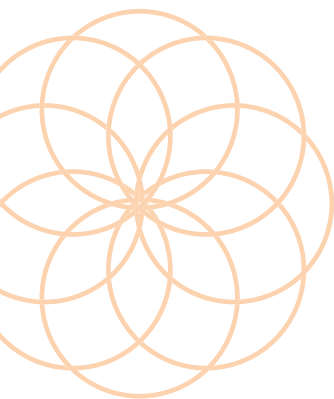
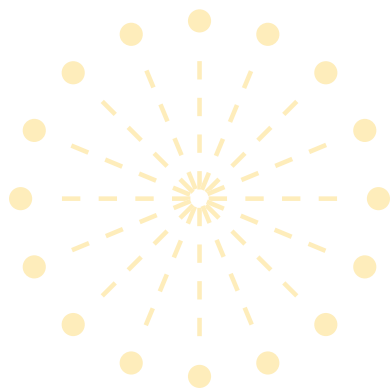


Світлана Скворцова

МАТЕМАТИКА

**ПІДРУЧНИК
ДЛЯ 5 КЛАСУ**

закладів загальної
середньої освіти



Рекомендовано
Міністерством
освіти і науки
України



Харків
Видавництво «Ранок»
2022

ЗМІСТ

Передмова	7
-----------------	---

Розділ 1. УЗАГАЛЬНЮЄМО ТА СИСТЕМАТИЗУЄМО ВИВЧЕНЕ В ПОЧАТКОВІЙ ШКОЛІ

Систематизуємо знання нумерації чисел у межах мільйона	8
Систематизуємо знання про арифметичні дії додавання і віднімання, множення і ділення	10
Узагальнюємо прийоми обчислення. Розв'язуємо задачі	12
Узагальнюємо прийоми обчислення	14
Досліджуємо залежність результату арифметичної дії від зміни одного з її компонентів	20
Досліджуємо задачі із взаємопов'язаними величинами	22
Досліджуємо задачі на знаходження четвертого пропорційного	24
Узагальнюємо способи розв'язування задач, які містять однакову величину	26
Досліджуємо ділення з остачею	28
Повторюємо письмові прийоми обчислення	29
Розв'язуємо задачі на спільну роботу	32
Систематизуємо знання про математичні вирази	34
Узагальнюємо способи розв'язування задач на процеси	36
Узагальнюємо способи розв'язування рівнянь і буквених нерівностей ..	39
Розв'язуємо ускладнені рівняння	41
Досліджуємо одночасний рух двох тіл в одному напрямку	43
Досліджуємо задачі на спільну роботу і задачі на одночасний рух двох тіл	45
Досліджуємо задачі на одночасний рух двох тіл у різних напрямках і в одному напрямку	48
Досліджуємо задачі на одночасний рух двох тіл в одному напрямку ..	50
Систематизуємо знання про геометричні фігури	56
Систематизуємо знання про геометричні величини: периметр многокутника і площу фігури	57
Систематизуємо знання про дроби	59
Досліджуємо задачі	61
Узагальнюємо вивчене	64
Перевіряємо свої досягнення	65

Розділ 2. ВИВЧАЄМО ЧИСЛА В МЕЖАХ ТРИЛЬЙОНА

Повторюємо нумерацію чисел у межах мільйона	66
Позначаємо числа на координатному промені	67
Ознайомлюємося зі шкалою	69
Одержуємо числа в межах трильйона	71
Порівнюємо числа	73
Округлюємо числа до певного розряду	75
Будуємо діаграму	77
Повторюємо вивчене	79
Повторюємо арифметичні дії додавання і віднімання, множення і ділення	81
Виконуємо арифметичні дії на підставі нумерації чисел	82
Застосовуємо усні та письмові прийоми додавання і віднімання	84

Розв'язуємо задачі	86
Застосовуємо усні прийоми множення і ділення	88
Ознайомлюємось з основною властивістю частки	90
Повторюємо ділення з остачею	92
Застосовуємо письмові прийоми множення і ділення	94
Виконуємо арифметичні дії з іменованими числами	96
Вивчаємо формули	97
Досліджуємо задачі, які містять однакову величину	99
Узагальнюємо і повторюємо вивчене	102
Перевіряємо свої досягнення	103
Вивчаємо переставний і сполучний закони множення	104
Досліджуємо задачі на подвійне зведення до одиниці	106
Вивчаємо розподільний закон множення відносно додавання/віднімання. Розкриваємо дужки	107
Досліджуємо задачі на спільну роботу	109
Виносимо спільний множник за дужки	111
Розв'язуємо рівняння	114
Розв'язуємо задачі алгебраїчним методом	115
Повторюємо вивчене	117
Ознайомлюємось зі степенем числа	119
Досліджуємо задачі на одночасний рух двох тіл у різних напрямках і в одному напрямку	121
Досліджуємо задачі на рух двох тіл у різних напрямках і в одному напрямку	122
Розв'язуємо задачі на рух навздогін	125
Ознайомлюємось із задачами на рух за течією та проти течії річки	127
Розв'язуємо задачі на рух за течією та проти течії річки	129
Узагальнюємо і повторюємо вивчене	131
Перевіряємо свої досягнення	132
Розділ 3. ВИВЧАЄМО ГЕОМЕТРИЧНІ ФІГУРИ	
Вивчаємо площину	133
Будуємо трикутники	135
Розв'язуємо задачі	137
Вивчаємо розгорнутий кут	139
Вимірюємо кути транспортиром	141
Будуємо кути	145
Класифікуємо трикутники	147
Повторюємо вивчене	149
Досліджуємо прямокутний паралелепіпед; куб; піраміду	151
Досліджуємо об'єм просторової фігури	154
Досліджуємо об'єм прямокутного паралелепіпеда і куба	155
Узагальнюємо і повторюємо вивчене	158
Перевіряємо свої досягнення	159
Розділ 4. ВИВЧАЄМО ЗВИЧАЙНІ ДРОБИ	
Узагальнюємо знання про дроби	161
Одержуємо рівні дроби	164
Визначаємо, який дріб одне число становить від іншого.	
Порівнюємо дроби із числом 1	167
Додаємо і віднімаємо дроби з однаковими знаменниками	169

Додаємо і віднімаємо дроби	173
Ознайомлюємось із правильними та неправильними дробами	175
Виділяємо цілу частину з неправильного дробу	178
Записуємо мішане число у вигляді неправильного дробу	181
Додаємо і віднімаємо мішані числа	184
Порівнюємо мішані числа. Розв'язуємо задачі	188
Позначаємо дроби на координатному промені	190
Розв'язуємо задачі	193
Узагальнюємо і повторюємо вивчене	195
Перевіряємо свої досягнення	196

Розділ 5. ВИВЧАЄМО ДЕСЯТКОВІ ДРОБИ

Узагальнюємо знання про десяткову систему числення	198
Ознайомлюємось із десятковими дробами	201
Читаємо і записуємо десяткові дроби	206
Позначаємо десяткові дроби на координатному промені	209
Порівнюємо десяткові дроби	211
Повторюємо вивчене	214
Округлюємо десяткові дроби	216
Додаємо і віднімаємо десяткові дроби	219
Розв'язуємо задачі	224
Узагальнюємо і повторюємо вивчене	226
Перевіряємо свої досягнення	227
Множимо і ділимо десятковий дріб на розрядну одиницю 10, 100, 1000...	228
Множимо і ділимо десятковий дріб на розрядну одиницю 0,1; 0,01; 0,001...	231
Множимо десятковий дріб на натуральне число	234
Ділимо десятковий дріб на натуральне число	237
Одержуємо десятковий дріб як частку двох натуральних чисел	240
Розв'язуємо задачі	242
Множимо десяткові дроби	244
Повторюємо вивчене	246
Ділимо на десятковий дріб	247
Знаходимо десятковий дріб від числа; знаходимо число за величиною його десяткового дробу	250
Розв'язуємо задачі на знаходження дробу від числа; задачі на знаходження числа за величиною його дробу	252
Розв'язуємо задачі	254
Узагальнюємо і повторюємо вивчене	258
Перевіряємо свої досягнення	260

Розділ 6. ВИВЧАЄМО СЕРЕДНЄ АРИФМЕТИЧНЕ. ВИВЧАЄМО ВІДСОТКИ

Вивчаємо середнє арифметичне кількох чисел	261
Досліджуємо середнє арифметичне кількох чисел	263
Розв'язуємо задачі на знаходження середнього арифметичного кількох чисел	265
Розв'язуємо задачі на знаходження середньої величини — середньої довжини та середньої маси	267
Розв'язуємо задачі на знаходження середньої швидкості	271

Розв'язуємо задачі на знаходження середньої швидкості та обернені до них задачі	274
Розв'язуємо задачі на знаходження середньої врожайності	276
Розв'язуємо задачі на знаходження середньої ціни та обернені до них задачі	278
Дізнаємося про відсотки	279
Знаходимо відсоток від числа та число за величиною його відсотка ..	281
Досліджуємо задачі на відсотки	286
Досліджуємо масштаб	292
Розв'язуємо задачі	294
Узагальнюємо і повторюємо вивчене	297
Перевіряємо свої досягнення	298

Розділ 7. ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

Узагальнюємо і систематизуємо знання про числа	300
Узагальнюємо і систематизуємо знання про арифметичні дії	301
Узагальнюємо і систематизуємо усні та письмові прийоми додавання й віднімання	302
Узагальнюємо і систематизуємо усні та письмові прийоми множення й ділення	303
Узагальнюємо і систематизуємо алгебраїчний матеріал	304
Узагальнюємо і систематизуємо знання про середнє арифметичне кількох чисел	305
Узагальнюємо і систематизуємо способи розв'язування задач, що містять однакову/сталу величину	306
Узагальнюємо і систематизуємо способи розв'язування задач	307
Узагальнюємо спосіб розв'язування задач на спільну роботу	307
Узагальнюємо і систематизуємо способи розв'язування задач на рух ...	308
Узагальнюємо і систематизуємо способи розв'язування задач на процеси	309
Повторюємо розв'язування ускладнених задач на рух	310
Узагальнюємо знання про відсотки	312
Розв'язуємо задачі на відсотки	313
Систематизуємо знання про геометричні фігури та геометричні величини	314
Систематизуємо знання про геометричні величини	315
Систематизуємо знання про величини та одиниці їх вимірювання ...	316
Узагальнюємо і повторюємо вивчене	317
Перевіряємо свої досягнення	318
Словничок	319
Предметний покажчик	321



i Інтернет-підтримка
за QR-кодом
або посиланням
mnk.com.ua/101640

Дорогі друзі!





Вітаємо вас на сторінках підручника для п'ятого класу. У початковій школі ви дізналися про натуральні числа, навчилися читати й записувати багатоцифрові числа, виконувати арифметичні дії із числами в межах мільйона. Попереду на вас теж чекає багато цікавого й навіть несподіваного!

Цього навчального року ви ознайомитесь із новими одиницями лічби, класами мільйонів і мільярдів, виконуватимете обчислення в межах трильйона. Крім того, ви дізнаєтесь про нову арифметичну дію — піднесення до степеня, про нові геометричні величини, навчитесь вимірювати кути, обчислювати об'єми прямокутного паралелепіпеда й куба. А ще на вас чекають дивовижні відкриття в країні дробів; ви працюватиме з відсотками, дізнаєтесь про середнє арифметичне кількох чисел. І це — ще не все!.. Чимало цікавого ви знайдете й в інтернет-підтримці, зокрема *навчальні проєкти*, які дозволять побачити математику в навколишньому світі.






Тож запрошуємо до мандрівки сторінками підручника. Нехай ця мандрівка стане для вас цікавою і корисною!

Бажаємо успіхів!


У підручнику кольором позначено завдання таких рубрик:

-  — актуалізуємо знання та способи дії
-  — розв'язуємо проблемні ситуації
-  — узагальнюємо теоретичні відомості
-  — виконуємо вправи

У підручнику використано такі позначки:

-  — досліді
-  — обов'язкові завдання
-  — завдання для дослідників і дослідниць
-  — завдання для допитливих і спостережливих
-  — завдання для роботи вдома

СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ НУМЕРАЦІЇ ЧИСЕЛ У МЕЖАХ МІЛЬЙОНА


1  Діти згадали, як на уроці фізкультури вони шикувалися за зростом і розраховувалися за порядком. Для цього їм знадобилися знання *порядкової лічби*. А от щоб порахувати, скільки спортивних килимків їм потрібно для заняття, було використано навички *кількісної лічби*. Під час лічби ми встановлюємо відповідність між елементами множини й числами.

Числа, які використовують при лічбі предметів, називають **натуральними**. Натуральні числа, подані в порядку зростання, утворюють **натуральний ряд чисел**:

1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, ...


Найменшим у цьому ряді є число **1**, **найбільшого** числа в ряді **не існує**. Натуральний ряд чисел побудований так, що кожне наступне число на одиницю більше за попереднє.

Наведи приклади натуральних чисел. Як ти вважаєш, чи є число 0 натуральним?

2  Сашко розповів про **десяткову систему числення**. Оціни істинність тверджень Сашка. Чи можеш ти доповнити розповідь хлопчика?




Спосіб лічби, коли десять одиниць нижчого розряду утворюють одну одиницю вищого розряду, називають **десятковою системою числення**. Із групуванням чисел десятками пов'язані поняття **розряду, розрядних чисел, розрядних одиниць**. Три перші розряди утворюють **клас одиниць**, а три наступні — **клас тисяч**. В усній нумерації (у ході читання чисел) **спочатку називають число класу тисяч, потім — число класу одиниць**.

3  Запиши числа. За якою ознакою їх можна розбити на групи?

- 8 десятків тисяч, 4 сотні й 7 одиниць
- 1 сотня тисяч, 5 одиниць тисяч, 2 сотні й 9 десятків
- 8 десятків тисяч і 8 сотень
- 5 одиниць I розряду першого класу, 7 одиниць III розряду першого класу, 2 одиниці II розряду другого класу
- 8 одиниць III розряду другого класу, 6 одиниць I розряду другого класу, 7 одиниць II розряду першого класу
- 12 одиниць II розряду першого класу, 56 одиниць I розряду другого класу
- 5 одиниць II класу і 5 одиниць I класу



4  Подай числа 708 324, 20 932, 7800, 136 506, 782 006, 91 235, 5220 у вигляді суми розрядних доданків двома способами за зразком.

$$\begin{aligned} 34\,567 &= 30\,000 + 4000 + 500 + 60 + 7 = \\ &= 3 \cdot 10\,000 + 4 \cdot 1000 + 5 \cdot 100 + 6 \cdot 10 + 7 \end{aligned}$$


5  Заміни суму розрядних доданків числом.


$$\begin{aligned} 30\,000 + 700 + 20 + 4 \\ 100\,000 + 6000 + 70 \end{aligned}$$


$$\begin{aligned} 400\,000 + 50\,000 + 8000 + 70 \\ 90\,000 + 400 + 8 \end{aligned}$$

6  Згадай, що означає додати 1; відняти 1. Обчисли.


$$\begin{aligned} 99\,999 + 1 \\ 100\,000 - 1 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} 480\,590 + 1 \\ 832\,829 - 1 \end{aligned}$$


7  З'ясуй, які числа пропущені в істинних рівностях.

$$\begin{aligned} 50\,000 + \blacksquare + 800 + \blacksquare + 7 &= 54\,837 \\ \blacksquare + 70\,000 + \blacksquare + 600 + \blacksquare + 2 &= 874\,692 \end{aligned}$$



8  Порівняй найменше та найбільше шестицифрові числа. Визнач, на скільки одне число більше або менше, ніж інше.


9  Склади всі можливі трицифрові числа із цифр 6, 8, 4, 0 так, щоб цифри в записі кожного числа не повторювалися.


10  Склади найбільше та найменше п'ятицифрові числа із цифр 2, 5, 6, 0, 7 так, щоб цифри в записі кожного числа не повторювалися.




СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО АРИФМЕТИЧНІ ДІЇ ДОДАВАННЯ І ВІДНІМАННЯ, МНОЖЕННЯ І ДІЛЕННЯ

11  Як ти розумієш дію додавання? Що ти про неї знаєш?

12  Як ти розумієш дію множення? Сашко й Олена стверджують, що в арифметичних діях множення і додавання багато спільного. Що могли помітити діти?

13  Яка арифметична дія є оберненою до дії додавання? до дії множення? Як пов'язані арифметичні дії додавання і віднімання? множення і ділення?

14  Що ти знаєш про арифметичні дії віднімання й ділення? Що в них спільне? Оціни істинність тверджень.

Віднімання — це арифметична дія, при якій за сумою й одним із доданків знаходять інший доданок.



Від числа a відняти число b — це означає знайти таке число c , яке в сумі із числом b дає число a .

15  Порівняй вирази. Що цікаве можна помітити?

$53 + 7 \bigcirc 53 \cdot 7$

$36 : 9 \bigcirc 36 \cdot 9$



$45 : 9 \bigcirc 45 - 9$

$23 + 8 \bigcirc 23 - 8$

$16 \cdot 5 \bigcirc 16 + 16 + 16$

$38 \cdot 2 + 38 \bigcirc 3 \cdot 38$

16  Виконай обчислення.

$43\,000 + 800$

$458\,923 - 50\,000$


$2457 : 1$

$0 : 56\,734$

$234\,056 - 230\,000$

$409 - 409$

$80\,000 - 1$

 $34\,789 : 34\,789$

$4568 - 0$

$8000 \cdot 7$


$9999 + 1$

$34\,000 + 256$

$154\,965 \cdot 0$

$1 \cdot 8956$

$720\,000 : 9$

17  Які закони та властивості арифметичних дій застосувала Катруся в обчисленнях?


$27 + 18 = 27 + (10 + 8) = (27 + 10) + 8 = 37 + 8 = 45$

$27 + 18 = 27 + (3 + 15) = (27 + 3) + 15 = 30 + 15 = 45$

$5 \cdot 14 = 5 \cdot (2 \cdot 7) = (5 \cdot 2) \cdot 7 = 10 \cdot 7 = 70$

$64 : 16 = 64 : (8 \cdot 2) = (64 : 8) : 2 = 8 : 2 = 4$



18  Доповни або зменш подані числа до круглих. Порівняй рівності в кожному стовпчику. Що в них спільне? Який висновок можна зробити?



$83 + \blacksquare = 90$

$683 + \blacksquare = 690$

$683 + \blacksquare = 700$


$683 + \blacksquare = 800$

$78 - \blacksquare = 50$

$278 - \blacksquare = 200$

$478 - \blacksquare = 430$

$2478 - \blacksquare = 2000$

19  Обчисли зручним способом, використовуючи закони та правила арифметичних дій.

$683 + 58 + 17 + 42$


$(37 + 45) - 25$


$54 - (18 + 14)$

$(8 + 9) \cdot 7$


 $72 : (9 \cdot 4)$

$(56 + 48) : 8$

20  Як зміниться: значення суми, якщо один із доданків зменшити на 18? значення добутку, якщо один із множників зменшити в 3 рази? значення різниці, якщо зменшуване збільшити на 12 одиниць? значення частки, якщо ділене зменшити в 6 разів? значення частки, якщо дільник збільшити у 8 разів?

21  Склади всі можливі трицифрові числа із цифр 6, 3, 2 так, щоб цифри в записі кожного числа не повторювалися. Скільки чисел одержано?



22  Склади найбільше і найменше можливі п'ятицифрові числа із цифр 0, 3, 1, 8, 9 так, щоб цифри в записі кожного числа не повторювалися.

УЗАГАЛЬНЮЄМО ПРИЙОМИ ОБЧИСЛЕННЯ. РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ

23  Обчисли зручним для тебе способом.

$$12 + 24 + 8$$

$$160 + (70 + 140)$$

$$25 \cdot 7 \cdot 4$$

$$172 - (52 + 49)$$


$$75 + 75 + 75 + 75$$

$$5 \cdot 78 \cdot 2$$

$$(35 + 70) : 7$$

$$(18 + 43) + 22$$

$$(27 + 26) - 17$$

24  Перевір розв'язання, виконані учнями. Зістав способи розв'язування. Що в них спільне? відмінне? Які правила арифметичних дій застосували учні в обчисленнях?



$$43 + 29 = 43 + (20 + 9) = (43 + 20) + 9 = 63 + 9 = 72$$

$$43 + 29 = 43 + (7 + 22) = (43 + 7) + 22 = 50 + 22 = 72$$

$$43 - 29 = 43 - (20 + 9) = (43 - 20) - 9 = 23 - 9 = 14$$

$$43 - 29 = 43 - (23 + 6) = (43 - 23) - 6 = 20 - 6 = 14$$

$$70 \cdot 14 = 70 \cdot (7 \cdot 2) = (70 \cdot 7) \cdot 2 = 490 \cdot 2 = 980$$

$$70 : 14 = 70 : (7 \cdot 2) = (70 : 7) : 2 = 10 : 2 = 5$$

Правило

додавання суми до числа

$$a + (b + c) = (a + b) + c = (a + c) + b$$

Правило

множення числа на добуток

$$a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c = (a \cdot c) \cdot b$$

Правило

віднімання суми від числа

$$a - (b + c) = (a - b) - c = (a - c) - b$$

Правило

ділення числа на добуток

$$a : (b \cdot c) = (a : b) : c = (a : c) : b$$

25  Обчисли за схемами.



$$47 + 28 = \square + \square = \square$$

$$\begin{array}{c} \square \\ + \square \\ \hline \end{array}$$

$$47 - 28 = \square - \square = \square$$

$$\begin{array}{c} \square \\ - \square \\ \hline \end{array}$$

$$64 \cdot 16 = \square \cdot \square = \square$$

$$\begin{array}{c} \square \\ \cdot \square \\ \hline \end{array}$$

$$47 + 28 = \square + \square = \square$$

$$\begin{array}{c} \square \\ + \square \\ \hline \end{array}$$


$$47 - 28 = \square - \square = \square$$

$$\begin{array}{c} \square \\ - \square \\ \hline \end{array}$$

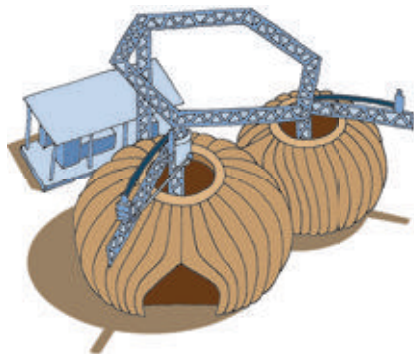
$$64 : 16 = \square : \square = \square$$

$$\begin{array}{c} \square \\ \cdot \square \\ \hline \end{array}$$



26  Запиши вираз (або вирази), що є розв'язанням кожної задачі.

У недалекому майбутньому будинки зможуть друкувати на 3D-принтерах. Італійські будівельники продемонстрували житло у формі купола, створене за цією технологією. Будівельним матеріалом стала глина, яку видобували з берега місцевої річки.



▶▶ 1) На будівництво першого будинку використали 96 т глини, а другого — 114 т глини. На який будинок використали більше глини? На скільки більше? Скільки тонн глини використали на будівництво обох будинків?

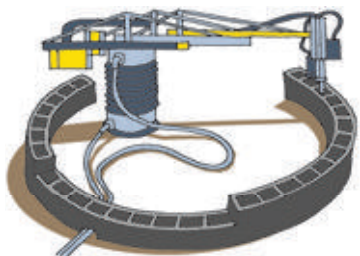
▶▶ 2) Площа першого будинку 48 м^2 , а другого — на 16 м^2 більша. Яка площа другого будинку?

▶▶ 3) Площа першого будинку 48 м^2 , а другого — удвічі менша. Яка площа другого будинку?

▶▶ 4) За планом будівельники мали звести 12 будинків. Скільки будинків вони побудували, якщо їм залишилося побудувати ще 4 будинки?


▶▶ 5) Перша бригада побудувала 12 будинків, а друга — 4. Яка бригада побудувала менше будинків? На скільки менше? У скільки разів менше?

27  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.



Учені технологічного університету в Сингапурі вивчають можливості 3D-принтерів при будівництві. Науковці досліджують друкування стін кількома рухомими 3D-принтерами.

▶▶ Перший принтер надрукував 56 см^2 стіни, а другий — на 8 см^2 менше. Скільки квадратних сантиметрів стіни надрукував другий принтер?

28  Три роботи — 3D-принтери — друкували стіну площею 188 см^2 . Другий робот надрукував на 12 см^2 , а третій — на 14 см^2 стіни більше, ніж перший. Скільки квадратних сантиметрів стіни надрукував кожний робот?

УЗАГАЛЬНЮЄМО ПРИЙОМИ ОБЧИСЛЕННЯ

29  Перевір і прокоментуй розв'язання учнів.

$$64 + 38 = 64 + (30 + 8) = (64 + 30) + 8 = 94 + 8 = 102$$

$$64 + 38 = 64 + (6 + 32) = (64 + 6) + 32 = 70 + 32 = 102$$


$$64 - 38 = 64 - (30 + 8) = (64 - 30) - 8 = 34 - 8 = 26$$

$$64 - 38 = 64 - (34 + 4) = (64 - 34) - 4 = 30 - 4 = 26$$

$$800 \cdot 16 = 800 \cdot (8 \cdot 2) = (800 \cdot 8) \cdot 2 = 6400 \cdot 2 = 12800$$

$$800 : 16 = 800 : (8 \cdot 2) = (800 : 8) : 2 = 100 : 2 = 50$$



30  Максим та Ксенія вважають, що в ході обчислень можна замінити сумою або добутком не друге число, а перше. Чи можна погодитися з дітьми? Прокоментуй їх розв'язання.



$$64 + 38 = (60 + 4) + 38 = (60 + 38) + 4 = 98 + 4 = 102$$

$$64 + 38 = (62 + 2) + 38 = 62 + (2 + 38) = 62 + 40 = 102$$

$$64 - 38 = (60 + 4) - 38 = (60 - 38) + 4 = 22 + 4 = 26$$

$$64 - 38 = (58 + 6) - 38 = (58 - 38) + 6 = 20 + 6 = 26$$

$$800 \cdot 16 = (8 \cdot 100) \cdot 16 = (8 \cdot 16) \cdot 100 = 128 \cdot 100 = 12800$$

$$800 : 16 = (80 \cdot 10) : 16 = (80 : 16) \cdot 10 = 5 \cdot 10 = 50$$

Зістав рівності з відповідними рівностями в попередньому завданні. З'ясууй, у чому відмінність:

- прийому додавання частинами і додавання на підставі правила додавання числа до суми;
- прийому віднімання частинами і віднімання на підставі правила віднімання числа від суми;
- прийому послідовного множення і множення на підставі правила множення добутку на число;
- прийому послідовного ділення і ділення на підставі правила ділення добутку на число.

Зістав подані рівності попарно. У чому відмінність міркування в межах одного прийому?

Правило

додавання числа до суми

$$(a+b)+c=a+(b+c)=(a+c)+b$$

Правило

множення добутку на число

$$(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot c) \cdot b$$

Правило


віднімання числа від суми

$$(a+b)-c=a+(b-c)=(a-c)+b$$

Правило


ділення добутку на число

$$(a \cdot b) : c = a \cdot (b : c) = (a : c) \cdot b$$

31  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу до поданої.


▶ Діти вирушили в похід. Дітей із базової школи було 90 осіб, а дітей із початкової школи — утричі менше. Скільки дітей із початкової школи вирушило в похід?



32  Зістав задачі 1 і 2 із задачею в попередньому завданні. Як відмінність задач вплине на розв'язання задачі 1? задачі 2? Розв'яжи задачі 1 і 2.

▶ 1) Діти вирушили в похід. Дітей із базової школи було 90 осіб, що втричі більше, ніж дітей із початкової школи. Скільки дітей із початкової школи вирушило в похід?

▶ 2) Діти вирушили в похід. Дітей із базової школи було 90 осіб, а дітей із початкової школи — утричі менше. Скільки всього дітей вирушило в похід?


33  Зістав задачі 1 і 2; 2 і 3. Як відмінність задач вплине на їх розв'язання? Розв'яжи хоча б одну складену задачу.

▶ 1) До привалу діти пройшли 8 км, а після привалу — на 4 км менше. Який шлях подолали діти?

▶ 2) До привалу діти пройшли 8 км, а після привалу — удвічі менше. Який шлях подолали діти?



► 3) До привалу діти пройшли 8 км, а після привалу — удвічі менше. Потім вони пропливли 27 км катером. Який шлях подолали діти? На скільки більшу відстань вони пропливли, ніж пройшли?

34  Зістав випадки обчислення попарно. Як їх відмінність вплине на можливість застосування різних способів обчислення? Знайди значення виразів.

$54 + 23$

$75 - 43$

$6 \cdot 12$


$56 : 4$

$54 + 27$

$75 - 48$

$60 \cdot 12$


$560 : 4$

35  Під час привалу діти разом із дорослими ловили рибу на юшку. Після того як діти із четвертого класу дали на юшку 7 рибин, із п'ятого класу — 8 рибин, а із шостого класу — 9 рибин, у дітей із усіх трьох класів залишилося рибин порівну. Скільки рибин зловили діти кожного класу, якщо всього в них було 54 рибини?



Проілюструй одержані результати відрізками на схемі.

УЗАГАЛЬНЮЄМО ПРИЙОМИ ОБЧИСЛЕННЯ


36  Знайди значення виразів або послідовно, або на підставі правил: додавання числа до суми, віднімання числа від суми, множення або ділення добутку на число. Прокоментуй розв'язування.

$47 + 29$

$47 - 29$

$600 \cdot 15$

$600 : 15$

37  Андрійко й Катруся виконали додавання і віднімання, використавши прийом порозрядного обчислення. Оціни та прокоментуй розв'язання.

$$\begin{array}{r} 47 + 29 = (40 + 7) + (20 + 9) = (40 + 20) + (7 + 9) = 60 + 16 = 76 \\ \begin{array}{cc} \swarrow & \swarrow \\ 40 + 7 & 20 + 9 \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 47 - 29 = (30 + 17) - (20 + 9) = (30 - 20) + (17 - 9) = 10 + 8 = 18 \\ \begin{array}{cc} \swarrow & \swarrow \\ 30 + 17 & 20 + 9 \end{array} \end{array}$$

Зістав прийом порозрядного додавання і віднімання з іншими прийомами обчислення. Що в них відмінне?

38 🔍 Тарас вважає, що при множенні й діленні можна замінити двоцифровий компонент сумою розрядних або зручних доданків, а потім помножити (або поділити) суму на число. Чи можна погодитися з хлопчиком? Прокоментуй розв'язання хлопчика.



$$48 \cdot 4 = (40 + 8) \cdot 4 = 40 \cdot 4 + 8 \cdot 4 = 160 + 32 = 192$$

$$48 : 4 = (40 + 8) : 4 = 40 : 4 + 8 : 4 = 10 + 2 = 12$$



Оксана помітила, що при діленні не завжди доцільно замінювати ділене сумою розрядних доданків. У деяких випадках ділене слід замінити сумою зручних доданків. Прокоментуй запис дівчинки.

$$56 : 4 = (40 + 16) : 4 = 40 : 4 + 16 : 4 = 10 + 4 = 14$$

39 🔍 Світлана застосувала правило множення числа на суму, щоб спростити множення на 11 і на 101. Іван застосував правило множення числа на різницю при множенні на 9 і на 99. Чи можна погодитися з дітьми?

$$23 \cdot 11 = 23 \cdot (10 + 1) = 23 \cdot 10 + 23 \cdot 1 = 230 + 23 = 253$$

$$23 \cdot 101 = 23 \cdot (100 + 1) = 23 \cdot 100 + 23 \cdot 1 = 2300 + 23 = 2323$$

$$23 \cdot 9 = 23 \cdot (10 - 1) = 23 \cdot 10 - 23 \cdot 1 = 230 - 23 = 207$$

$$23 \cdot 99 = 23 \cdot (100 - 1) = 23 \cdot 100 - 23 \cdot 1 = 2300 - 23 = 2277$$

$$a \cdot 9 = a \cdot 10 - a$$

$$a \cdot 99 = a \cdot 100 - a$$

$$a \cdot 11 = a \cdot 10 + a$$

$$a \cdot 101 = a \cdot 100 + a$$



40 🧩 Обчисли зручним для тебе способом.

$$72 \cdot 6$$

$$72 : 6$$


$$\text{🏠 } 65 + 28$$

$$65 - 28$$

41 🧩 Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.




▶ Діти були на екскурсії в Національному музеї народної архітектури та побуту України (с. Пирогів). Вони оглянули 75 предметів побуту: 28 керамічних виробів, 18 плетених виробів, а решта — рушники. Скільки рушників оглянули діти?

42  Зістав задачу із задачею в попередньому завданні. Як їх відмінність вплине на розв'язання поданої задачі? Розв'яжи подану задачу.



► Діти були на екскурсії в Національному музеї народної архітектури та побуту України (с. Пирогів). Вони оглянули 75 предметів побуту: 28 керамічних виробів, 18 плетених виробів, а решта — рушники. На скільки більше рушників, ніж керамічних виробів, оглянули діти?

43  Зістав вирази в кожному стовпчику. Знайди значення першого виразу порозрядно. Чи можна під час обчислення значення другого виразу міркувати аналогічно? Знайди значення другого виразу.

$35 + 24$

$84 - 23$

$96 \cdot 3$


$96 : 3$

$35 + 26$

$84 - 26$

$96 \cdot 12$

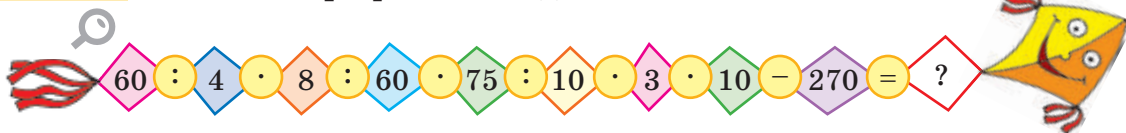
$96 : 4$

44  На екскурсії етнографічним музеєм діти відвідали майстер-класи: 7 дітей училися вишивати, 9 дітей осягали гончарне мистецтво, причому п'ятеро дітей відвідали обидва майстер-класи. Скільки дітей було на екскурсії?



УЗАГАЛЬНЮЄМО ПРИЙОМИ ОБЧИСЛЕННЯ

45 Виконай арифметичні дії.




46 Знайди значення виразів зручним для тебе способом. Прокоментуй розв'язування.

$64 + 38$


$64 - 38$

$96 \cdot 6$

$96 : 6$

47  Зістав подані вирази з відповідними виразами в попередньому завданні. Чи допоможуть результати, одержані в попередньому завданні, знайти значення поданих виразів? Знайди їх значення.


$640 + 380$	$640 - 380$	$960 \cdot 6$	$960 : 6$
$6400 + 3800$	$6400 - 3800$	$9600 \cdot 6$	$9600 : 6$
$64000 + 3800$	$64000 - 3800$	$96000 \cdot 6$	$960 : 60$

48  У кожному стовпчику знайди значення першої частки. Зістав другу частку з першою. Чим вони відрізняються? Згадай, як можна міркувати при діленні на двоцифрове число. Знайди значення другої частки. Як одержаний результат допоможе знайти значення решти часток? Знайди їх значення.

$96 : 6$	$56 : 4$	$147 : 7$
$96 : 16$	$56 : 14$	$147 : 49$
$960 : 16$	$560 : 14$	$1470 : 49$
$960 : 160$	$560 : 140$	$1470 : 490$
$9600 : 1600$	$5600 : 1400$	$14700 : 4900$


49  Обчисли зручним для тебе способом.

$350 + 470$	$280 - 190$	$320 \cdot 4$	$510 : 3$
$900 - 70$	$260 + 80$	$980 : 40$	$9 \cdot 130$
$3400 + 270$	$4300 - 340$	$720 : 12$	$810 : 30$


50  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.



► Швидкість руху зайця 30 км/год, а сірої лисиці — на 37 км/год більша. Яка швидкість руху вовка, якщо вона на 3 км/год менша від швидкості руху лисиці?

51  Зістав вирази в кожному стовпчику. Знайди значення першого виразу різними способами. Чи допоможе одержаний результат знайти значення решти виразів у стовпчику? Знайди їх значення.

$57 + 19$	$57 - 19$	$57 : 19$	$57 \cdot 9$
$570 + 190$	$570 - 190$	$570 : 19$	$570 \cdot 9$
$5700 + 1900$	$5700 - 1900$	$570 : 190$	$5700 \cdot 9$
$57000 + 1900$	$57000 - 1900$	$57000 : 1900$	$5700 \cdot 90$

52  Склади задачі за опорними схемами, використовуючи дані таблиці. Розв'яжи хоча б одну одержану задачу. Склади та розв'яжи обернену до неї задачу.

Тварина	Швидкість руху (км/год)
 Антилопа гну	75
 Африканський слон	40
 Гепард	120
 Африканський гіеновий собака	66


I — \square
 II — ?, на \square м, ніж I
 III — ?, на \square б, ніж II

} На ?


	v	t	s
I	\square	\square	?
II	\square	\square	?


} ?

I — ?
 II — \square , що на \square б, ніж I,
 і на \square м., ніж III
 III — ?

53  На сафарі-фотополюванні в Африці 18 туристів фотографували слонів, 12 — левів, причому 6 туристів фотографували і слонів, і левів. Скільки туристів було на сафарі?

ДОСЛІДЖУЄМО ЗАЛЕЖНІСТЬ РЕЗУЛЬТАТУ АРИФМЕТИЧНОЇ ДІЇ ВІД ЗМІНИ ОДНОГО З ЇЇ КОМПОНЕНТІВ

54  Діти підготували квест-бокс, у якому зібрали відомості про арифметичні дії додавання, віднімання, множення і ділення. Відтвори вміст квест-боксу.

55  Значення якого виразу в кожному зі стовпчиків обчислити легше? Обчисли його значення. Розглянь інший вираз. Що змінилося? Як ця зміна вплине на результат? Знайди значення іншого виразу в стовпчику. Досліди залежність результату арифметичної дії від зміни одного з її компонентів.

$65 + 40 = \square$	$65 - 40 = \square$	$68 - 38 = \square$
\updownarrow	\updownarrow	\updownarrow
$65 + 38 = \square$	$65 - 38 = \square$	$65 - 38 = \square$





$$48 \cdot 12 = \square$$

$$\updownarrow \quad \updownarrow$$

$$48 \cdot 6 = \square$$

$$48 : 12 = \square$$

$$\updownarrow \quad \updownarrow$$

$$48 : 6 = \square$$

$$96 : 6 = \square$$

$$\updownarrow \quad \updownarrow$$

$$48 : 6 = \square$$

56 Оксана зазначила, що існує прийом округлення, який ґрунтується на залежності значення арифметичної дії від зміни одного з її компонентів. Прокоментуй приклади, які навела дівчинка. Поясни міркування Оксани.

$$64 - \overset{40}{\textcircled{37}} = 64 - 40 + 3 = 24 + 3 = 27$$

$$64 + \overset{40}{\textcircled{37}} = 64 + 40 - 3 = 104 - 3 = 101$$

$$640 - \overset{400}{\textcircled{370}} = 640 - 400 + 30 = 240 + 30 = 270$$

$$640 + \overset{400}{\textcircled{370}} = 640 + 400 - 30 = 1040 - 30 = 1010$$



57 Обчисли зручним для тебе способом.

$75 + 29$

$75 - 29$



$48 + 35$

$91 - 68$

$32 \cdot 5$

$7 \cdot 25$

$480 : 5$

$700 : 25$

58 Розв'яжи задачі. До задачі 2 склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

►► 1) Американська компанія презентувала електромобіль вантажністю 36 т. За скільки рейсів цей електромобіль перевезе 288 т вантажу, якщо кожного рейсу він перевозитиме 36 т?



►► 2) Вантажний електромобіль на одному заряді батареї може подолати 965 км. Чи вистачить заряду батареї, якщо електромобіль протягом 7 год рухатиметься зі швидкістю 120 км/год?

59 Зістав подану задачу із задачею 1 у попередньому завданні. Як їх відмінність вплине на розв'язання поданої задачі? Розв'яжи її. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.



▶ Першого тижня вантажний електромобіль перевіз 288 т вантажу. Другого тижня він зробив на 2 рейси більше. Скільки рейсів зробив вантажний електромобіль другого тижня, якщо кожного рейсу він перевозив 36 т вантажу?

60 Зістав вирази. Чи матимуть подані вирази рівні значення? Перевір своє припущення обчисленням.

$$511 : 7 + 24 \cdot (28 - 80 : 4) \qquad (511 : 7 + 24) \cdot (28 - 80 : 4)$$

61 Знайди значення виразів.

23 · 11	77 · 99	23 · 9	14 · 99
6 · 101	300 : 25	5000 : 125	8000 : 250
64 · 125	8 · 250	7 · 101	200 : 25

62 Запиши всі чотирицифрові числа, у кожного з яких число розряду тисяч утричі більше за число розряду одиниць, а число розряду сотень на 6 більше за число розряду десятків. Придумай подібні завдання для дітей у класі.

63 Запиши всі чотирицифрові числа, у яких число тисяч на 4 більше за число десятків, а число сотень удвічі більше за число одиниць.

ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ ІЗ ВЗАЄМОПОВ'ЯЗАНИМИ ВЕЛИЧИНАМИ

64 Згадай групи взаємопов'язаних величин. Прокоментуй залежність між ними, скориставшись схемою.



65 За короткими записами склади задачі про двох майстринь, які ткали полотно. Зістав задачі 1 і 2; 2 і 3. Що в них спільне? відмінне? Як відмінність задач вплине на їх розв'язання? Розв'яжи задачі 1–3. До кожної задачі склади та розв'яжи обернену задачу.

1	Довжина 1 шматка (м)	Кількість шматків (шт.)	Загальна довжина (м)
I	12	20	?
II	15	8	?



2	Довжина 1 шматка (м)	Кількість шматків (шт.)	Загальна довжина (м)
I	12	20	?
II	15	8	?

3	Довжина 1 шматка (м)	Кількість шматків (шт.)	Загальна довжина (м)
I	12	20	?
II	15	8	?

Як зміниться загальна довжина полотна, виготовленого першою майстриною, якщо шматки полотна, які вона ткатиме, будуть удвічі довші за 12 м? якщо вона виготовить не 20 шматків полотна, а вдвічі менше?

Зміни групу взаємопов'язаних величин у всіх розглянутих задачах. Як ця зміна вплине на розв'язання задач? Чи треба їх розв'язувати?

66 Обчисли зручним для тебе способом.

$$560 + 380$$

$$430 - 270$$

$$430 \cdot 6$$

$$960 : 6$$

$$810 - 340$$

$$180 + 530$$

$$117 : 39$$

$$600 \cdot 5$$

67 Знайди значення виразів.

$$(369 + 17 \cdot 8 - 185) : 80 \cdot 134$$

$$(536 + 356 - 73 \cdot 4) : 25 : 6$$

$$(658 - 127 \cdot 3 + 623) : 50 \cdot 9$$

$$(345 + 963 : 3 + 139) : 5$$

68 Склади задачі за короткими записами. Зістав задачі 1 і 2; 3 і 4. Що в них спільне? Розв'яжи задачі. До задачі 4 склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

1	Ціна (грн)	Кількість (шт.)	Вартість (грн)
I	?	4	460
II	?	3	450

2	Швидкість руху (км/год)	Час руху (год)	Подоланий шлях (км)
I	?	4	460
II	?	3	450

3	Маса 1 ящика (кг)	Кількість (шт.)	Загальна маса (кг)
I	4	3	?
II	15	5	?

4	Швидкість руху (км/год)	Час руху (год)	Подоланий шлях (км)
I	4	3	?
II	15	5	?

69 Знайди значення виразів $430 + 380$; $430 - 380$ різними способами.

70 Запиши найбільше і найменше шестицифрові числа, у яких всі цифри різні. Придумай подібні завдання для дітей у класі.



ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ЗНАХОДЖЕННЯ ЧЕТВЕРТОГО ПРОПОРЦІЙНОГО

71 Склади задачі за короткими записами. Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2; 1 і 3; 3 і 4; 3 і 5; 5 і 6. Що змінюється? Як ця зміна вплине на розв'язання? Розв'яжи задачі 2–6.

1	Продуктивн. праці (шт.)	Час роботи (год)	Загальний виробіток (шт.)
I	?	2	12
II	?, однак.	3	?

2	Продуктивн. праці (шт.)	Час роботи (год)	Загальний виробіток (шт.)
I	?	2	12
II	?, однак.	?	18

3	Продуктивн. праці (шт.)	Час роботи (год)	Загальний виробіток (шт.)
I	2	?,	12
II	3	однак.	?

4	Продуктивн. праці (шт.)	Час роботи (год)	Загальний виробіток (шт.)
I	2	?,	12
II	?	однак.	18

5	Продуктивн. праці (шт.)	Час роботи (год)	Загальний виробіток (шт.)
I	2	12	?, однак.
II	3	?	

6	Продуктивн. праці (шт.)	Час роботи (год)	Загальний виробіток (шт.)
I	2	12	?, однак.
II	?	18	

72 Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи її.

- ▶▶ 1) Із 15 м тканини кравчиня пошила 5 однакових скатертин. Скільки метрів тканини потрібно, щоб пошити 14 таких скатертин?
- ▶▶ 2) Із 15 м тканини кравчиня пошила 7 однакових скатертин. Скільки метрів тканини потрібно, щоб пошити 14 таких скатертин?

73  Обчисли зручним для тебе способом.

$$560 + 170$$

$$950 - 790$$

$$740 - 560$$

$$260 + 270$$



$$380 : 2$$

$$8 \cdot 25$$

$$67 \cdot 4$$

$$72 : 12$$


74  Порівняй вирази.

$$(462 : 6 \cdot 8 - 328) : 4 \cdot 5 : 10 \bigcirc (196 + 124 \cdot 6 : 4 + 18) : 80$$




$$(483 + 372 : 3 - 197 + 10) : 70 \bigcirc (483 + 372) : 3 \cdot 5 : 19$$

$$(648 : 6 + 60 \cdot 3) : 4 \cdot 6 \bigcirc (4 \cdot 216 + 927 : 9 - 7) : 8$$

75  Розв'яжи задачу. Зміни одне числове дане так, щоб задачу можна було розв'язати двома способами.



- ▶▶ Оператор комп'ютерного набору за 4 дні набрав 60 сторінок тексту. Скільки сторінок тексту оператор набере за 7 днів, якщо працюватиме з тією самою продуктивністю?

76  Обчисли за схемами. Зістав випадки обчислення. Як їх відмінність впливає на розв'язання?

$$120 : 3 = \square \text{ д.} : 3 = \square \text{ д.} = \square$$

$$120 : 3 = (\square : \square) \cdot 10 = \square$$

$$\begin{array}{c} \swarrow \quad \uparrow \\ 10 \cdot \square \end{array}$$

$$120 : 30 = \square \text{ д.} : \square \text{ д.} = \square$$

$$120 : 30 = (\square : 10) : \square = \square$$

$$\begin{array}{c} \downarrow \quad \swarrow \\ 10 \cdot \square \end{array}$$

$$1200 : 3 = \square \text{ с.} : 3 = \square \text{ с.} = \square$$

$$1200 : 3 = (\square : \square) \cdot 100 = \square$$

$$\begin{array}{c} \swarrow \quad \uparrow \\ 100 \cdot \square \end{array}$$

$$1200 : 300 = \square \text{ с.} : \square \text{ с.} = \square$$

$$1200 : 300 = (\square : 100) : \square = \square$$

$$\begin{array}{c} \downarrow \quad \swarrow \\ 100 \cdot \square \end{array}$$

$$640 : 16 = \square \text{ д.} : 16 = \square \text{ д.} = \square$$


$$640 : 16 = (\square : \square) \cdot 10 = \square$$

$$\begin{array}{c} \swarrow \quad \uparrow \\ 10 \cdot \square \end{array}$$

$$640 : 160 = \square \text{ д.} : \square \text{ д.} = \square$$


$$640 : 160 = (\square : 10) : \square = \square$$

$$\begin{array}{c} \downarrow \quad \swarrow \\ 10 \cdot \square \end{array}$$

77  Склади із цифр 1, 0, 9 найбільше і найменше п'ятицифрові числа так, щоб цифри в записі кожного числа використовувалися хоча б один раз.

Придумай подібні завдання для дітей у класі.

УЗАГАЛЬНЮЄМО СПОСОБИ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ЗАДАЧ, ЯКІ МІСТЯТЬ ОДНАКОВУ ВЕЛИЧИНУ

78  Зістав задачі 1 і 2; 1 і 3; 2 і 3. Як відмінність задач вплине на плани їх розв'язування? Розв'яжи задачі.

▶▶ 1) Сашко купив 5 квитків на атракціони за однаковою ціною і заплатив 175 грн. Скільки грошей має заплатити Наталка за 7 таких квитків?

▶▶ 2) Сашко купив 5 квитків на атракціони за однаковою ціною, а Наталка — 7 таких квитків. За всі квитки вони заплатили 420 грн. Скільки грошей заплатила за квитки кожна дитина?



▶▶ 3) Сашко купив 5 квитків на атракціони за однаковою ціною, а Наталка — 7 таких квитків. Наталка заплатила на 70 грн більше. Скільки грошей заплатила за квитки кожна дитина?

79  Знайди значення виразів.

78:39
70:14
44·25
76:2
480:3
44·5




78:13	64:32
133:19	136·3
120:8	252:252
400:5	8·125
76·7	963:3
60:12	72:24

80  Порівняй вирази.

$764 - (80 \cdot 8 - 213 \cdot 3) + 80 : 4$ \bullet $(360 + 270) : (270 + 360)$

$(100 \cdot 5 - 97 \cdot 5) : (7 \cdot 26 - 91 - 720 : 8)$ \bullet $(200 + 31) \cdot 3 + 545 : 5$

$211 \cdot 5 - (211 \cdot 3 + 211 \cdot 2) + 3$ \bullet $825 - 50 : 5 - 100 \cdot 6 + 4$

81  Знайди значення виразів, за можливості — без обчислень. Прокоментуй свої дії.

$(728 + 96) \cdot 54 \cdot 10 \cdot (117 - 115) \cdot 0$

$(534 - 246 + 826) : (534 + 826 - 246)$

$0 : (373 + 457 - 563 + 826) \cdot 754$

$(328 + 472) : 100$




$(320 + 540 - 120) : 1$

$1 \cdot (764 + 120 + 36)$

$(856 - 849) \cdot 100$


$(834 - 434) : 100$

82  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.


▶ 1) Один екскурсійний автобус кожного рейсу перевозить 6 туристів, а інший автобус — 8 туристів. Автобуси зробили однакову кількість рейсів і всього перевезли 70 туристів. Скільки туристів перевіз кожний автобус?



▶ 2) Один екскурсійний автобус кожного рейсу перевозить 6 туристів, а інший автобус — 8 туристів. Один із автобусів перевіз на 10 туристів менше, ніж інший. Скільки туристів перевіз кожний автобус, якщо автобуси зробили однакову кількість рейсів?

83  У центрі іноземних мов 17 студентів вивчають англійську мову, 15 — французьку, причому 8 із цих студентів вивчають і англійську, і французьку мови. Скільки студентів навчаються в центрі?

ДОСЛІДЖУЄМО ДІЛЕННЯ З ОСТАЧЕЮ

84  З кожною парою чисел спробуй виконати арифметичні дії додавання, віднімання, множення, ділення. Які арифметичні дії у множині натуральних чисел можна виконати завжди, а які — ні?

12 і 6

8 і 24

45 і 7

Різниця двох натуральних чисел a і b існує тоді, коли a більше за b або дорівнює b .

▶▶ Частка a і b у множині натуральних чисел існує тоді, коли є таке число c , за якого справджується рівність $c \cdot b = a$.

Марина стверджує: ділення націло можна розглядати як ділення з остачею, коли остача дорівнює нулю. Чи можна погодитися з дівчинкою?

При діленні з остачею до пари натуральних чисел ставлять у відповідність також пару чисел — неповну частку й остачу. Наприклад:

$(41, 9) \rightarrow (4, 5)$, дійсно $41 : 9 = 4$ (ост. 5).

Юрко згадав, як перевірити ділення з остачею. Прокоментуй записи.

$$a : b = c \text{ (ост. } r \text{)}$$

$$\text{Перевірка: } a = c \cdot b + r, \text{ де } 0 \leq r \leq b$$


a — ділене, b — дільник, c — неповна частка, r — остача



Зоя стверджує, що ділення з остачею можна виконати навіть у тих випадках, коли ділене менше від дільника. Щоб довести свою думку, дівчинка виконала перевірку. Оціни її міркування.

$6 : 8 = 0$ (ост. 6), $6 < 8$.

Перевірка: $0 \cdot 8 + 6 = 6$ — істинна рівність.

85  Розбий частки на дві групи. За якою ознакою це можна зробити? Виконай ділення в кожній групі.

35 : 5


42 : 5

23 : 4

24 : 4

63 : 8

64 : 8


86  Виконай ділення з остачею за схемою.

40:6	26:3	 77:9	12:7
5:7	13:2	32:3	65:9


$$40:6 = \square \text{ (ост. } \square \text{)}$$

Перевірка:

$$\square \cdot \square + \square = \square$$

87  Зістав вирази в кожному стовпчику. Знайди значення першого виразу. Чи допоможе результат знайти неповну частку в другому випадку? Як можна добирати значення неповної частки в ході ділення круглих чисел? Знайди значення другого виразу. Перевір результати.


30:7	63:5	44:3	27:4
300:70	630:50	440:30	270:40


88  Визнач вирази, у яких значення неповної частки дорівнює нулю. Виконай ділення з остачею в цих випадках; перевір результати.

41:4	3:9	35:8	55:8
74:9	36:8	8:27	42:5

$$a:b=0 \text{ (ост. } a\text{),}$$


якщо $a < b$

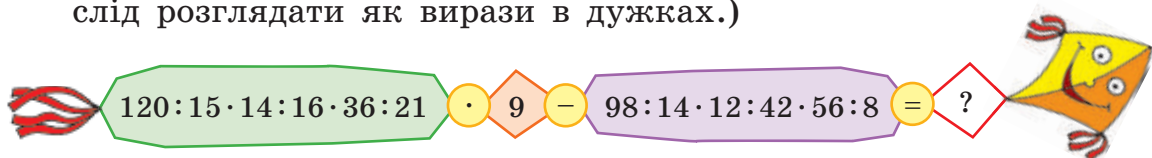
89  Скільки різних остач можна одержати в результаті ділення деякого числа на 9? на 2? на 30? Назви ці остачі.

90  Денис задумав двоцифрове число, яке закінчується цифрою 8. Якщо суму цифр цього числа збільшити в 4 рази, то одержимо число, яке в результаті ділення на 6 дає в частці 6, а в остачі 4. Яке число задумав Денис?



ПОВТОРЮЄМО ПИСЬМОВІ ПРИЙОМИ ОБЧИСЛЕННЯ

91  Виконай арифметичні дії. (Повітряний змій — це один числовий вираз. Вирази в окремих фрагментах змія слід розглядати як вирази в дужках.)



92 Зістав вирази попарно. Прокоментуй кожне розв'язання.

$$\begin{array}{r} 646 \\ + 358 \\ \hline 1004 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8646 \\ + 7358 \\ \hline 16004 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 518 \\ - 449 \\ \hline 69 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9518 \\ - 6449 \\ \hline 3069 \end{array}$$

93 Прокоментуй розв'язання. Зістав перший добуток із рештою добутоків. У чому їх відмінність? Що є спільним? Чи можна міркувати так само в ході знаходження значень решти добутоків? Знайди їх значення письмово.

$$\begin{array}{r} \times 42 \\ 23 \\ \hline 126 \text{ — I неповн. доб.} \\ + 84 \text{ — II неповн. доб.} \\ \hline 966 \text{ — добуток} \end{array}$$



$$\begin{array}{r} \times 742 \\ 23 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 3742 \\ 23 \\ \hline \end{array}$$

94 Знайди значення першого добутку. Зістав добутки. Як їх відмінність вплине на знаходження значення другого добутку? Знайди його значення та значення решти виразів.

$$\begin{array}{r} \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline 3 & 4 & 7 \\ \hline \end{array} \\ \quad \begin{array}{|c|c|} \hline 5 & 6 \\ \hline \end{array} \\ \hline + \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline \end{array} \text{ — I неповн. доб.} \\ \quad \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline \end{array} \text{ — II неповн. доб.} \\ \hline \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline \end{array} \text{ — добуток} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline 3 & 4 & 7 \\ \hline \end{array} \\ \quad \begin{array}{|c|c|c|} \hline 4 & 5 & 6 \\ \hline \end{array} \\ \hline + \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline \end{array} \text{ — I неповн. доб.} \\ \quad \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline \end{array} \text{ — II неповн. доб.} \\ \quad \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline \end{array} \text{ — III неповн. доб.} \\ \hline \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline \end{array} \text{ — добуток} \end{array}$$

$276 \cdot 74$

$276 \cdot 374$

$809 \cdot 28$

$809 \cdot 328$

95 Перевір розв'язання, яке виконали діти. Прокоментуй спосіб знаходження цифр частки, закінчи міркування.

$$\begin{array}{r} \underline{972} \overline{) 27} \\ 81 \overline{) 36} \\ \underline{162} \\ \underline{162} \\ 0 \end{array}$$

$\rightarrow \textcircled{20} = 10 \cdot 2$

$97 : 10 \approx 9; \quad 9 : 2 \approx 4.$

Прикидаємо: $4 \cdot 20 = 80$; $97 - 80 = 17$; $17 < 4 \cdot 7$.

Беремо на 1 менше від 4, тобто 3;

прикидаємо: $3 \cdot 20 = 60$; $97 - 60 = 37$; $37 > 3 \cdot 7$,

отже, цифра 3 підходить.

$162 : 10 \approx 16; \quad 16 : 2 = 8 \dots$

96  Обчисли письмово. Перевір одержані результати.

$$605\,439 - 237\,418$$

$$264\,891 + 254\,709$$



$$8023 \cdot 46$$

$$5623 \cdot 75$$

$$346\,880 : 64$$

$$470\,340 : 26$$

97  Знайди значення виразів.

$$1274 + 18\,548 + 726$$

$$7356 - (3899 + 356)$$


$$87\,004 + 99\,998 - 975 : 15 \cdot 4$$




$$32\,629 + (8457 + 371) - 10\,999$$

$$7809 - 956 : 4 + 24 \cdot 13$$

$$17\,000 - (1003 - 816 : 16)$$

98  Для нової школи придбали системні блоки, монітори й принтери. За всю техніку заплатили 269 704 грн. Системні блоки й монітори разом коштували 208 716 грн, а монітори й принтери — 106 862 грн. Скільки коштувала техніка кожного виду окремо?

99  Порівняй вирази. Які вирази можна порівняти без обчислень? Як слід міркувати?

$$46\,328 + 27\,567 \bigcirc 125\,344 - 56\,782$$

$$5007 - 4999 \bigcirc 5007 - 499$$

$$439\,452 + 236\,199 \bigcirc 900\,000 - 236\,007$$




100  Знайди значення виразів.



$$(56\,728 + 997) - (324 : 6 \cdot 17 + 7324)$$

$$50 - (600 \cdot 3) : (4 \cdot 25) - 5 \cdot (40 - 7 \cdot 5)$$

$$307\,003 - (4625 + 9999) - 99\,996 + 5822$$

101  Між Києвом та Одесою розташоване місто Умань. Від Одеси до Умані 280 км, що на 60 км більше, ніж від Умані до Києва. Яка відстань між Одесою та Києвом?

102  Віднови розв'язання.

$$\begin{array}{r} \times 318 \\ \hline \\ + \quad \quad 90 \\ \quad \quad 54 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 35607 \quad 83 \\ - \quad \quad \quad \quad 429 \\ \hline \\ - \quad \quad \quad \\ \hline \\ - \quad 747 \\ \hline \\ \quad \quad \quad 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 87290 \quad 215 \\ - \quad \quad \quad \quad 406 \\ \hline \\ - \quad 1290 \\ \hline \\ \quad \quad \quad 0 \end{array}$$

РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА СПІЛЬНУ РОБОТУ

103 До задач 1 і 2 добери короткі записи. Розв'яжи задачу 1. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену до неї задачу. Розв'яжи задачу 2 двома способами; запиши розв'язання виразами. Зістав розв'язання задач 1 і 2.

Національний дендрологічний парк «Софіївка» (м. Умань) називають перлиною України. Він є шедевром світового садово-паркового мистецтва кінця XVIII — початку XIX ст. Цей парк побудував за мотивами старогрецької міфології граф Станіслав Потоцький для своєї дружини Софії.



▶▶ 1) Човняр за 3 рейси покатав по озеру 18 осіб. Скільки осіб човняр покатає за 7 рейсів, якщо кожного рейсу він катає ту саму кількість осіб?

▶▶ 2) Два човнярі за 3 рейси покатали 36 осіб. Скільки осіб покатає один човняр за 7 рейсів, якщо кожного рейсу човнярі катають ту саму кількість осіб?

а	Кількість осіб за 1 рейс (ос.)	Кількість рейсів (р.)	Загальна кількість осіб (ос.)
I		3	18
	?, однак.		
II		7	?

б 3 р. — 18 ос.
7 р. — ?

в 2 ч., 3 р. — 36 ос.
1 ч., 7 р. — ?

Розглянь опорні схеми до задач 3 і 4. Як їх доповнити? Зістав задачі 2 і 3; 3 і 4. Як відмінність задач вплине на їх розв'язання? Розв'яжи задачі 3 і 4. До задачі 4 усно склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

▶▶ 3) Один човняр за рейс катає 6 осіб, а інший — 8 осіб. Скільки осіб ці човнярі покатають за 7 рейсів, якщо працюватимуть разом?


▶▶ 4) За 5 рейсів один човняр катає 30 осіб, а інший — 40 осіб. Скільки осіб ці човнярі покатають за 7 рейсів, якщо працюватимуть разом?

3	Кільк. осіб за 1 р. (ос.)	Кільк. рейсів (р.)	Загальна кількість осіб (ос.)
I	■		
II	■		
I і II	?	■	?

4	Кільк. осіб за 1 р. (ос.)	Кільк. рейсів (р.)	Загальна кількість осіб (ос.)
I	?	■	■
II	?	■	■
I і II	?	■	?

104  Виконай арифметичні дії з іменованими числами.


503 грн 24 к.:4
 25 кг 87 г·7
 12 т 411 кг:9·7

 74 ц 25 кг:9 кг
 8 дм 4 мм·4
 (23 км 70 м–8 км 219 м)·5


105  Знайди значення часток письмово. Виконай перевірку.

240 432:48 116 832:24 178 600:47 15 660:58
 920 890:34 19 920:83 369 600:77 220 800:69

106  Знайди значення виразів.

135:27+900:750–352:88
 345·600–(35 760:40+20 400:50)
 31 620:60+12 280:40–23 800:70
 828:36+(880:16–912:24)·5648




107  Розв'яжи задачу 1. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену до неї задачу. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи її.



▶▶ 1) Трое робітників за 5 днів викопали 120 м траншеї. Скільки метрів траншеї викопав один робітник за 3 дні, якщо робітники працювали з однаковою продуктивністю?

▶▶ 2) Один робітник за 5 днів викопав 25 м траншеї, а інший за 4 дні — 24 м. Скільки метрів траншеї робітники викопують за 3 дні, якщо працюватимуть разом із тією самою продуктивністю?

108  Зістав подану задачу із задачею 2 в попередньому завданні. Як їх відмінність вплине на розв'язання поданої задачі? Розв'яжи її.

▶ Один робітник за 5 днів викопав 25 м траншеї, а інший за 6 днів проклав кабель і закопав 24 м траншеї. Скільки метрів кабелю залишиться прокласти робітникам за 3 дні спільної праці, якщо робітники працюватимуть із тією самою продуктивністю?

СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО МАТЕМАТИЧНІ ВИРАЗИ

109 Розбий вирази на чотири групи. За якою ознакою це можна зробити? Дай назву кожній групі. Знайди значення виразів.

56 : 4 45 + 18 32 - 27 34 · 8
56 · 3 60 - 36 36 + 27 64 : 16

Сума

Різниця

Добуток

Частка

110 Прочитай математичні вирази. Розбий їх на дві групи. За якою ознакою це можна зробити?

Числові вирази

51 : 17 · 34 70 - (18 + 43) 32 · 7 : 14

Буквені вирази

$a \cdot 8 - 15$ $14 \cdot (b - 23)$ $k \cdot 7 - b : 8$

Знайди значення числових виразів. Чи можеш ти знайти значення буквених виразів? Чому?

111 Згадай, що ти знаєш про буквені вирази. Від чого залежить значення буквеного виразу? Знайди значення поданих виразів, якщо $a = 4$, $b = 5$.



$(670 + 50) : 80 \cdot 12 : a$ $(44 : 11 \cdot 25 - 78) \cdot b$
 $a \cdot (832 : 8) - 322 + b$ $65 : 13 \cdot a + 90 : b$

112 Досліди залежність значення виразу від зміни одного з його компонентів. Зроби висновки.


11 - b, якщо b = 3
11 - b, якщо b = 4
11 - b, якщо b = 6

23 + a, якщо a = 9
23 + a, якщо a = 18
23 + a, якщо a = 47

6 · k, якщо k = 8
6 · k, якщо k = 17
6 · k, якщо k = 34


113  Знайди невідомий множник або значення добутку.

Перший множник	3		4	8		7	9		9	3		5	2	
Другий множник		6	9		2	3		8	5		6	3		2
Значення добутку	12	30		24	18		81	64		27	24		8	6

114  Назви порядок виконання арифметичних дій у виразах. Знайди значення виразів, прокоментуй хід обчислень.

$$72:18+80:16$$


$$76:19 \cdot 34 - 48$$




$$100 - 108:18 \cdot 15$$

$$65:13 \cdot 32:10$$

$$135:15 \cdot (80:16)$$


115  Знайди значення виразів, у яких остання дія — додавання.

$$20 + (35 + 15) : 5$$



$$95 - 15 + 54 : 6$$

$$90 : 18 + 80 : 16$$

116  Прокоментуй, на основі яких правил діти виконали перетворення виразів і знайшли їх значення.




$$52:4 = (40+12):4 = 40:4 + 12:4 = 10+3 = 13$$

$$13 \cdot 4 = 13 + 13 + 13 + 13 = 52$$


$$13 \cdot 4 = (10+3) \cdot 4 = 10 \cdot 4 + 3 \cdot 4 = 40 + 12 = 52$$



117  Знайди значення буквеного виразу $a + (a + 79)$, якщо $a = 12$.


118  Склади вираз за текстом задачі.

► В одному мішку 47 кг цукру, а в іншому — 49 кг. Увесь цукор насипали в пакети, по a кг у кожний пакет. Скільки пакетів із цукром отримали?

119  Перевір, чи є помилки в розв'язаннях. Як їх виправити?

$$5 \cdot 34 : 17 \cdot (26 + 47) = 5 \cdot 2 \cdot 73 = 10 \cdot 73 = 730$$

$$102 : (85 : 5) \cdot 8 = 102 : 7 \cdot 8 = 102 : 56 = 2$$


120  За допомогою дужок зміни порядок виконання арифметичних дій у виразах так, щоб можна було знайти їх значення.

$64 + 32 : 8 - 9$ $14 \cdot 5 + 4 \cdot 2$ $150 : 75 : 5 - 5$ $64 : 4 + 12 \cdot 8$

121  Знайди значення буквених виразів.


$(37 + 29 - 18) : n + 35 : 7 \cdot n$, якщо $n = 6$;
 $t \cdot (16 - 5) - 54 : t \cdot 8 + 7 \cdot 6$, якщо $t = 9$.



122  Як поставити дужки, щоб значення кожного виразу збільшилося?

$8 \cdot 9 + 3$ $72 : 9 - 6$ $45 + 30 \cdot 7$

УЗАГАЛЬНЮЄМО СПОСОБИ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ЗАДАЧ НА ПРОЦЕСИ


123  Прокоментуй короткий запис задачі. Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу. Досліди, як зміна шуканого вплине на розв'язання.

▶▶ За 3 год матуся зліпила 240 вареників, а бабуся — 300. За скільки годин вони зліплять 360 вареників, якщо працюватимуть разом?



	Продуктивність праці (шт.)	Час роботи (год)	Загальний виробіток (шт.)
I	?	3	240
II	?	3	300
I і II	?	?	360



124  Прокоментуй короткі записи задач. Розв'яжи одну із задач двома способами. Чи допоможе розв'язання цієї задачі розв'язати іншу задачу? Розв'яжи її.

▶▶ 1) За годину один апарат виготовляє 210 порцій морозива, а інший — 140 порцій. Скільки порцій морозива виготовлять ці апарати за 3 год, якщо працюватимуть разом?

	Продуктивність праці (п.)	Час роботи (год)	Загальний виробіток (п.)
I	210		
II	140		
I і II	?	3	?



► 2) Юрко і Юля одночасно розпочали рух назустріч одне одному й зустрілися за 3 хв. Юрко рухався зі швидкістю 210 м/хв, а Юля — 140 м/хв. Яка відстань була між ними на момент початку руху?

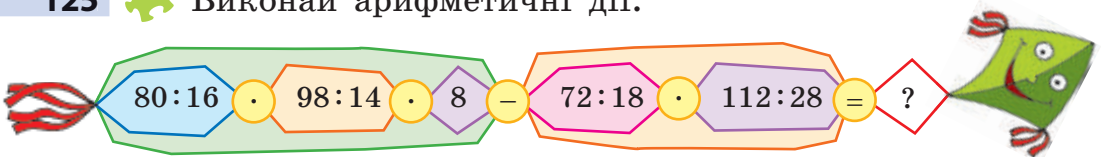


	v (м/хв)	t (хв)	s (м)
I	210		
II	140		
I і II	?	3	?

Склади та розв'яжи обернену задачу на знаходження продуктивності праці одного з виконавців або на знаходження швидкості руху одного з тіл. Досліди, як зміна шуканого вплине на розв'язання.

Склади та розв'яжи обернену задачу на знаходження часу спільної праці або часу спільного руху.

125 Виконай арифметичні дії.



126 Порівняй вирази.

$$753 \cdot 207 + 908 \cdot 53 \quad \bullet \quad 438 \cdot 209 - 402 \cdot 215$$


$$832 : 8 - 56 \quad \bullet \quad 105 : 15 \cdot 7$$


$$93481 + 16434 : 83 \quad \bullet \quad 9853 : 59 - 7155 : 265$$

$$84 : 6 \cdot 9 \quad \bullet \quad 324 : 3 + 18$$


$$\text{🏠} \quad 15 : 17 \cdot 16 - 39 \quad \bullet \quad 72 : 36 \cdot 48 - 87$$



127  Мотоцикліст і мотоциклістка одночасно вирушили з двох міст назустріч одне одному й зустрілися за 6 год. Мотоцикліст рухався зі швидкістю 30 км/год, а мотоциклістка — 40 км/год. Яка відстань між містами?

128  Два моторні човни одночасно вирушили в протилежних напрямках від пристані. За 6 год відстань між ними становила 378 км. Один із човнів рухався зі швидкістю 35 км/год. Знайди швидкість руху іншого човна.




129  Розв'яжи задачу 1, запиши її розв'язання виразом. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Чи потрібно її розв'язувати?

▶▶ 1) За хвилину один автомат виготовляє 45 пакетів, а інший — 40. За скільки хвилин ці автомати виготовлять 340 пакетів, якщо працюватимуть разом?

▶▶ 2) Лящ і минь одночасно відпливли від водоростей у протилежних напрямках. За скільки хвилин відстань між ними становитиме 340 м, якщо швидкість руху ляща 45 м/хв, а миня — 40 м/хв?

До задачі 2 склади та розв'яжи обернені задачі — на знаходження швидкості руху ляща, на знаходження часу спільного руху ляща й миня.

130  Зістав подану задачу із задачею 2 в попередньому завданні. Як їх відмінність вплине на розв'язання поданої задачі? Розв'яжи подану задачу.

▶▶ Лящ і минь, що були на відстані 85 м один від одного, одночасно попливли в протилежних напрямках. Швидкість руху ляща 45 м/хв, а миня — 40 м/хв. За скільки хвилин відстань між ними становитиме 340 м?



УЗАГАЛЬНЮЄМО СПОСОБИ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ РІВНЯНЬ І БУКВЕНИХ НЕРІВНОСТЕЙ



131 Із поданих чисел знайди *способом добору* розв'язки рівнянь і нерівностей.

$$8 \cdot p = 72$$

$$k - 9 = 16$$

$$64 : x = 16$$

4

6

8

9

15

16

20

25

$$42 - c < 34$$

$$17 + y > 23$$

$$q : 5 < 4$$

132 Розв'яжи рівняння, застосувавши *правила знаходження невідомого компонента арифметичної дії*.

$$n + 18 = 32$$

$$c : 12 = 108$$

$$63 - y = 48$$

133 Знайди деякі розв'язки нерівностей, використавши *спосіб зведення до рівняння*.

$$14 - a > 9$$

$$6 \cdot p < 42$$

$$34 + a > 50$$

134 Розв'яжи рівняння, скориставшись *способом на основі властивостей рівності*.

$$13 - c = 8$$

$$42 : x = 6$$

$$y + 7 = 12$$

135 Як зміниться значення: а) суми чисел 18 і 24, якщо один із доданків зменшити на 9? б) різниці чисел 60 і 18, якщо від'ємник збільшити на 4? в) добутку чисел 12 і 8, якщо один із множників зменшити в 4 рази?

136 Розв'яжи рівняння на основі властивостей рівності. З'ясуй, чи можна міркувати аналогічно, розв'язуючи нерівність, — *способом на основі залежності результату арифметичної дії від зміни одного з її компонентів*. Розв'яжи нерівність. Скористайся підказками.

$$\begin{array}{l} 7 + c = 13 \\ 7 + c = 7 + \square \\ c = \square \end{array}$$

В.: $c = \square$

$$\begin{array}{l} 7 + c > 13 \\ 7 + c > 7 + \square \\ c > \square \end{array}$$

В.: $c > \square$



137  Із поданих нижче чисел добери розв'язки рівнянь і нерівностей.

$54 - x = 47$


$x \cdot 7 = 63$

 $54 : x = 9$

$28 + x = 62$

$k + 43 > 51$

$24 : c < 8$

 $3 \cdot q > 18$

$12 - d < 3$

6

7


8

9

10

12

34


138  Розв'яжи рівняння.

$72 : a = 6$

$c \cdot 24 = 96$

$67 + p = 80$

$54 - k = 27$


139  Розв'яжи рівняння. Чи допоможе розв'язок рівняння знайти розв'язки нерівностей? Знайди кілька розв'язків кожної нерівності.

$18 - x = 9$

$18 - x > 9$

$18 - x < 9$



140  Розв'яжи рівняння, використовуючи властивості рівності.


$26 + x = 26 + 8$

$53 - y = 53 - 6$



$72 : b = 72 : 6$

$c : 8 = 72 : 8$

141  За змістом кожної задачі склади рівняння та розв'яжи його.

▶▶ 1) Настя задумала число, помножила його на 12 й одержала число 60. Яке число задумала дівчинка?

▶▶ 2) Сергій задумав число, збільшив його в 32 рази й одержав число 96. Яке число задумав хлопчик?

142  Знайди хоча б один розв'язок кожної нерівності.

$48 : a > 4$

$a \cdot 14 < 56$

$a : 8 > 4$

143  Знайди два доданки, якщо значення їх суми:

- 1) становить 19, а один із доданків на 5 більший за інший;
- 2) становить 23, а один із доданків на 5 більший за інший;
- 3) становить 30, а один із доданків на 10 більший за інший;
- 4) становить 70, а один із доданків на 10 більший за інший;
- 5) становить 17, а один із доданків на 7 більший за інший;
- 6) становить 33, а один із доданків на 11 більший за інший.

РОЗВ'ЯЗУЄМО УСКЛАДНЕНІ РІВНЯННЯ

144 Розв'яжи просте рівняння. Зістав рівняння 1 і 2; 2 і 3.

🔍 Як відмінність рівнянь вплине на їх розв'язання? Розв'яжи решту рівнянь.

1) $p + 24 = 81$

2) $p + 8 \cdot 3 = 81$

3) $p + 8 \cdot 3 = 9 \cdot 9$

145 Розв'яжи просте рівняння. Зістав рівняння 1 і 2; 2 і 3.

🔍 Як їх відмінність вплине на розв'язання рівняння 2? Рівняння 3? Розв'яжи рівняння 2 і 3.

1) $k : 6 = 5$

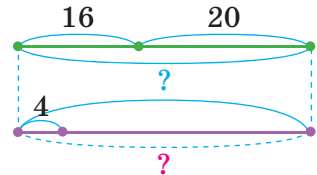
2) $k : (42 : 7) = 5$

3) $30 : (42 : p) = 5$



146 Розглянь схему до задачі. Поясни, як розв'язала задачу Катруся; як розв'язав задачу Тарас.

▶▶ 16 яблук і 20 груш бабуся розклала в пакети — по 4 фрукти в кожний пакет. Скільки пакетів із фруктами одержала бабуся?



1) $16 + 20 = 36$ (шт.) — усього фруктів;
2) $36 : 4 = 9$ — пакетів одержали.
Вираз:
 $(16 + 20) : 4 = 9$ (шт.)



Арифметичний метод

Нехай x — кількість пакетів із фруктами, тоді всього фруктів ($4 \cdot x$) шт.; за умовою всього фруктів ($16 + 20$) шт.

Отже:
 $4 \cdot x = 16 + 20$
 $4 \cdot x = 36$
 $x = 36 : 4$
 $x = 9$

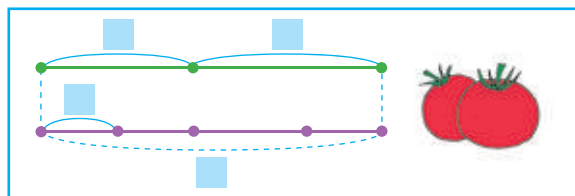


Алгебраїчний метод

147 Як доповнити схему до задачі? Розв'яжи задачу арифметичним методом. Розв'яжи задачу алгебраїчним методом. Скористайся підказками.

▶▶ Бабуся збрала помідори з двох грядок. Усі помідори вона розклала в 4 банки, по 7 помідорів у кожному банку. Скільки помідорів збрала бабуся з другої грядки, якщо з першої грядки вона збрала 16 помідорів?





Нехай x помідорів бабуся збирала з II грядки, тоді $(x+16)$ — усього помідорів. З іншого боку: $(7 \cdot 4)$ — усього помідорів.

148 Знайди корінь (розв'язок) кожного рівняння.

$$630 + x = 248 \cdot 4$$

$$\text{🏠 } y - 51 : 17 = 8$$

$$k \cdot (27 + 5) = 128$$

149 До кожного тексту добери рівняння, розв'яжи його.

▶▶ 1) Невідоме число збільшили на добуток чисел 6 і 7 і в результаті одержали число 49.

▶▶ 2) Невідоме число збільшили на 24 й одержали добуток чисел 7 і 8.

▶▶ 3) Від невідомого числа відняли частку чисел 40 і 5 й одержали число 23.

$$x + 24 = 7 \cdot 8$$

$$y - 40 : 5 = 23$$

$$c + 6 \cdot 7 = 49$$

150 Розв'яжи задачі алгебраїчним методом.



▶▶ 1) Після того як Сашко витратив 67 грн, у нього залишилось 58 грн. Скільки гривень було в Сашка?

▶▶ 2) Пакет цукерок коштує 37 грн. Скільки таких пакетів купила Олена, якщо вона заплатила 141 грн?

151 Розв'яжи рівняння.

$$224 - (x - 54) = 117$$


$$400 : a - 64 = 16$$

$$260 + 9 \cdot c = 530$$

152 Розв'яжи задачу арифметичним і алгебраїчним методами.

▶▶ За 8 год роботи трактор витратив 72 л пального. Скільки літрів пального потрібно цьому трактору на 12 год роботи, якщо щогодини він витрачає його однаковий об'єм?



153  Розв'яжи нерівності.

$24 - k > 18$

$c - 47 < 36$

$d + 17 > 32$

$36 : k > 4$

154  Знайди два доданки, якщо значення їх суми:

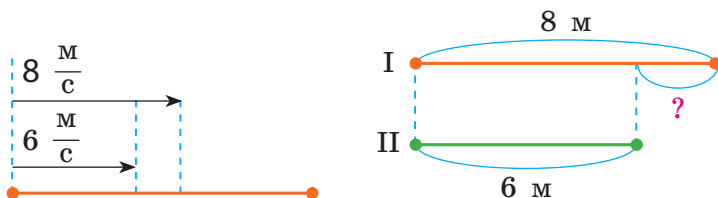
- 1) становить 48, а один доданок у 2 рази більший за інший;
- 2) становить 60, а один доданок у 2 рази більший за інший;
- 3) становить 40, а один доданок у 3 рази більший за інший;
- 4) становить 44, а один доданок у 3 рази більший за інший.


ДОСЛІДЖУЄМО ОДНОЧАСНИЙ РУХ ДВОХ ТІЛ В ОДНОМУ НАПРЯМКУ

155  Розв'яжи задачу. Поясни наведені схеми.

▶ Юля й Олег змагаються з бігу. Вони стартували одночасно. Юля біжить зі швидкістю 8 м/с, а Олег — 5 м/с. Як змінюється відстань між Юлею й Олегом? На скільки змінюється відстань між ними за кожну секунду?

Як дізнатися, на скільки Олег буде щосекунди відставати від Юлі?



156  Розв'яжи задачі 1 і 2. Зістав задачі 1 і 3, 2 і 4. Досліди, як зміна умов руху впливає на визначення числового значення зміни відстані між тілами за одиницю часу.

▶ 1) Мисливець і борсук опинилися біля куща, злякались один одного й одночасно побігли в протилежних напрямках. Борсук біжить зі швидкістю 5 м/с, а мисливець — 3 м/с. Як і на скільки змінюється відстань між ними щосекунди?



▶▶ 2) Мисливець і борсук рухаються назустріч один одному. Борсук рухається зі швидкістю 5 м/с , а мисливець — 3 м/с . Як і на скільки змінюється відстань між ними щосекунди?

▶▶ 3) Мисливець побачив на деякій відстані борсука й побіг за ним. Борсук рухається зі швидкістю 5 м/с , а мисливець — 3 м/с . Як і на скільки змінюється відстань між ними щосекунди?

▶▶ 4) Борсук побачив на деякій відстані мисливця й побіг за ним. Борсук рухається зі швидкістю 5 м/с , а мисливець — 3 м/с . Як і на скільки змінюється відстань між ними щосекунди?

157



Вітер зірвав із голови чоловіка капелюх. Чи наздожене чоловік капелюх, якщо вітер несе капелюх зі швидкістю 7 м/с , а чоловік біжить зі швидкістю 6 м/с ? Як змінюється відстань між чоловіком і капелюхом кожену секунду? З якою швидкістю має бігти чоловік, щоб наздогнати свій капелюх?



158




Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.


▶▶ 1) Із селища одночасно виїхали в протилежних напрямках велосипедистка і вантажівка. Велосипедистка рухається зі швидкістю 14 км/год , а вантажівка — 58 км/год . За скільки годин відстань між велосипедисткою і вантажівкою становитиме 216 км ?



▶▶ 2) Із селища виїхала велосипедистка. За 2 год із цього селища в протилежному напрямку виїхала вантажівка. Велосипедистка рухалася зі швидкістю 14 км/год , а вантажівка — 58 км/год . За скільки годин після виїзду вантажівки відстань між нею і велосипедисткою становитиме 244 км ?

159  Скільки різних парних чотирицифрових чисел можна скласти із цифр 1, 2, 3, 4 так, щоб цифри в записі числа не повторювалися? Запиши утворені числа.


ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА СПІЛЬНУ РОБОТУ І ЗАДАЧІ НА ОДНОЧАСНИЙ РУХ ДВОХ ТІЛ

160  Зістав задачі 1 і 2. Як відмінність задач вплине на їх розв'язання? Розв'яжи задачі. До задачі 2 склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

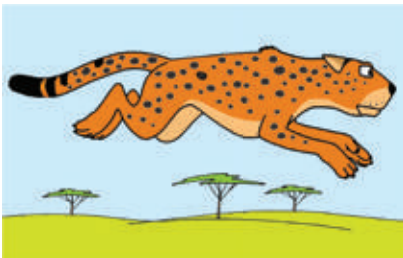
▶▶ 1) Щохвилини в бочку місткістю 352 л наливається через кран 12 л води, а помпа закачує 32 л води. За який час наповниться бочка?



▶▶ 2) Щохвилини в бочку місткістю 352 л наливається 12 л води, а через отвір в бочці виливається 4 л води. За який час наповниться бочка?

161  До кожної задачі добери короткий запис. Зістав подані задачі відповідно із задачами 1 і 2 в попередньому завданні. Як їх відмінність вплине на розв'язання поданих задач? Розв'яжи їх усно; прокоментуй розв'язання.

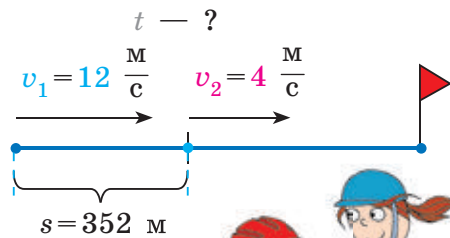
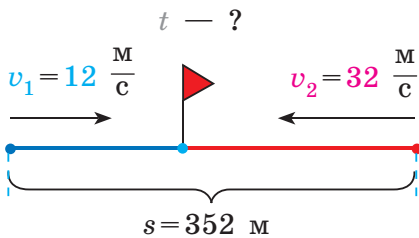
▶▶ 1) Від двох кущів, відстань між якими 352 м, одночасно назустріч один одному побігли гепард і леопард. За який час тварини зустрінуться, якщо леопард рухається зі швидкістю 12 м/с, а гепард — 32 м/с?



▶▶ 2) Від двох кущів, відстань між якими 352 м, одночасно в одному напрямку побігли леопард і слон. За який час леопард наздожене слона, якщо леопард рухається зі швидкістю 12 м/с, а слон — 4 м/с?

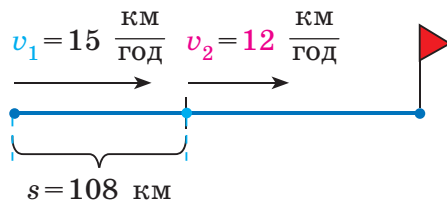
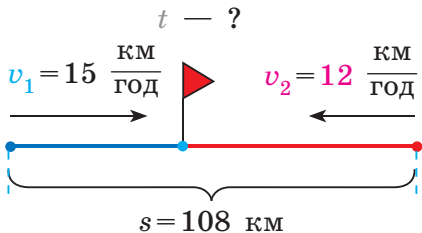
Зістав подані задачі. Як відмінність задач впливає на знаходження числового значення зміни відстані між тваринами щосекунди?

Одночасний рух двох тіл
назустріч в одному напрямку



162 🔍 Розв'яжи задачу на одночасний рух двох тіл назустріч одне одному. Як зміна напрямку руху — навздогін — вплине на розв'язання задачі? Скористайся підказками.

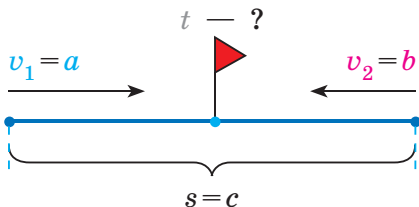
▶ З двох селищ, відстань між якими 108 км, одночасно назустріч вирушили дві велосипедистки. Одна велосипедистка рухається зі швидкістю 15 км/год, а інша — 12 км/год. Як змінюється відстань між велосипедистками за кожну годину? На скільки кілометрів? За скільки годин велосипедистки опиняться поруч?



Знаходження часу зустрічі двох тіл

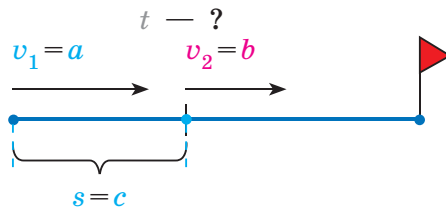
Одночасний рух двох тіл

назустріч



$t = c : (a + b)$

навздогін



$t = c : (a - b)$

163 🧩 Гепард пробіг 1 км 302 м, рухаючись зі швидкістю 31 м/с. Яку відстань пробіжить за той самий час страус, якщо він рухається зі швидкістю 14 м/с? У скільки разів швидкість руху гепарда більша за швидкість руху страуса?

164 🧩 Розв'яжи задачу на одночасний рух двох тіл назустріч одне одному. Як зміна напрямку руху — навздогін — вплине на розв'язання задачі?

▶ Дві лижниці, які були на відстані 680 м одна від одної, одночасно почали рухатися $\frac{\text{назустріч}}{\text{навздогін}}$. Одна лижниця рухалася зі швидкістю 160 м/хв, а інша — 180 м/хв. За скільки хвилин лижниці опинилися поруч?



165 🧩 У попередній задачі зміни напрямок руху — нехай лижниці рухаються одна за одною із відставанням. Як ця зміна вплине на розв'язання задачі? Визнач, за скільки хвилин відстань між лижницями буде 720 м.

166 🧩 Фігурист Іван і фігуристка Ганна для виконання «парної ластівки» одночасно почали рухатися з різних боків льодового стадіону назустріч одне одному. Іван рухався зі швидкістю 6 м/с, а Ганна — 5 м/с. Як і на скільки змінювалася відстань між Іваном і Ганною за кожну секунду?

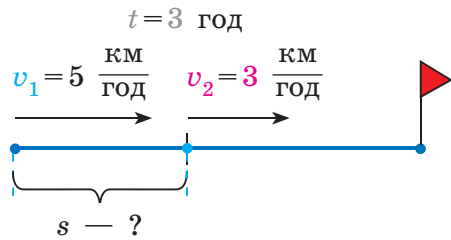
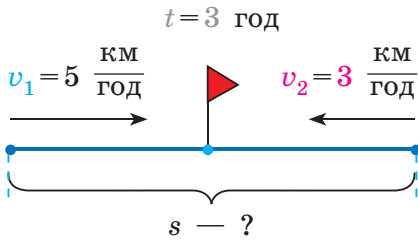
167 🧩 Підприємець придбав для здачі в оренду електричні транспортні засоби: електросамокати, гіроскутери й моноколеса. Одного дня послугами підприємця скористалися 35 осіб: 13 покаталися на електросамокатах, 18 — на гіроскутерах, а решта катилися тільки на моноколесах. Скільки осіб покаталися на моноколесах, якщо 9 осіб скористалися двома видами електротранспорту — й електросамокатами, й гіроскутерами?



ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ОДНОЧАСНИЙ РУХ ДВОХ ТІЛ У РІЗНИХ НАПРЯМКАХ І В ОДНОМУ НАПРЯМКУ

168 Розв'яжи задачу на одночасний рух двох тіл назустріч одне одному. Досліди, як зміниться розв'язання задачі за умови одночасного руху двох тіл навздогін. Скористайся підказками.

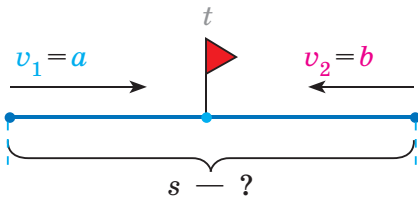
► Костя та Єгор одночасно почали рухатися назустріч навздогін. Костя йшов зі швидкістю 5 км/год, а Єгор — 3 км/год. Якою була відстань між хлопчиками на момент початку руху, якщо вони зустрілися за 3 год?



Знаходження відстані між тілами на момент початку руху

Одночасний рух двох тіл

назустріч



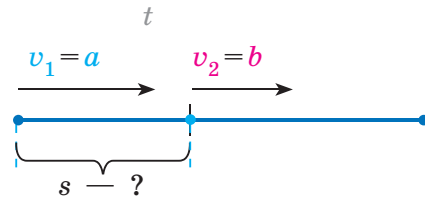
I спосіб

$$s = a \cdot t + b \cdot t$$

II спосіб

$$s = (a + b) \cdot t$$

навздогін



I спосіб

$$s = a \cdot t - b \cdot t$$

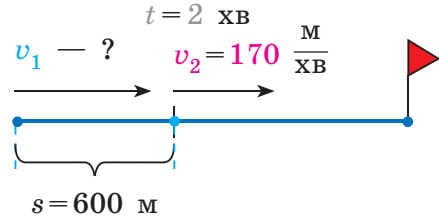
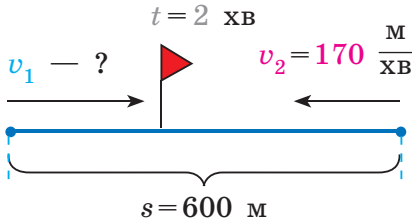
II спосіб

$$s = (a - b) \cdot t$$

169 Розв'яжи задачу на одночасний рух двох тіл назустріч одне одному. Досліди, як зміниться розв'язання задачі за умови одночасного руху двох тіл навздогін. Скористайся підказками.

► Бігун і скутеристка були на відстані 600 м одне від одного. Вони одночасно почали рухатися назустріч навздогін й опинилися

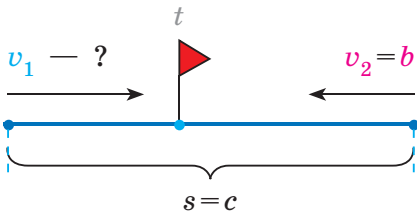
поруч за 2 хв. Бігун рухався зі швидкістю 170 м/хв. Знайди швидкість руху скутеристки.



Знаходження швидкості руху одного з тіл

Одночасний рух двох тіл

назустріч



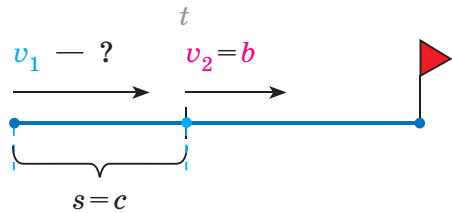
I спосіб

$$v_1 = (c - b \cdot t) : t$$

II спосіб

$$v_1 = c : t - b$$

навздогін




I спосіб

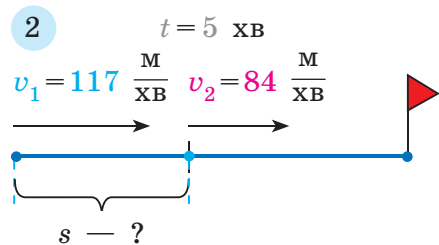
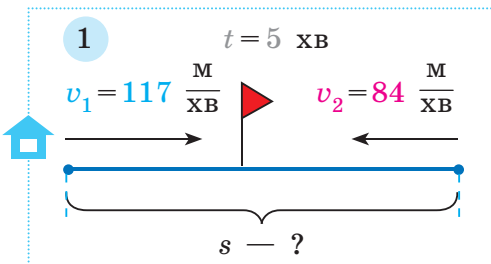
$$v_1 = (c + b \cdot t) : t$$

II спосіб

$$v_1 = c : t + b$$

170  Розв'яжи задачу на одночасний рух двох тіл назустріч. Як зміна напрямку руху — навздогін — вплине на розв'язання задачі? Скористайся підказками.

▶ Від двох дерев шпак і ворона одночасно вирушили назустріч / навздогін. Швидкість руху шпака 117 м/хв, ворони — 84 м/хв. Яка відстань була між птахами на момент початку руху, якщо вони опинилися поруч за 5 хв?



171 🧩 До задач у попередньому завданні склади та розв'яжи обернені задачі — на знаходження часу руху та швидкості руху одного з тіл за умов: 1) одночасного руху двох тіл назустріч; 2) одночасного руху двох тіл навздогін.



172 🧩 Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

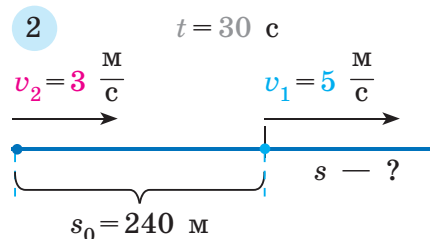
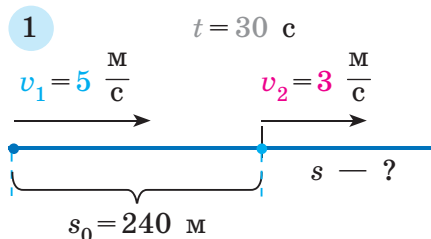
▶ Собака породи хорт побачив на відстані 60 м зайця й погнався за ним. Заєць утік від собаки зі швидкістю 12 м/с. Визнач швидкість руху собаки, якщо він наздогнав зайця за 15 с.



173 🧩 На пляжі 42 відпочивальники каталися на банані, гідроциклі й на водному велосипеді. Скільки відпочивальників покаталися на водному велосипеді, якщо на банані покаталися 16 осіб, на гідроциклі — 7, а 5 осіб покаталися й на банані, й на гідроциклі?

ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ОДНОЧАСНИЙ РУХ ДВОХ ТІЛ В ОДНОМУ НАПРЯМКУ

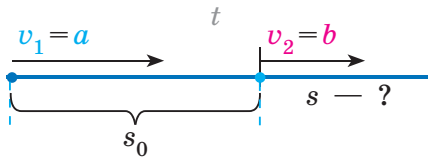
174 🕒 Два велосипедисти, що були на відстані 240 м один від одного, одночасно почали рухатися в одному напрямку. Швидкість руху першого велосипедиста 5 м/с, другого — 3 м/с. Якою буде відстань між ними за 30 с після початку руху, якщо: 1) перший велосипедист їде за другим? 2) другий велосипедист їде за першим?



Знаходження відстані між тілами за певний проміжок часу

Одночасний рух двох тіл

навздогін



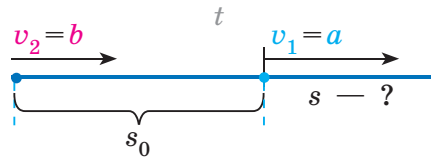
I спосіб

$$s = s_0 - a \cdot t + b \cdot t$$

II спосіб

$$s = s_0 - (a - b) \cdot t$$

з відставанням

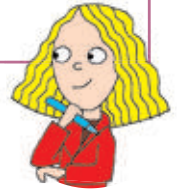


I спосіб

$$s = s_0 - b \cdot t + a \cdot t$$

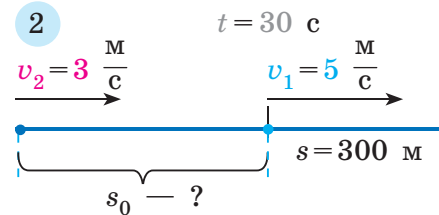
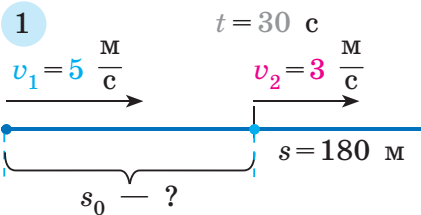
II спосіб

$$s = s_0 + (a - b) \cdot t$$



175 Марина склала обернені задачі до задач у попередньому завданні. Розв'яжи ці задачі.

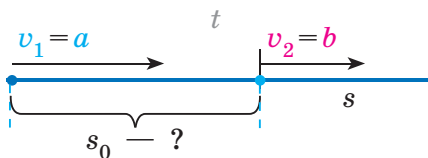
▶ Два велосипедисти одночасно почали рухатися в одному напрямку. Швидкість руху першого велосипедиста 5 м/с, другого — 3 м/с. Якою була відстань між велосипедистами на момент початку руху, якщо за 30 с відстань між ними становила: 1) 180 м, причому перший велосипедист їхав за другим? 2) 300 м, причому другий велосипедист їхав за першим?



Знаходження відстані між тілами на момент початку їх руху

Одночасний рух двох тіл

навздогін



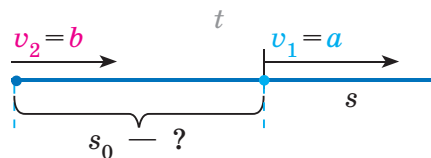
I спосіб

$$s_0 = s + (a \cdot t - b \cdot t)$$

II спосіб

$$s_0 = s + (a - b) \cdot t$$

з відставанням



I спосіб


$$s_0 = s - (a \cdot t - b \cdot t)$$

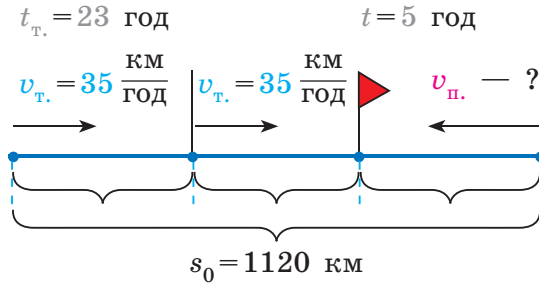
II спосіб


$$s_0 = s - (a - b) \cdot t$$

176  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

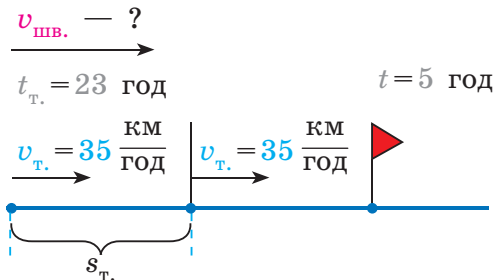
▶ Кішка помітила мишку на відстані 24 м від себе й погналася за нею. Кішка біжить зі швидкістю 6 м/с, а мишка — зі швидкістю 4 м/с. Чи наздожене кішка мишку? Якщо так, то за скільки секунд?

177  Відстань між двома містами 1120 км. З одного міста вирушив товарний потяг, що рухався зі швидкістю 35 км/год. За 23 год йому назустріч з іншого міста вирушив пасажирський потяг. Потяги зустрілися за 5 год після відправки пасажирського потяга. Знайди швидкість руху пасажирського потяга.



178  Зістав подану задачу із попередньою задачею. Як їх відмінність вплине на розв'язання поданої задачі? Розв'яжи її.

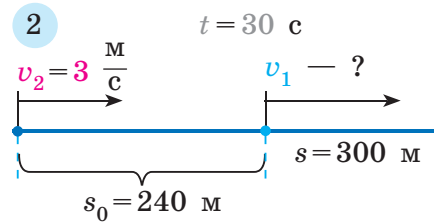
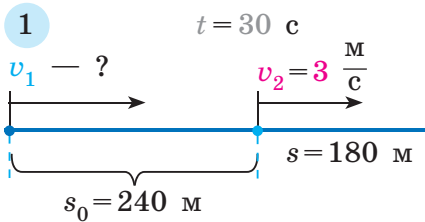
▶ З міста вирушив товарний потяг, що рухався зі швидкістю 35 км/год. За 23 год з того самого міста в тому самому напрямку вирушив швидкісний потяг. Потяги опинилися поряд за 5 год після відправки швидкісного потяга. Знайди швидкість руху швидкісного потяга.



ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ОДНОЧАСНИЙ РУХ ДВОХ ТІЛ В ОДНОМУ НАПРЯМКУ

179 Зістав подану задачу із задачею в завданні 1 попереднього уроку. Які це задачі? Розв'яжи подану задачу.

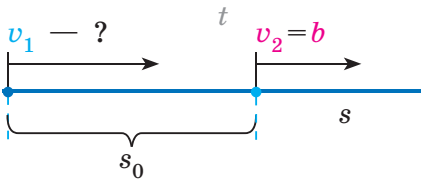
▶ Два велосипедисти, що були на відстані 240 м один від одного, одночасно почали рухатися в одному напрямку. Знайди швидкість руху першого велосипедиста, якщо швидкість руху другого — 3 м/с, причому: 1) перший велосипедист їхав за другим, а за 30 с після початку руху відстань між ними становила 180 м; 2) другий велосипедист їхав за першим, а за 30 с після початку руху відстань між ними становила 300 м.



Знаходження швидкості руху одного з тіл

Одночасний рух двох тіл

навздогін



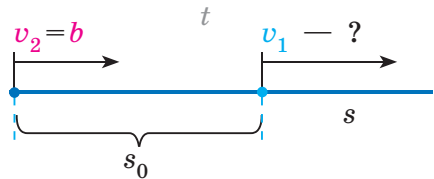
I спосіб

$$v_1 = (s_0 - s + b \cdot t) : t$$

II спосіб

$$v_1 = (s_0 - s) : t + b$$

з відставанням





I спосіб


$$v_1 = (s - s_0 + b \cdot t) : t$$

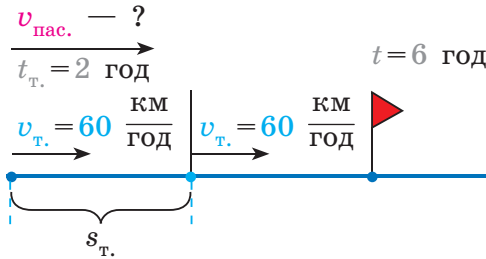
II спосіб


$$v_1 = (s - s_0) : t + b$$

180  Із двох селищ, відстань між якими  20 км, одночасно вирушили в одному напрямку скутерист і мотоциклістка. Скутерист рухався зі швидкістю 30 км/год, а мотоциклістка — 35 км/год. За скільки годин після початку руху мотоциклістка наздожене скутериста?




181  Зі станції вирушив товарний потяг. За 2 год з тієї самої станції в тому самому напрямку вирушив пасажирський потяг. Потяги опинилися поряд за 6 год після відправлення пасажирського потяга. Знайди швидкість руху пасажирського потяга, якщо швидкість руху товарного — 60 км/год.

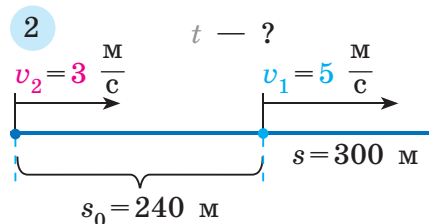
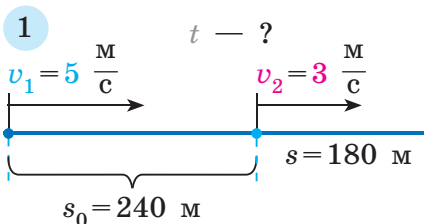


182  Дві велосипедистки одночасно вирушили з міста А й одночасно прибули до міста В, подолавши 60 км. Одна з велосипедисток першу половину шляху їхала зі швидкістю 15 км/год, а другу — 10 км/год. Знайди швидкість руху іншої велосипедистки, якщо вона рухалась із незмінною швидкістю.

ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ОДНОЧАСНИЙ РУХ ДВОХ ТІЛ В ОДНОМУ НАПРЯМКУ

183  Зістав подану задачу із задачею в завданні 1 попереднього уроку. Які це задачі? Розв'яжи подану задачу.

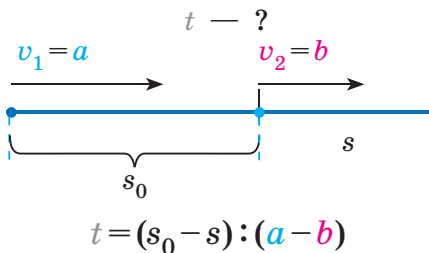
► Два велосипедисти, що були на відстані 240 м один від одного, одночасно почали рухатися в одному напрямку. Швидкість руху першого велосипедиста 5 м/с, другого — 3 м/с. За скільки секунд відстань між велосипедистами буде: 1) 180 м, якщо перший велосипедист їде за другим? 2) 300 м, якщо другий велосипедист їде за першим?



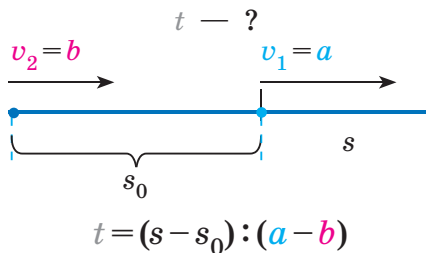
Знаходження часу руху

Одночасний рух двох тіл

навздогін

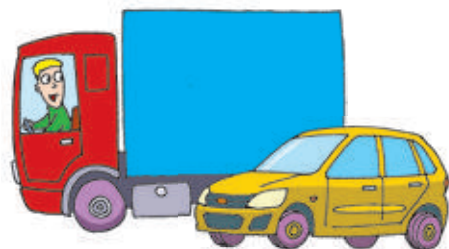
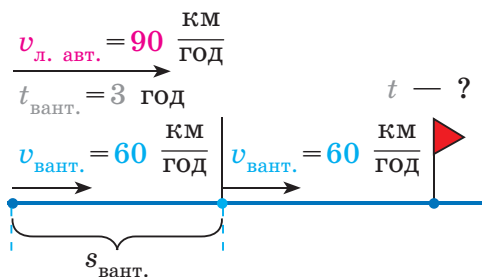


з відставанням

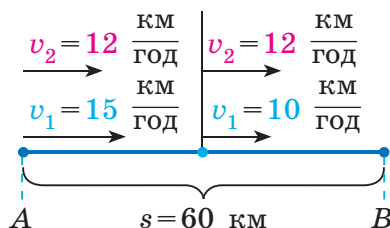


184 Оленка почала наздоганяти свою подругу Іванку, коли та перебуває на відстані 1100 м від неї. Оленка рухається зі швидкістю 120 м/хв, Іванка — 100 м/хв. Чи наздожене Оленка Іванку? За скільки хвилин?

185 З міста виїхала вантажівка зі швидкістю 60 км/год. За 3 год із цього міста в тому самому напрямку виїхав легковий автомобіль зі швидкістю 90 км/год. За скільки годин легковий автомобіль наздожене вантажівку?



186 Дві велосипедистки одночасно вирушили з міста А до міста В, відстань між якими 60 км. Одна з велосипедисток першу половину шляху їхала зі швидкістю 15 км/год, а другу — 10 км/год. Інша весь шлях їхала зі швидкістю 12 км/год. Яка велосипедистка раніше приїхала в місто В?



СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО ГЕОМЕТРИЧНІ ФІГУРИ

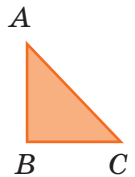
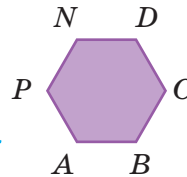
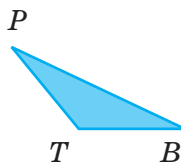
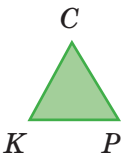
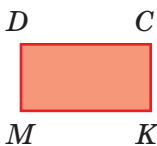
- 187** Діти проходили квест «Знайди зірку-фортецю на старовинній мапі Києва», застосовуючи свої знання про геометричні фігури. Спробуй теж пройти цей квест, розказавши, що тобі відомо про геометричні фігури.



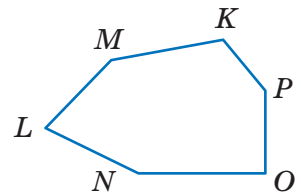
Перспектива Києво-Печерської фортеці (1783 р., невідомий художник)



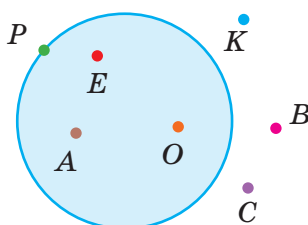
- 188** Назви кожний многокутник. Назви хоча б один многокутник із найменшою кількістю сторін. Запиши його елементи: вершини, сторони, кути. Як називають такі многокутники?




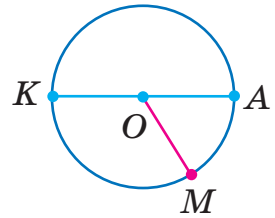
- 189** Визнач види кутів у многокутнику. Запиши відповідні кути.





- 190** Розглянь рисунок. Запиши точки, які: належать кругу; не належать кругу; належать колу; не належать колу.



191  Розглянь рисунок. Запиши центр кола; радіус кола; діаметр кола.



192  Побудуй коло: 1) радіусом 6 см; 2) діаметром 6 см.

193  З'ясуй, чи є істинним твердження. Усі квадрати є прямокутниками, але не всі прямокутники є квадратами.


Прямокутники

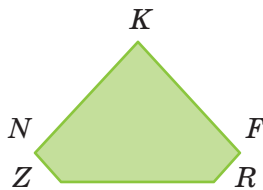
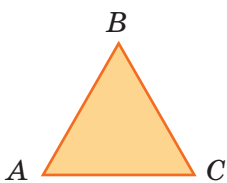
Квадрати


СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО ГЕОМЕТРИЧНІ ВЕЛИЧИНИ: ПЕРИМЕТР МНОГОКУТНИКА І ПЛОЩУ ФІГУРИ

194  Що ти знаєш про ламану? Знайди довжину поданої ламаної.



195  Знайди довжину замкненої ламаної, що обмежує кожний многокутник. Обчисли периметр кожної фігури. Що ти знаєш про периметр фігури?




196  Назви сторони прямокутника. Назви протилежні сторони прямокутника. Що ти знаєш про властивість його сторін?




Вимірй довжини сторін прямокутника, знайди його периметр і площу.



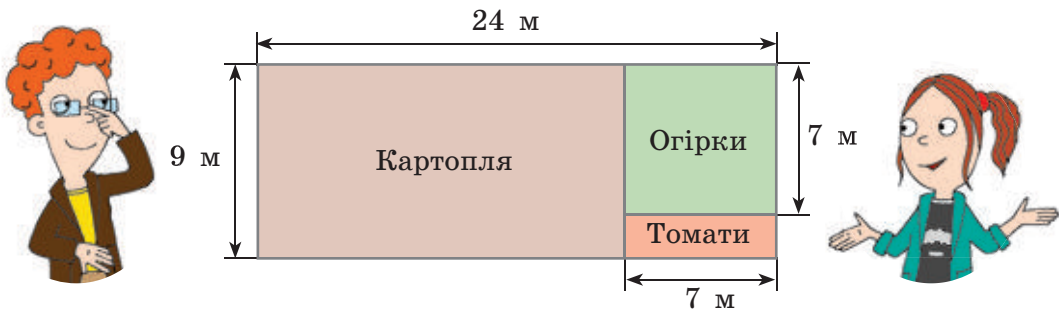
197  Порівняй величини.


45 м 12 см 6 мм ● 50 000 мм 7 дм 8 см 9 мм ● 700 мм

198  Знайди периметр прямокутника $ABCD$ зі сторонами 5 см і 4 см.

199   1) Знайди площу квадрата зі стороною 8 см.
 2) Знайди площу прямокутника зі сторонами 3 см і 4 см.


200  Знайди за планом периметр і площу кожної ділянки.




201  Газон прямокутної форми має площу 48 м^2 . Довжина однієї з його сторін — 12 м. Знайди довжину іншої сторони газону.




Склади та розв'яжи обернені задачі.


Перша обернена задача: 12, , ?.

Друга обернена задача: ?, , 48.




202  Розв'яжи попередню задачу алгебраїчним методом. Для цього у формулу площі прямокутника слід підставити відомі числові дані. Склади і розв'яжи рівняння.


Спробуй розв'язати другу обернену задачу із попереднього завдання алгебраїчним методом.

203  Перенеси таблиці до зошита. Добери можливі довжини сторін і заповни таблиці. Побудуй кілька прямокутників, площа яких становить 12 см^2 ; 16 см^2 .

a (см)						
b (см)						
S (см ²)	12	12	12	12	12	12
P (см)						


a (см)						
b (см)						
S (см ²)	16	16	16	16	16	16
P (см)						

204  Побудуй квадрат, площа якого дорівнює 36 см^2 . Чи можна побудувати прямокутник, який не є квадратом, із такою самою площею?

205  Скільки каркасів квадратів зі стороною 6 см можна виготовити з дроту довжиною 72 см?



СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО ДРОБИ

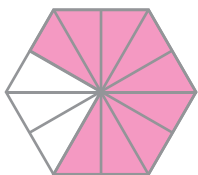
206  Перевір, чи правильно в кожному випадку зафарбовано частину цілого, яка відповідає дробу. Прочитай числа.



$$\frac{3}{12}$$



$$\frac{5}{6}$$




$$\frac{3}{4}$$

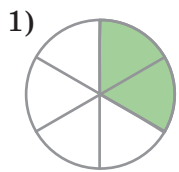


$$\frac{2}{3}$$

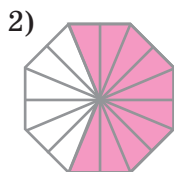


$$\frac{1}{2}$$

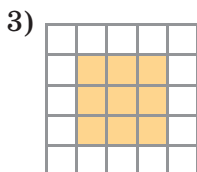
207  Перевір, чи правильно в кожному випадку зафарбовано частину цілого, яка відповідає дробу. Назви дріб, який позначає незафарбовану частину цілого. Порівняй дроби.



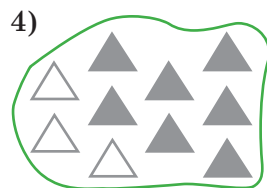
$$\frac{2}{6} \quad \bullet \quad \frac{\square}{\square}$$




$$\frac{10}{16} \quad \bullet \quad \frac{\square}{\square}$$



$$\frac{8}{25} \quad \bullet \quad \frac{\square}{\square}$$



$$\frac{7}{10} \quad \bullet \quad \frac{\square}{\square}$$

208  Знайди дріб від числа. Запиши розв'язання виразом.

$$\frac{4}{27} \text{ від } 81$$

$$1 - \frac{81}{4} - ?$$

$$\frac{11}{19} \text{ від } 95$$

$$1 - \frac{11}{19} - ?$$

209 Знайди число за величиною його дробу. Запиши розв'язання виразом.

$\frac{7}{9}$ числа становлять 84

$$\begin{array}{r} 1 - ? \\ \frac{7}{9} - 84 \end{array}$$



$\frac{17}{23}$ числа становлять 85

$$\begin{array}{r} 1 - ? \\ \frac{\square}{\square} - \square \end{array}$$



210 Порівняй дроби.



$$\frac{4}{7} \text{ } \bullet \text{ } \frac{2}{7}$$

$$\frac{6}{9} \text{ } \bullet \text{ } 1$$

$$1 \text{ } \bullet \text{ } \frac{1}{2}$$

$$\frac{7}{15} \text{ } \bullet \text{ } \frac{2}{15}$$



$$\frac{5}{12} \text{ } \bullet \text{ } \frac{9}{12}$$

$$\frac{24}{100} \text{ } \bullet \text{ } \frac{9}{100}$$

211 Обчисли.

$\frac{8}{32}$ від 96; число, якщо його $\frac{8}{32}$ становлять 96;

$\frac{16}{32}$ від 64; число, якщо його $\frac{16}{32}$ становлять 64.

212 Обчисли.

1) Кількість метрів: у $\frac{3}{4}$ км; у $\frac{2}{5}$ км; у $\frac{10}{25}$ км.

2) Кількість кілограмів: у $\frac{3}{4}$ ц; у $\frac{3}{4}$ т; у $\frac{30}{50}$ т.

213 До задач 1 і 2 добери короткі записи. Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язування задачі 2? Розв'яжи її.

▶ 1) Висота евкаліпта — 2400 см. Висота сосни становить $\frac{3}{4}$ висоти евкаліпта. Висота ялини становить $\frac{2}{5}$ висоти сосни. Визнач висоту ялини.

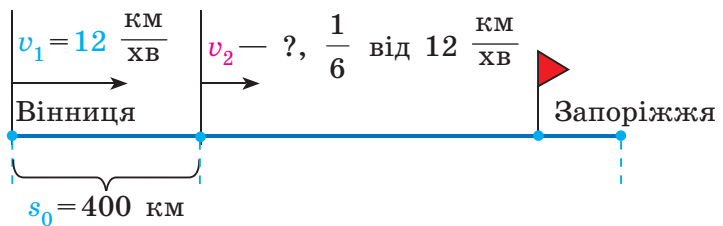


► 2) Висота евкаліпта — 2400 см, що становить $\frac{3}{4}$ висоти сосни. Висота ялини становить $\frac{2}{5}$ висоти сосни. Визнач висоту ялини.

Евк. — 2400 см
 С. — ?, $\frac{3}{4}$ від
 Ял. — ?, $\frac{2}{5}$ від

Евк. — 2400 см, що становить $\frac{3}{4}$ від
 С. — ?
 Ял. — ?, $\frac{2}{5}$ від

214 Від Вінниці до Запоріжжя летіли літак і вертоліт. Спочатку літак був позаду вертольота на 400 км. Швидкість руху літака 12 км/хв, а вертольота — $\frac{1}{6}$ від швидкості літака. Яка відстань буде між ними за 20 хв? Коли літак порівняється з вертольотом? Яка відстань буде між ними за 1 год?



ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ

215 Обчисли.

$\frac{2}{17}$ від 1 ц 36 кг;



$\frac{6}{12}$ від 7 дм 2 см;

число, якщо його $\frac{2}{17}$ становлять 1 ц 36 кг;

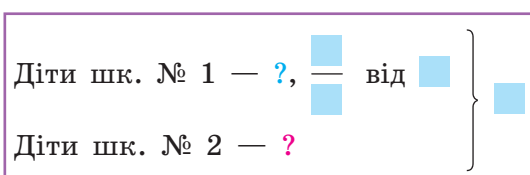
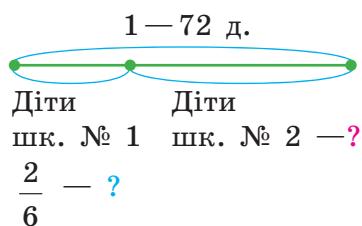
число, якщо його $\frac{6}{12}$ становлять 7 дм 2 см.

216 Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язування задачі 2? Розв'яжи задачу 2. Скористайся підказками.

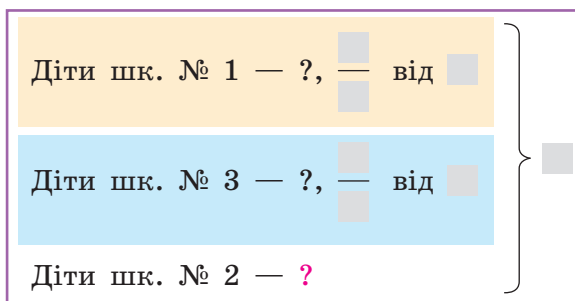
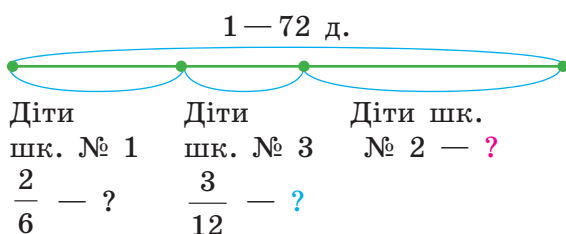




►► 1) Одного дня Музично-меморіальний музей Соломії Крушельницької у Львові відвідали 72 дитини з різних шкіл. Діти із школи № 1 становили $\frac{2}{6}$ усієї кількості дітей, а діти із школи № 2 — решту. Скільки дітей із школи № 2 відвідали музей?

◀ Соломія Крушельницька (1872–1952) — видатна українська оперна співачка

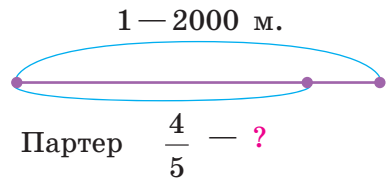



►► 2) Одного дня Музично-меморіальний музей Соломії Крушельницької у Львові відвідали 72 дитини з різних шкіл. Діти із школи № 1 становили $\frac{2}{6}$ усієї кількості дітей, діти із школи № 3 — $\frac{3}{12}$, а діти із школи № 2 — решту. Скільки дітей із школи № 2 відвідали музей?

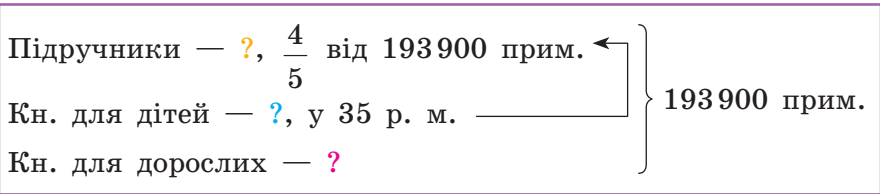


217  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи обернену  задачу, щоб шуканим у ній було число 2000.

▶ В оперному театрі 2000 місць, причому $\frac{4}{5}$ усіх місць розташовано в партері. Скільки місць розташовано в партері?



218  У типографії надрукували 193 900 примірників книжок. Підручники становили $\frac{4}{5}$ усіх книжок. Книжок для дітей було в 35 разів менше, ніж підручників, а книжки для дорослих становили решту. Скільки надрукували книжок для дорослих?





219  Розв'яжи старовинну задачу.


▶ Селянин прийшов до царя й сказав: «Царю, дозволь мені взяти з твого садка одне яблуко». Цар відповів: «Мій садок обнесений трьома огорожами. У кожній огорожі є тільки одні ворота, і біля кожних воріт стоїть сторож. Першому сторожеві треба віддати половину яблук, які візьмеш, і ще 1 яблуко. Другому сторожеві треба віддати половину тих яблук, що в тебе залишилися, і ще 1 яблуко. Третьому сторожеві треба віддати половину тих яблук, що в тебе залишилися, і ще 1 яблуко. У тебе має залишитися 1 яблуко. Якщо скажеш, скільки яблук тобі треба взяти, щоб виконати всі умови, то я дозволю тобі піти в сад». Селянин подумав трошки й відповів царю. Цар дозволив йому піти в сад. Яке число назвав селянин?



УЗАГАЛЬНЮЄМО ВИВЧЕНЕ

220  Запиши числа, які містять: 1) 8 сотень тисяч, 5 десятків тисяч, 9 сотень, 7 одиниць; 2) 740 одиниць другого класу і 190 одиниць першого класу. Порівняй числа. Обчисли письмово, на скільки одне число більше або менше, ніж інше. Виконай перевірку.

221  Утвори число 307 200 різними способами: 1) з попереднього числа; 2) з наступного числа; 3) з одиниць різних класів; 4) з одиниць різних розрядів.

222  Установи порядок виконання арифметичних дій і знайди значення виразу: $920\,483 - 704\,169 + 8034 : 13 \cdot 4$.

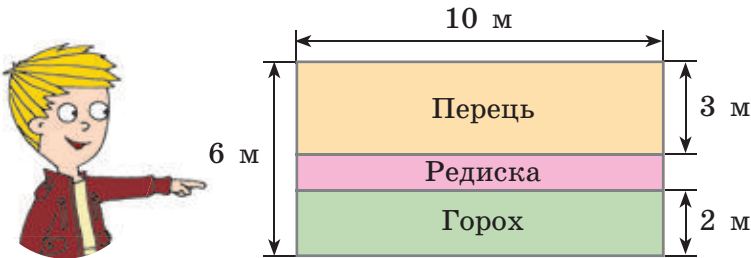
223  Розв'яжи рівняння і виконай перевірку.


$$24\,000 : 100 : a = 120$$

$$c : 25 = 900 : 45$$

$$\text{🏠 } 30 \cdot p \cdot 2 = 360$$

224  Визнач площу кожної ділянки за поданим планом.



225  **▶▶** 1) Відстань між двома пристанями 60 км. Човен подолав цю відстань за 3 год, а рухаючись у зворотному напрямку — за 2 год. З якою швидкістю рухався човен у кожному напрямку?

▶▶ 2) Від двох пристаней, відстань між якими 60 км, одночасно назустріч один одному відійшли два човни й зустрілися за 2 год. Один із човнів рухався зі швидкістю 10 км/год. З якою швидкістю рухався інший човен?

▶▶ 3) Від острова одночасно в протилежних напрямках відійшли два човни. Один човен рухався зі швидкістю 10 км/год, інший — 15 км/год. За 3 год човни прибули до пристаней. Яка відстань між пристанями?

ПЕРЕВІРЯЄМО СВОЇ ДОСЯГНЕННЯ

226 Виконай арифметичні дії.

$$208:104 + 348:58 \cdot 2 \cdot 44 + 131 \cdot 2 = ?$$

227 ▶▶ 1) Скільки пасажирів скористалися метрополітеном, якщо їхня кількість відповідає найменшому шестицифровому числу?

▶▶ 2) Скільки пасажирів скористалися аеропортом, якщо їхня кількість відповідає найбільшому п'ятицифровому числу?

228 Віднови істинні нерівності. Розглянь різні варіанти.

$$53\ 792 > 53 \blacksquare 92$$

$$81\ 465 < 81\ 4 \blacksquare 5$$

229 Який вираз у кожному рядку має найбільше значення?

$$67\ 208 \cdot 5$$

$$6720 \cdot 5$$

$$672084 \cdot 5$$

$$126\ 309 : 3$$

$$1263 : 3$$

$$12\ 630 : 3$$

230 Які рівняння мають однакові корені (розв'язки)?

$$200 \cdot x = 1000$$

$$y : 60 = 10 \cdot 30$$

$$1200 : c = 80 \cdot 3$$

231 Вертолітні майданчики мають форму прямокутників. Виконавши обчислення, з'ясуй дані, яких бракує в таблиці.

Майданчик	Довжина a (м)	Ширина b (м)	Периметр P (м)	Площа S (м ²)
1	15			75
2		10	60	

232 ▶▶ Із двох майданчиків, відстань між якими 2 км, одночасно запустили два дрони, які полетіли назустріч один одному. Один із дронів летів зі швидкістю 60 м/хв, а інший — 40 м/хв. За який час дрони опинилися над одним об'єктом?



ПОВТОРЮЄМО НУМЕРАЦІЮ ЧИСЕЛ У МЕЖАХ МІЛЬЙОНА

233 🔍 Назви відомі тобі одиниці лічби. Як вони співвідносяться між собою? Запиши відповідні рівності.

234 🔍 Користуючись таблицею розрядів і класів, назви розряди, які входять до кожного класу. Зістав перший і другий класи. Що в них спільне? відмінне?

Другий клас — клас тисяч			Перший клас — клас одиниць		
розряд			розряд		
III (VI)	II (V)	I (IV)	III	II	I
сотні тисяч	десятки тисяч	одиниці тисяч	сотні	десятки	одиниці

235 🧩 Прочитай числа. Розбий числа на підмножини. До кожної підмножини додай два власні приклади. Розташуй подані числа в порядку спадання.

6 45067 87 400001 845 9 32088 834213 674 8

236 🧩 Запиши числа. Заміни кожне число сумою розрядних доданків.

- 435 тисяч і 204 одиниці
 - 604 одиниці другого класу та 17 одиниць першого класу
 - 22 одиниці другого класу й 9 одиниць першого класу
 - 197 одиниць другого класу й 700 одиниць першого класу
- 8 одиниць II розряду другого класу й 12 одиниць I розряду першого класу
 - 67 одиниць I розряду першого класу і 89 одиниць II розряду другого класу



237  Порівняй числа.

4567 ● 508


44 210 ● 44 209


 8032 ● 8041

51 237 ● 5123

256 008 ● 25 608


82 350 ● 82 499

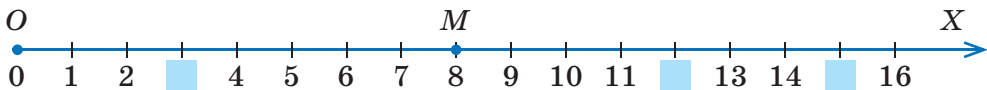
238  Утвори число 67082 різними способами. Визнач у цьому числі загальну кількість десятків; сотень; тисяч; десятків тисяч.


239  Склади найбільше та найменше чотирицифрові числа із цифр 7, 0, 3, 5 так, щоб цифри в записі кожного числа не повторювалися.



ПОЗНАЧАЄМО ЧИСЛА НА КООРДИНАТНОМУ ПРОМЕНИ

240  Розглянь, як позначено числа на координатному промені. Які числа пропущено? Назви число, наступне за числом 6; попереднє до числа 9.



241  Досліди координатний промінь (див. попереднє завдання). Від якої точки починається відрізок? Скільки відрізків відкладено до числа 1? до числа 4? Що ти можеш сказати про ці відрізки?

Зверни увагу! Наприклад, від початку відріку до точки M відкладено 8 одиничних відрізків. Отже, точці M відповідає число 8 на координатному промені OX . Це число називають координатою точки M і записують так: $M(8)$.

Координата точки показує, скільки одиничних відрізків містить відрізок, який сполучає початок координатного променя і дану точку на ньому.

З іншого боку, координата точки показує відстань від початку відріку (точки O) до даної точки на координатному промені: $OM = 8$ одиничних відрізків.

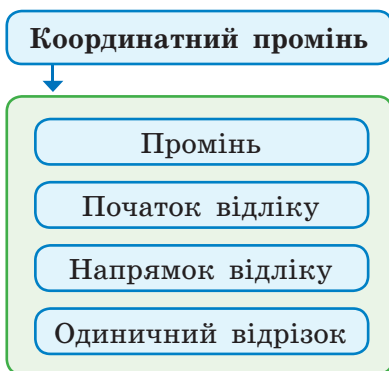


Кожному натуральному числу, а також числу 0 відповідає одна певна точка променя OX . Такий промінь є *числовим* — *координатним*. Точка O — початок координатного променя — є *початком відліку*.

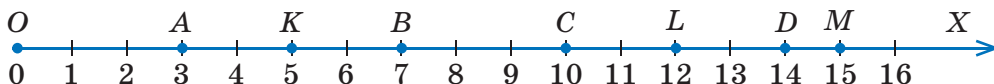
Щоб позначити число на координатному промені, треба:

- 1) накреслити промінь OX і позначити його напрямком стрілкою;
- 2) записати під точкою O (початком відліку) число 0;
- 3) вибрати одиничний відрізок;
- 4) від точки O відкласти праворуч один одиничний відрізок і підписати «1»; відкласти ще один одиничний відрізок і підписати «2» і т. д.;
- 5) відкласти від початку відліку стільки одиничних відрізків, скільки вказує координата точки;
- 6) позначити одержану точку буквою.


Наприклад: $K(12)$.





- 242** Яким числам на координатному промені відповідають точки A, B, C, D, K, L, M ?





- 243** Накресли координатний промінь із початком у точці O . За одиничний відрізок візьми відрізок довжиною 1 см. Познач точки: $Z(3), N(7), S(8), Q(10)$.

244  Накресли координатний промінь із початком у точці O . За одиничний відрізок візьми відрізок довжиною 1 см. Познач точки: V , R , Y , G , якщо $OV=2$ см, $OR=4$ см, $OY=5$ см, $OG=9$ см. Яким числам відповідають точки V , R , Y , G ? Визнач координати цих точок.


245  Точці K координатного променя відповідає число 24 — $K(24)$. Запиши три числа, яким відповідають точки, розташовані: 1) ліворуч від точки K ; 2) праворуч від точки K .


246  Познач на координатному промені всі точки, які відповідають числам, меншим від 11, але більшим за 5.

247  Знайди відстань між точками $A(15)$ і $B(18)$ координатного променя, якщо одиничний відрізок дорівнює 1 см; 3 см.

248  Паркан тримається на стовпах. Відстань між сусідніми стовпами — 15 дм. Яка відстань між четвертим і сьомим стовпами паркану?


ОЗНАЙОМЛЮЄМОСЯ ЗІ ШКАЛОЮ


249  Згадай, що ти знаєш про координатний промінь. Побудуй координатний промінь із одиничним відрізком довжиною 1 см. Познач на координатному промені точки: $M(2)$, $P(5)$, $C(6)$, $Z(8)$, $K(12)$.

250  Сашко вважає, що координатний промінь схожий на лінійку. На лінійці також є початок відліку — нульова поділка, а числа відповідають кількості одиничних відрізків — сантиметрів. Чи погоджуєшся ти з хлопчиком?





251  Оленка зазначила, що поділки та числа лінійки утворюють *шкалу*. На лінійці між двома великими поділками вміщується 1 см, але ми бачимо ще й маленькі поділки, на які розділено кожний сантиметр. Відстань між цими поділками — 1 мм; 10 маленьких поділок складають одну велику: $10 \text{ мм} = 1 \text{ см}$. Число одиниць вимірювання, яке відповідає одній поділці шкали, називають *ціною поділки*.


252  Діти змінили підписи на лінійці. Яка ціна поділки в цьому випадку?

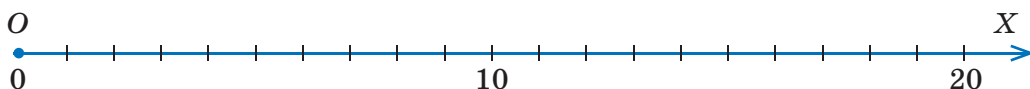



Тарас вважає, що в цьому випадку ціна поділки дорівнює 1 мм. Чи погоджуєшся ти з хлопчиком?

Соня вважає, що координатний промінь являє собою нескінченну шкалу. Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?




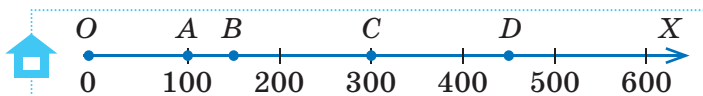
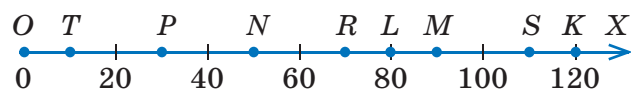
253  Визнач ціну поділки шкали й познач на координатному промені точки: $K(8)$, $A(10)$, $B(15)$, $C(18)$.




254  Для вимірювання величин використовують прилади, на яких нанесено поділки та числа. Досліди шкали приладів. Визнач ціну поділки кожної шкали.




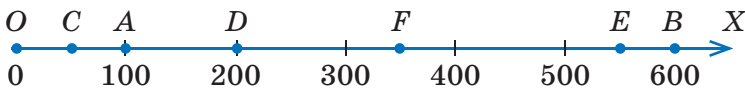
255  Визнач ціну поділки шкали в кожному випадку. Назви координату кожної точки.




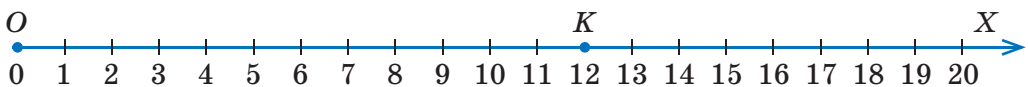
256  Накресли координатний промінь. За одиничний відрізок візьми 1 клітинку. Познач на промені: 1) числа другого десятка, які діляться на 3 націло; 2) парні числа першого десятка; 3) числа, які більші за 10, але менші від 15.




257  На якій відстані від початку відріку розташована точка A ? точка D ? точка B ? точка F ? точка E ? точка C ? Знайди відстань між точками A і B ; точками A і F ; точками D і E .





258  На скільки одиничних відрізків і в якому напрямку слід переміститися, щоб із точки $K(12)$ потрапити в точку з координатою 7? 18? 0?



259  Скільки будинків із парними номерами розташовано на одному боці вулиці між будинками № 16 і № 36?

ОДЕРЖУЄМО ЧИСЛА В МЕЖАХ ТРИЛЬЙОНА

260  Одна група дітей лічила одиницями, десятками й сотнями, інша — тисячами, десятками тисяч і сотнями тисяч. Діти записали розрядні числа. Назви ці числа.


261  Оленка до 9 сотень тисяч додала ще 1 сотню тисяч й одержала 10 сотень тисяч — 1 000 000 — тисячу тисяч — 1 мільйон. Діти продовжили лічити мільйонами. Прочитай ці числа, продовжи ряди чисел.

Лічильні одиниці — мільйони

1 000 000	2 000 000	3 000 000	4 000 000	5 000 000	...
10 000 000	20 000 000	30 000 000	40 000 000	50 000 000	...
100 000 000	200 000 000	300 000 000	400 000 000	500 000 000	...


Миколка вважає, що в такий спосіб діти дізналися про новий клас — **клас мільйонів** — і розряди, які входять до цього класу.

Третій клас — клас мільйонів			Другий клас — клас тисяч			Перший клас — клас одиниць		
розряд			розряд			розряд		
III (IX)	II (VIII)	I (VII)	III (VI)	II (V)	I (IV)	III	II	I
сотні мільйонів	десятки мільйонів	одиниці мільйонів	сотні тисяч	десятки тисяч	одиниці тисяч	сотні	десятки	одиниці


262  До 9 сотень мільйонів діти додали ще 1 сотню мільйонів й одержали нову лічильну одиницю — **мільярд**. Діти продовжили лічити мільярдами, групуючи їх у десятки та сотні. Прочитай числа, продовжи ряди чисел.

1 000 000 000	2 000 000 000	3 000 000 000	4 000 000 000	...
10 000 000 000	20 000 000 000	30 000 000 000	40 000 000 000	...
100 000 000 000	200 000 000 000	300 000 000 000	400 000 000 000	...


Як ти вважаєш, до якого класу належать записані числа? Який за номером цей клас? Які розряди він містить?

263  Зістав числа в кожному стовпчику. Що в них спільне? відмінне? Прочитай числа.

564	208	 2 56 002 400 056 002 8 400 056 002
238 564	700 208	
467 238 564	12 700 208	
206 467 238 564	32 012 700 208	

264  Згадай, як слід міркувати при читанні багатоцифрових чисел. Як розбити числа на класи? Прочитай числа.

34009405006	8900456	123000345
103085700045	5000743067	

265  Користуючись таблицею розрядів і класів, запиши число, яке містить:


1) 45 мільярдів, 321 мільйон, 207 тисяч, 589 одиниць;

2) 134 одиниці класу мільярдів, 78 одиниць класу мільйонів, 300 одиниць класу тисяч, 3 одиниці класу одиниць;

3) 5 десятків мільйонів, 7 одиниць мільйонів, 8 тисяч, 2 сотні, 6 одиниць.



Клас	Мільярди			Мільйони			Тисячі			Одиниці		
	Сотні	Десятки	Одиниці	Сотні	Десятки	Одиниці	Сотні	Десятки	Одиниці	Сотні	Десятки	Одиниці
Розряд												
Число												

266  Запиши числа, користуючись підказкою. Визнач розрядний склад кожного числа. Розбий множину чисел на підмножини. До кожної підмножини допиши кілька чисел.



1) 45 мільярдів, 128 мільйонів, 567 тисяч, 324 одиниці;

2) 120 мільярдів, 6 мільйонів, 45 тисяч, 70 одиниць;

3) 3 мільярди, 895 тисяч, 8 одиниць;


4) 309 мільярдів, 5 мільйонів, 6 тисяч, 300 одиниць;

5) 56 мільйонів, 5 тисяч, 4 одиниці;


6) 1 мільярд;

7) 10 мільйонів, 6 одиниць.



267  Склади найбільше й найменше шестицифрові числа із цифр 0, 1, 2, 3, 5, 9 так, щоб цифри в записі кожного числа не повторювалися.

ПОРІВНЮЄМО ЧИСЛА

268  Прочитай числа. Зістав числа в кожному стовпчику. Визнач розрядний склад кожного числа. Подай перші два числа в кожному стовпчику у вигляді суми розрядних доданків. Чи можна міркувати аналогічно, щоб подати решту чисел у вигляді суми розрядних доданків?



923
714923
358714923
564358714923

407
38407
291038407
3291038407



Обери один зі стовпчиків. До кожного числа назви попереднє число; наступне число. Як одержати число з попереднього? з наступного? Запиши відповідні рівності.

Згадай, які способи порівняння чисел ти знаєш. Порівняй перші два числа в кожному стовпчику. Що цікаве можна помітити?

Порівняй числа обох стовпчиків попарно: у першому рядку; у другому рядку... Як можна міркувати під час порівняння чисел?



269 Порівняй числа. Прокоментуй хід міркувань.

45 809 ● 245 809
4 506 788 ● 45 067 888

495 404 ● 495 605
90 000 002 ● 9 000 002

270 🧩 Розташуй подані числа в порядку зростання.

9 000 000 765

5 43 000 760

8 111 745 003

9 007 822

500 743

5 674 099

5 680 008

271 🧩 Віднови істинні нерівності. Розглянь різні варіанти.

567 47 < 567 801

876 508 03 < 876 508 503

234 1 > 234 156

7 658 934 < 76 000

4083 01 > 4083 399

6 289 065 > 6 289 5

ОКРУГЛЮЄМО ЧИСЛА ДО ПЕВНОГО РОЗРЯДУ

272 🗨️ Учні та учениці вирішили підготувати проєкт «Дунайський заповідник у числах». Добираючи цікаві факти, діти виявили, що іноді замість точної інформації наведено *наближені числа*. Діти дізналися про таке. Найдавніший наземний вид рослин, який вже близько 35–40 млн років росте на цій території, — обвійник грецький, найдавніший водний вид — водяний горіх (близько 100 млн років). В акваторії дельти Дунаю збирається до 50 000 пернатих. Найбільшу швидкість у польоті розвиває сокіл-сапсан — понад 100 км/год.



Назви можливий вік видів рослин, можливу кількість птахів і можливу швидкість руху сокола. Як ти вважаєш, чому люди використовують наближені числа?



Марічка зауважила, що кількість птахів постійно змінюється, тому їх точне число вже згодом буде неправильним. У цьому числі зміняться цифри певного розряду, тому це число округлили до розряду десятків тисяч. Під час округлення числа до певного розряду цифри праворуч від цього розряду в записі числа замінюють на нулі.

Алгоритм округлення натуральних чисел



Підкреслюю цифру певного розряду й ставлю за нею вертикальну риску.

Визначаю цифру, яка стоїть за рисою.

Підкреслена цифра не змінюється.

Ні

За рисою стоїть цифра 5; 6; 7; 8; 9?

Так

Підкреслена цифра збільшується на 1.

Замінюю нулями всі цифри, які стоять за рисою.



Наприклад, число 5207 округлити до розряду: десятків: $52\underline{0}|7 \approx 5210$; сотень: $5\underline{2}|07 \approx 5200$.

- 273** Округли кожне число до зазначеного розряду.
 До десятків: $434 \approx \square$, $5237 \approx \square$, $803\ 422 \approx \square$, $5\ 648\ 297 \approx \square$.
 До сотень: $643 \approx \square$, $971 \approx \square$, $3512 \approx \square$, $654\ 351 \approx \square$.
 До тисяч: $7301 \approx \square$, $14\ 623 \approx \square$, $324\ 023 \approx \square$, $7\ 004\ 524 \approx \square$.
 До десятків тисяч: $325\ 145 \approx \square$, $808\ 400 \approx \square$, $3\ 127\ 406 \approx \square$.

- 274** Округли подані числа до найвищого розряду.

4 921 698

32 007 856

461 888

2734

- 275** Прочитай наближені рівності та з'ясуй, до якого розряду округлили числа. Назви цифру цього розряду.

$8567 \approx 9000$

$123\ 809 \approx 124\ 000$

$7\ 004\ 562 \approx 7\ 004\ 560$

- 276** Загальна довжина річки Дунай становить 2961 км. Очеретом покриті $1560\ \text{км}^2$ дельти Дунаю. Округли кожне число до десятків; до сотень; до тисяч.

- 277** Мандруючи Україною, родина пододала автомобілем 1675 км, катером — 235 км, літаком — 2736 км. Дізнайся, яку відстань пододала родина за всю мандрівку, попередньо округливши подані в умові числа до розряду сотень.

278 🧩 Подай величини в більших одиницях вимірювання, попередньо округливши числа до розряду тисяч.

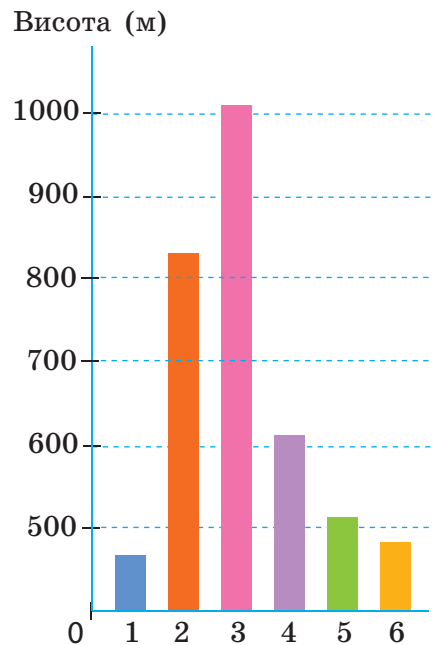
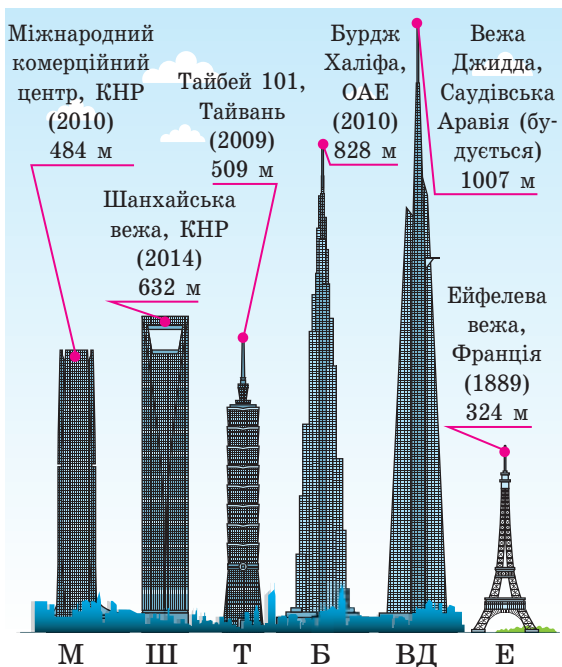
$$\begin{array}{lll}
 12\,670 \text{ кг} \approx \square \text{ т} & 234\,123 \text{ м} \approx \square \text{ км} & 34\,582 \text{ г} \approx \square \text{ кг} \\
 75\,632 \text{ мм} \approx \square \text{ м} & 856 \text{ г} \approx \square \text{ кг} & 56\,732 \text{ м} \approx \square \text{ км}
 \end{array}$$

279 🧩 У кожному значенні добутку не вистачає цифри в найвищому розряді. Округли множники до найвищого розряду. Виконай прикидку результату. Перевір свої міркування обчисленням.

$$\begin{array}{lll}
 36 \cdot 77 = \square 772 & 58 \cdot 245 = \square 4\,210 & 435 \cdot 287 = \square 24\,845 \\
 76 \cdot 23 = \square 748 & 327 \cdot 84 = \square 7\,468 & 762 \cdot 532 = \square 05\,384
 \end{array}$$

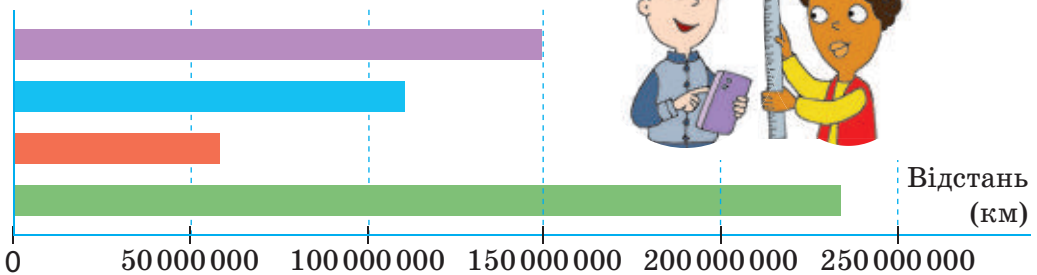
БУДУЄМО ДІАГРАМУ

280 🔍 Розглянь рисунок. Що він тобі нагадує? Прочитай числа, які позначають роки побудови найвищих споруд світу та їхні висоти. Округли числа, що позначають висоти споруд, до розряду десятків. Запиши відповідність номерів стовпчиків діаграми і літер, якими позначені споруди.



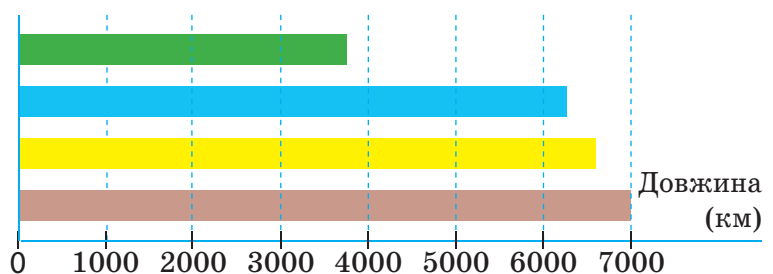
281 🔍 Прочитай числа, які позначають середні відстані від Сонця до планет Сонячної системи. Розташуй ці числа в порядку зростання. Округли числа, що позначають середні відстані до Меркурія, Венери, Марса, до розряду десятків мільйонів. Розглянь діаграму. Що позначає кожний стовпчик?


Відстань від Сонця до планет Сонячної системи	
Назва планети	Середня відстань (км)
Венера	108 000 000
Сатурн	1 426 000 000
Земля	149 500 000
Марс	228 000 000
Уран	2 900 000 000
Юпітер	778 000 000
Нептун	4 496 000 000
Меркурій	58 000 000




282 🧩 Прочитай числа, які позначають довжини найдовших річок світу. Розташуй числа в порядку спадання. Заміни кожне число сумою розрядних доданків. Округли числа до сотень. Розглянь діаграму. Що позначає кожний її стовпчик?


Назва річки	Загальна довжина (км)
Амазонка	6992
Ніл	6650
Міссісіпі	3730
Янцзи	6300




283  Досліди, як добираються до школи твої однокласники й однокласниці. Перенеси таблицю до зошита, заповни її. За даними таблиці побудуй стовпчасту діаграму.


Спосіб пересування	Кількість осіб
Трамвай	
Автобус	
Тролейбус	
Автомобіль	
Велосипед	
Гіроскутер	
Пішки	

284  Досліди витрати твоєї родини на харчові продукти за тиждень. Побудуй діаграму за одержаними даними.


285  Першого дня туристка йшла 4 год, рухаючись зі швидкістю 5 км/год, другого дня — 3 год зі швидкістю 7 км/год, третього дня — 5 год зі швидкістю 6 км/год. Побудуй стовпчасту діаграму, що ілюструє відстань, яку долала туристка щодня.

ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

286  У межах Херсонської та Миколаївської областей розташований Кінбурнський півострів загальною площею понад 2 156 000 000 м². Визнач розрядний склад зазначеного числа. Назви попереднє до нього число; наступне за ним число. Утвори подане число різними способами. Назви кілька чисел, менших від цього числа; більших за це число.

287  У 1992 році був створений перший в Україні Регіональний ландшафтний парк «Кінбурнська коса» площею 1 789 020 а, з яких 563 100 а — акваторія. Порівняй подані числа. Визнач розрядний склад кожного числа. Округли кожне число до розряду тисяч; десятків тисяч; сотень тисяч.




288  Ковалівська сага — ділянка Регіонального ландшафтного парку «Кінбурнська коса» площею 120 000 м². Запиши числа, які більші за 120 000, але менші від 120 012.



Максим записав цю вимогу у вигляді нерівності:


$$120\,000 < a < 120\,012.$$

Чи погоджуєшся ти з хлопчиком? Склади схожі завдання для дітей у класі.

289  У Ковалівській сазі росте до 50 видів рослин, зокрема вільха чорна, папороть, ожина та ін. Запиши числа, які не більші за 50.

Марійка записала цю вимогу у вигляді нерівності: $p \leq 50$. Чи відповідає запис дівчинки вимозі?





290  У парку «Кінбурнська коса» налічується 465 видів рослин; понад 4700 видів тварин, із яких 132 віднесені до Червоної книги України; понад 240 видів птахів, зокрема пелікани, чаплі, а на островах Довгий і Круглий — гаги.



1) Розбий подані в тексті числа на групи. За якою ознакою це можна зробити? Заміни хоча б одне трицифрове число сумою розрядних доданків.

2) Округли кількість видів рослин, тварин і птахів до сотень і побудуй стовпчасту діаграму.

291  Кінбурнську косу ще називають аптекою просто неба. Протягом певного часу місцеві жителі здали до фармацевтичної компанії, що спеціалізується на лікарських рослинах, 2458300 г ромашки лікарської, 40067500 г звіробою звичайного, 670800 г вероніки лікарської, 32600 г кульбаби лікарської. Визнач розрядний склад кожного з поданих чисел. Розташуй числа в порядку зростання.

292  З Покровських озер один підприємець виловив 8527 кг кефалі, а інший — 7987 кг. Який підприємець виловив більше кефалі? На скільки більше?

Подай зазначені в умові задачі величини в центнерах, попередньо округливши подані числа до сотень.

293 🧩 На Кінбурнській косі близько 150 озер (30 років тому їх було понад 250). Багато озер рожевого кольору. Такий відтінок вони одержали завдяки унікальним мікроводоростям. Тут, як і кілька століть тому, видобувають сіль відкритим способом — шляхом випаровування води.

Підприємець видобув 3450387 кг солі.

1) Подай це число у вигляді суми розрядних доданків; у вигляді суми чисел різних класів.

2) Округли подане число до розряду сотень; тисяч; десятків тисяч; сотень тисяч; мільйонів.



294 🧩 Покровське орхідне поле площею 8 га є одним із найбільших у Європі. Орхідеї тут цвітуть у травні. На 1 м² поля виростає 30–60, а іноді й 100 орхідей.



Визнач загальну кількість орхідей на полі за умови, що на 1 м² виростає 30; 50; 60; 100 квіток. Склади таблицю. Округли загальну кількість орхідей у кожному випадку до тисяч і побудуй стовпчасту діаграму.

295 🧩 Що більше — сума всіх одноцифрових чисел чи їх добуток?

ПОВТОРЮЄМО АРИФМЕТИЧНІ ДІЇ ДОДАВАННЯ І ВІДНІМАННЯ, МНОЖЕННЯ І ДІЛЕННЯ

296 🗨️ Об'єднайтесь у групи й зробіть лепбук на тему «Арифметичні дії додавання і множення: спільне та відмінне» або «Арифметичні дії ділення і віднімання: спільне та відмінне». Поміркуйте, яку інформацію можна подати.

297 🧩 Порівняй числа. На скільки одне число більше або менше, ніж інше?

4567 ● 4067



343 006 ● 343 206

42 235 ● 40 235

298  Порівняй вирази, за можливості — без обчислень.

$$(40\,032 + 4561) + 5076 \bullet 40\,032 + (4561 + 5076)$$
$$869\,438 + 115\,007 \bullet 115\,007 + 869\,438$$



$$207\,932 + 0 \bullet 207\,933$$

$$839\,377 \bullet 839\,377 - 1$$

$$643\,027 \bullet 64\,326 + 1$$

$$348\,601 + 4567 \bullet 4567 + 348\,601$$

299  Знайди значення виразів зручним способом.

$$38 + 43 + 7$$


$$328 - (13 + 28)$$

$$(471 + 246) - 46$$


$$(39 + 24) - 19$$

$$(34 + 47) - 37$$

$$96 - (17 + 26)$$

300  Маса двох ялинових шишок і одного жолудя становить 152 г, а маса двох жолудів і однієї ялинової шишки — 94 г. Що важче — одна ялинова шишка чи один жолудь? На скільки важче?

ВИКОНУЄМО АРИФМЕТИЧНІ ДІЇ НА ПІДСТАВІ НУМЕРАЦІЇ ЧИСЕЛ

301  Знайди значення першого виразу в кожному стовпчику. Чи можна міркувати аналогічно, щоб знайти значення другого виразу? Знайди його значення.

$$678 + 1$$


$$645\,900 - 1$$

$$123\,899 + 1$$

$$3045\,678 + 1$$

$$9000\,645\,900 - 1$$

$$12\,000\,123\,899 + 1$$

302  Згадай, які розрядні одиниці ти знаєш. Як помножити / поділити число на 10? 100? 1000? ... ? Знайди значення першого виразу в кожному стовпчику. Чи можна міркувати аналогічно, щоб знайти значення решти виразів? Знайди їх значення.

$$45 \cdot 10$$

$$3\,670\,045 \cdot 10$$

$$3\,670\,045 \cdot 100$$



$$5600 : 10$$

$$455\,600 : 10$$

$$1\,455\,600 : 100$$



$$809 \cdot 100$$

$$563\,809 \cdot 1000$$

$$563\,809 \cdot 10000$$



$$600\,000 : 100$$

$$2\,600\,000 : 1000$$

$$2\,600\,000 : 10000$$

Щоб ПОМНОЖИТИ число на розрядну одиницю 10, 100, 1000, 10000, ... , достатньо праворуч від цього числа ДОПИСАТИ стільки нулів, скільки їх у розрядній одиниці.

303 Знайди значення виразів у першому рядку кожного стовпчика. Чи можна міркувати аналогічно, щоб знайти значення виразів у другому рядку? Знайди їх значення.

$$300 + 40 + 5$$

$$700\,000 + 200 + 60$$

$$2\,000\,000 + 300 + 40 + 5$$

$$50\,000\,000 + 700\,000 + 200 + 60$$

304 Згадай взаємозв'язок арифметичних дій додавання і віднімання. Знайди значення виразів у першому стовпчику. Чи можна міркувати аналогічно, щоб знайти значення виразів у другому стовпчику? Знайди їх значення.

$$600 + 80 + 3$$

$$3\,000\,000 + 600 + 80 + 3$$

$$683 - 600$$

$$3\,000\,683 - 3\,000\,000$$

$$683 - 80$$

$$3\,000\,683 - 600$$

$$683 - 3$$

$$3\,000\,683 - 80$$

$$3\,000\,683 - 3$$



305 У кожному стовпчику виконай обчислення з двоцифровими числами. Зістав решту виразів із розглянутими. Що змінилося? Як ця зміна вплине на розв'язання? Знайди значення решти виразів.

$$65 + 38$$

$$72 - 37$$

$$650 + 380$$

$$720 - 370$$

$$6500 + 3800$$

$$7200 - 3700$$

$$65\,000 + 38\,000$$

$$72\,000 - 37\,000$$

$$650\,000 + 380\,000$$

$$720\,000 - 370\,000$$

$$650\,000 + 380\,000$$

$$720\,000 - 370\,000$$

$$43 \cdot 6$$

$$64 : 4$$

$$51 : 17$$

$$430 \cdot 6$$

$$640 : 4$$

$$510 : 170$$

$$43\,000 \cdot 6$$

$$64\,000 : 4$$


$$51\,000 : 170\,000$$

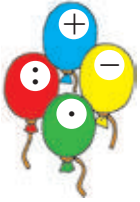
$$4300\,000 \cdot 6$$

$$6400\,000 : 4$$

$$51000\,000 : 1700\,000$$



306  Знайди значення виразів. Результати округли до розряду сотень тисяч.



$$4\ 567\ 800 - 1$$

$$894\ 564\ 000 : 1000$$

$$6\ 000\ 000 + 40$$

$$340\ 078\ 900 - 70\ 000$$

$$480 \cdot 100\ 000$$

$$8\ 234\ 008 - 200\ 000$$

$$80\ 900\ 009 + 1$$

$$23\ 456\ 000 : 100$$

307  Знайди значення виразів.

$$8\ 500\ 000 : 1\ 700\ 000$$

$$4\ 300\ 000 \cdot 5$$

$$4\ 200\ 000\ 000 : 3$$

$$8\ 000\ 000 \cdot 56$$


$$240\ 000 \cdot 8$$

$$720\ 000 : 60\ 000$$

$$180\ 000\ 000 \cdot 7$$

$$92\ 000\ 000 : 23$$




308  На екскурсію до Гібралтарської скелі поїхали 68 туристів. Із них 26 туристів відвідали печеру Святого Михайла, 28 — тунелі часів Другої світової війни, причому 6 туристів відвідали обидві туристичні локації. Решта туристів прогулялися заповідником. Скільки туристів прогулялися заповідником?



ЗАСТОСОВУЄМО УСНІ ТА ПИСЬМОВІ ПРИЙОМИ ДОДАВАННЯ І ВІДНІМАННЯ

309  Знайди значення виразів зручним для тебе способом.

$$430 - 340 \qquad 430 + 370 \qquad 860 - 580 \qquad 860 + 550$$

310  Зістав вирази в першому рядку кожного стовпчика з відповідними виразами в попередньому завданні. Як відмінність виразів вплине на застосування різних способів обчислення? Знайди значення першого виразу в кожному стовпчику. Чи допоможе одержаний результат знайти значення другого виразу? Обчисли.

$$430 - 320 \qquad 430 + 320 \qquad 860 - 530 \qquad 860 + 530$$

$$436 - 323 \qquad 436 + 323 \qquad 867 - 532 \qquad 867 + 532$$

311 🔍 У кожному стовпчику знайди значення першого виразу з коментарем. Зістав вирази в стовпчику. У чому їх відмінність? Чи можна міркувати аналогічно, щоб знайти значення другого виразу в стовпчику? Знайди його значення. Розглянь різні способи обчислення.

$$450 - 280$$

$$4\,500\,000 - 2\,800\,000$$

$$450 + 280$$

$$4\,500\,000 + 2\,800\,000$$

312 🔍 Зістав розв'язання в кожному рядку; стовпчику. Що змінюється? Як ця зміна впливає на розв'язування? Прокоментуй розв'язання.



$$\begin{array}{r} 365437824 \\ + 243082382 \\ \hline 608520206 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 365437824 \\ - 243082382 \\ \hline 122355442 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9365437824 \\ + 243082382 \\ \hline 9608520206 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9365437824 \\ - 243082382 \\ \hline 9122355442 \end{array}$$



313 🧩 Виконай арифметичні дії.

$$12 - 8 + 79 - 18 + 27 - 18 + 6 - 38 = ?$$



314 🧩 Знайди значення виразів письмово. Виконай перевірку. Округли одержані результати до десятків; до тисяч.

$$5\,607\,223 - 945\,378$$

$$450\,287\,056 + 73\,783\,045$$

315 🧩 Знайди значення виразів. Запиши одержані результати в порядку зростання.

$$6300 : 9 \cdot 8 - 4200 : 6$$

$$4200 - 2700 : 3 \cdot 4 + 2200$$

$$(435\,807 - 400\,807) : 7000$$

$$3600 : 9 + 400 \cdot 6 - 100$$

$$9000 : 300 + 54\,000 : 6000 \cdot 4$$

$$(604\,000 + 20\,000) - 313\,000$$

316 🧩 Знайди значення виразів зручним способом.

$$12\,567 - (567 - 472)$$

$$(8321 - 783) - 5321$$

$$26\,458 - (1284 + 3458)$$

$$(12\,300 + 5429) - 2429$$

317  Знайди значення буквених виразів.

$$67\,284 + x - 145\,233, \text{ якщо } x = 132\,006$$

$$72\,000 - (a + b), \text{ якщо } a = 4567, b = 9888$$

$$(c + 38\,272) - (k - 127\,382), \text{ якщо } c = 462\,070, k = 207\,600$$



318  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи обернені задачі.

▶ Хвилястий папуга Чарлі, якого навчали розмовляти, запам'ятав 25 слів. Це в 5 разів менше від кількості слів, яку може запам'ятати хвилястий папуга. Скільки ще слів може запам'ятати папуга Чарлі?

319  Віднови розв'язання.

$$\begin{array}{r} \boxed{3} \boxed{8} \boxed{7} \\ + \boxed{4} \boxed{} \boxed{} \\ \hline \boxed{} \boxed{6} \boxed{3} \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \boxed{6} \boxed{} \boxed{} \\ - \boxed{1} \boxed{8} \boxed{7} \\ \hline \boxed{} \boxed{3} \boxed{5} \end{array}$$

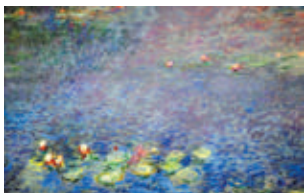
$$\begin{array}{r} \boxed{2} \boxed{} \boxed{} \\ + \boxed{} \boxed{5} \boxed{9} \\ \hline \boxed{6} \boxed{3} \boxed{2} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \boxed{} \boxed{} \boxed{} \boxed{6} \\ - \boxed{4} \boxed{8} \boxed{} \\ \hline \boxed{7} \boxed{3} \boxed{8} \end{array}$$



РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ

320  Чи можете ви уявити картину довжиною 91 м? Насправді «Водяні лілії» — це серія картин французького живописця Клода Моне. Із них 8 великих панно загальною довжиною 91 м займають два зали в музеї Оранжері, що в Парижі. Роки життя Клода Моне 1840–1926. Скільки років прожив художник? Схарактеризуй числа, подані в тексті.



«Водяні лілії». Музей Оранжері (Франція)

321  Віднови істинні рівності. Які числа пропущено?

$$24 + \text{  } = 42$$

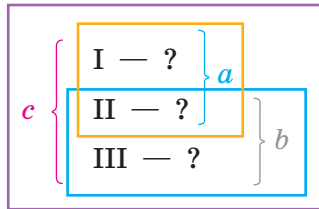
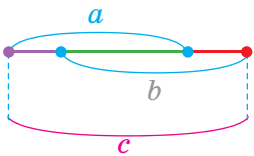
$$\text{  } \cdot 18 = 90$$

$$34 - \text{  } = 18$$

322 🔍 Чим цікава подана задача? У чому полягає спосіб розв'язування задач такого типу? Розв'яжи задачу.

▶▶ Клод Моне малював свій сад і ставок із водяними ліліями в різні часи доби, створюючи багато варіантів одного пейзажу. Усього він зробив 79 варіантів трьох картин — «Японський місток», «Біле латаття», «Водяні лілії». Скільки варіантів кожної картини написав художник, якщо варіантів картин «Японський місток» і «Біле латаття» разом було 31, а «Біле латаття» і «Водяні лілії» — 61?

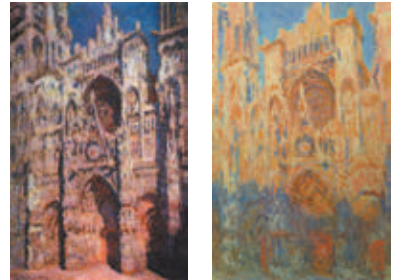
Задачі на знаходження трьох чисел за трьома сумами



- 1) $(c-b)$ — I число
- 2) $(c-a)$ — III число
- 3) $a-(c-b)$ або $b-(c-a)$ — II число

323 🔍 До кожного тексту дай відповіді на запитання: «На скільки більше / менше?» і «Скільки всього?», виконавши обчислення різними способами.

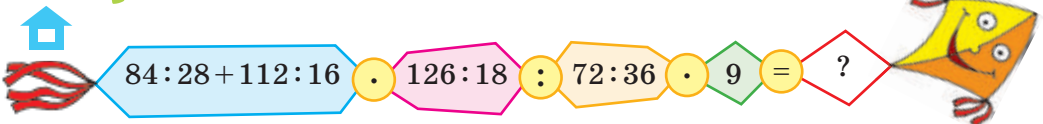
▶▶ 1) Клод Моне створював кілька варіантів картини залежно від освітлення або погоди. Коли художник працював над серією картин із зображенням будівлі Парламенту в Лондоні, одночасно в роботі в нього було 65 полотен. Під час роботи над «Руанським собором» Моне працював відразу із сотнею полотен.




«Руанський собор»

▶▶ 2) Картини Клода Моне визнані людством і коштують дорого. Одними з найдорожчих є «Водяні лілії», написані в різні роки: 1904 рік — 36 659 000 доларів; 1905 рік — 43 762 000 доларів.

324 🧩 Виконай арифметичні дії.



325  Знайди значення виразів зручним для тебе способом. Результати округли до розряду сотень, розташуй у порядку спадання та розшифруй назву картини.

$$84\,560\,010 - 9\,750\,824 = \blacksquare \text{ о}$$

$$68\,000 : 400 = \blacksquare \text{ у}$$

$$5\,600\,000 + 2\,700\,000 = \blacksquare \text{ ж}$$

$$36\,000 \cdot 25 = \blacksquare \text{ а}$$

$$6\,085\,442 + 17\,207\,558 = \blacksquare \text{ і}$$

$$980\,000 : 1400 = \blacksquare \text{ а}$$

$$1\,000\,000\,000 - 700\,048\,006 = \blacksquare \text{ д}$$



$$153\,000 : 9 = \blacksquare \text{ с}$$

$$32\,000\,000 - 27\,000\,000 = \blacksquare \text{ к}$$

$$9\,200\,000 : 23 = \blacksquare \text{ в}$$

$$49\,006\,582 + 3\,503\,518 = \blacksquare \text{ р}$$

$$49\,000\,000 : 100\,000 = \blacksquare \text{ д}$$

326   Туристична група має подолати 2273 км потягом, автобусом і пароплавом. Яка відстань припадає на кожний вид транспорту, якщо пароплавом і автобусом група має подолати 945 км, а автобусом і потягом — 1571 км?

327  Знайди значення виразів способом округлення.

$$4562 + 9999$$


$$14\,302 - 986$$

$$53\,606 - 988$$

$$58\,900 - 9999$$

$$26\,304 + 12\,999$$

$$5284 + 989$$

328  Віднови розв'язання.


$$\begin{array}{r} \blacksquare 5 \blacksquare \blacksquare 3 \blacksquare \blacksquare \\ - \blacksquare 9 \blacksquare 9 \blacksquare 8 \\ \hline \blacksquare \blacksquare 3 \blacksquare \blacksquare 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \blacksquare \blacksquare \blacksquare 5 \blacksquare \blacksquare \blacksquare \\ + \blacksquare 9 \blacksquare \blacksquare 9 \blacksquare \blacksquare \\ \hline \blacksquare 2 \blacksquare \blacksquare 6 \blacksquare 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \blacksquare 4 \blacksquare 3 \blacksquare 4 \blacksquare 5 \blacksquare 6 \\ - \blacksquare \blacksquare 0 \blacksquare \blacksquare 0 \blacksquare \blacksquare \\ \hline \blacksquare 3 \blacksquare \blacksquare 4 \blacksquare \blacksquare 3 \end{array}$$



ЗАСТОСОВУЄМО УСНІ ПРИЙОМИ МНОЖЕННЯ І ДІЛЕННЯ

329  Обчисли за схемами з коментарем. Зістав випадки множення; випадки ділення. Чим вони відрізняються? Як їх відмінність впливає на розв'язання?

$$76 \cdot 4 = (\blacksquare + \blacksquare) \cdot 4 = \blacksquare \cdot 4 + \blacksquare \cdot 4 = \blacksquare + \blacksquare = \blacksquare$$


$$176 \cdot 4 = (\blacksquare + \blacksquare + \blacksquare) \cdot 4 = \blacksquare \cdot 4 + \blacksquare \cdot 4 + \blacksquare \cdot 4 = \blacksquare + \blacksquare + \blacksquare = \blacksquare$$

Розподільний закон: $(a + b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c$

Правило ділення суми на число: $(a+b):c=a:c+b:c$

$$76:4=(\square+\square):4=\square:4+\square:4=\square+\square=\square$$

$$176:4=(\square+\square):4=\square:\square+\square:\square=\square+\square=\square$$

330  Обчисли за схемами з коментарем. Зістав випадки множення; ділення. Як їх відмінність впливає на розв'язання?

Приєм укрупнення розрядних одиниць

$$40 \cdot 6 = \square \text{ д.} \cdot 6 = \square \text{ д.} = \square$$

$$140 \cdot 6 = \square \text{ д.} \cdot 6 = \square \text{ д.} = \square$$

$$80:4 = \square \text{ д.} : 4 = \square \text{ д.} = \square$$

$$680:4 = \square \text{ д.} : 4 = \square \text{ д.} = \square$$

Приєм на підставі правила множення добутку на число:

$$(a \cdot b) \cdot c = (a \cdot c) \cdot b = a \cdot (b \cdot c)$$



$$40 \cdot 6 = (\square \cdot \square) \cdot 10 = \square \cdot 10 = \square$$

$$10 \cdot \square$$

$$140 \cdot 6 = (\square \cdot \square) \cdot 10 = \square \cdot 10 = \square$$

$$10 \cdot \square$$



Приєм на підставі правила ділення добутку на число:

$$(a \cdot b) : c = (a : c) \cdot b = a \cdot (b : c)$$



$$80:4 = (\square:\square) \cdot 10 = \square \cdot 10 = \square$$

$$10 \cdot \square$$

$$680:4 = (\square:\square) \cdot 10 = \square \cdot 10 = \square$$

$$10 \cdot \square$$



331  Обчисли за схемами.

Приєм на підставі правила ділення числа на добуток:

$$a:(b \cdot c) = (a:b):c = (a:c):b$$

$$640:16 = \square \text{ д.} : 16 = \square \text{ д.} = \square$$

$$640:16 = (\square:\square) \cdot 10 = \square$$

$$10 \cdot \square$$

$$640:160 = \square \text{ д.} : \square \text{ д.} = \square$$


$$640:160 = (\square:10):\square = \square$$

$$10 \cdot \square$$

332  Знайди значення виразів зручним для тебе способом.

$114\,000 : 19\,000$


$67 \cdot 9000$

 $18\,000 : 3$

$32 \cdot 5000$


$910\,000 : 13$


$360\,000 \cdot 8$

333  Порівняй значення виразів.

$462 : 6 \cdot 8 - 328) : 4 \cdot 5 : 10 \bigcirc (196 + 124 \cdot 6 : 4 + 18) : 80$



 $(483 + 372 : 3 - 197 + 10) : 70 \bigcirc (483 + 372) : 3 : 5 : 19$

334  Знайди значення першого виразу в кожному стовпчику. Чи допоможе одержаний результат знайти значення решти виразів? Знайди їх значення.

$96 \cdot 8$

$96 : 8$


$96\,000 \cdot 8$

$960\,000 : 8$

$96\,000 \cdot 80$

$960\,000 : 80\,000$



335  Згадай, як помножити / поділити число на 5, 50, 500; 25, 125; 250. Знайди значення виразу в першому рядку стовпчика. Чи можна міркувати аналогічно, щоб знайти значення виразу в другому рядку? Знайди його значення.

$64 \cdot 500$

$6400 : 50$

$8 \cdot 250$

$64 \cdot 50\,000$

$64\,000 : 500$

$8 \cdot 25\,000$


$64\,000 : 250$

$64\,000 : 125$


$640\,000 : 2500$

$640\,000 : 1250$



336  Із цифр 1, 2, 4, 5, 6 і 9 склади два трицифрові числа так, щоб одне число було в 5 разів більше за інше (цифри в записі кожного числа не повинні повторюватися).


ОЗНАЙОМЛЮЄМОСЬ З ОСНОВНОЮ ВЛАСТИВІСТЮ ЧАСТКИ

337  Прочитай кожний дріб. Поясни, що позначає знаменник дробу; чисельник дробу. Заміни кожний дріб часткою двох натуральних чисел за зразком. Запиши дроби в порядку зростання. На яку ознаку слід орієнтуватися?

$\frac{1}{9} = 1 : 9$

$\frac{1}{3}$

$\frac{1}{12}$

338  Згадай правила множення і ділення числа на розрядну одиницю. Обчисли.

$$5678 \cdot 100$$


$$5\,730\,000 : 1000$$

$$234 \cdot 1\,000\,000$$

$$40\,000 : 1000$$

$$40\,000\,000 : 10\,000$$

$$67 \cdot 100\,000\,000$$

339  Подай розрядні числа у вигляді добутку розрядної одиниці та числа. Скористайся підказками.

$$60 = 10 \cdot 6$$

$$80$$

$$40$$

$$600 = 100 \cdot \blacksquare$$

$$800$$

$$400$$

$$6000$$

$$8000$$

$$4000$$

340 Обчисли, використовуючи прийом укрупнення розрядних одиниць.

$$85\,000 : 17\,000$$

$$5700 : 1900$$

$$960\,000 : 30\,000$$

$$9200 : 2300$$

$$720\,000 : 18\,000$$

$$15\,400 : 700$$

Ігор зауважив, що в записах чисел можна відкинути однакову кількість нулів і виконати ділення, не звертаючи на них увагу. Чи погоджуєшся ти з хлопчиком? Чи в усіх випадках обчислення можна так міркувати?



Оля вважає, що міркування Ігора мають сенс.

Наприклад: $85\,000 = 85 \cdot 1000$, а $17\,000 = 17 \cdot 1000$. Відкидаючи однакову кількість нулів у діленому й у дільнику, по суті ми кожне число ділимо на 1000.


$$85\,000 : 17\,000 = (85\,000 : 1000) : (17\,000 : 1000) = 85 : 17 = 5$$



Отже, ділене 85 000 зменшили в 1000 разів і дільник 17 000 також зменшили в 1000 разів — від цього значення частки не змінилося!


Основна властивість частки

Якщо ділене й дільник поділити або помножити на те саме число, то значення частки не зміниться.

$$a : b = (a \cdot c) : (b \cdot c) = (a : k) : (b : k)$$


341  Виконай арифметичні дії.

 $144 : 48 \cdot 6 + 94$ $:$ $64 : 4$ \cdot 125 $-$ $120 : 24 \cdot 76 : 19 \cdot 36$ $=$ $?$ 

342  Збільш або зменш ділене й дільник у ту саму кількість разів. Досліди, чи зміниться значення частки. Виконай записи за поданою схемою.

$$16:8 = \frac{\square}{\square} = \frac{\square \circ \square}{\square \circ \square} = \frac{\square}{\square} = \square$$

12 : 3 72 : 8 24 : 6  36 : 4 18 : 6

343  Поділи ділене й дільник на ту саму розрядну одиницю та знайди значення одержаної частки.

72 000 : 9 000  7 200 : 600
850 000 : 170 000  800 000 : 160 000


344  Доведи істинність рівностей.

54 : 18 = 6 : 2 114 000 : 19 000 = 114 : 19
6 : 3 = 72 : 36 720 000 : 240 000 = 72 : 24



345  Обчисли зручним способом.

(32 · 4) : (4 · 4) (72 · 7 · 2) : (6 · 7) (99 · 17 · 2) : (34 · 3)

346  Знайди значення букви, за якого рівність буде істинною.


56 : 8 = 28 : k a : 4 = 72 : 8 112 : 28 = p : 1



347  Спрости вирази, якщо p ≠ 0; a ≠ 0.


(72 · p) : (36 · p) (51 · a) : (17 · a)

ПОВТОРЮЄМО ДІЛЕННЯ З ОСТАЧЕЮ

348  Виконай арифметичні дії.

 112 : 16 · 24 : 14 · 9 : 6 · 5 : 45 = ?



349  Діти грали в математичне лото за темою «Ділення з остачею». Щоб перейти на наступний крок, потрібно правильно відповісти на запитання. Спробуй також пограти в математичне лото.



1) Як ти розумієш ділення націло?

Число a ділиться націло на число b тоді й тільки тоді, коли є таке натуральне число c , яке в результаті множення на дільник b дає ділене a .

2) У яких випадках виконується ділення з остачею?

3) Що ти знаєш про ділення з остачею?

4) Як називають компоненти арифметичної дії ділення з остачею?

5) Що ти знаєш про величину остачі?

6) Які остачі можуть бути в результаті ділення на 2? на 3? на 4? на 12?



7) Чи можна вважати, що ділення націло є частковим випадком ділення з остачею?

8) Як можна міркувати, щоб виконати ділення з остачею?

9) Як можна міркувати, щоб перевірити ділення з остачею?

10) Чи завжди можна виконати ділення з остачею?

$a : b = c$ (ост. r)

Перевірка: $a = c \cdot b + r$, де $0 \leq r < b$

11) Прочитай подані рівності як ділення з остачею.

$$17 = 3 \cdot 5 + 2$$

$$23 = 6 \cdot 3 + 5$$

12) Що одержимо в результаті ділення меншого числа на більше?

13) За якою закономірністю побудовано числовий ряд:

4; 7; 10; 13; 16; ... ?

350 Виконай ділення з остачею. Перевір одержані результати.

$14 : 3$

$27 : 6$

$73 : 6$

$123 : 4$

$8 : 16$

$46 : 3$

$68 : 16$

$57 : 17$

351 Виконай ділення з остачею письмово. Перевір одержані результати.

$346 : 9$

$400\,049 : 8$

$876\,507 : 6$

$473\,200 : 7$

$378 : 23$

$607 : 48$

$42\,709 : 38$


$945\,567 : 65$


352  Оціни міркування Олексія.

У результаті ділення числа 29 на число 3 в неповній частці одержимо 8, а в остачі — 5:

$$29 : 3 = 8 \text{ (ост. 5), оскільки } 29 = 3 \cdot 8 + 5.$$




353  Знайди ділене, якщо дільник число 7, неповна частка — 6, а остача 4.


354  Розв'яжи задачу. Запиши розв'язання задачі виразом.

► Одна з найвищих споруд світу — вежа Бурдж Халіфа в місті Дубай (ОАЕ) — заввишки 828 м. Від оглядового майданчика цієї вежі, розташованого на 148 поверсі, до її шпиля 273 м. Скільки сантиметрів становить висота поверху в цій вежі?



355  Наталка задумала двоцифрове число, яке закінчується цифрою 5. Якщо суму цифр цього числа збільшити в 2 рази, то одержимо двоцифрове число, яке в результаті ділення на 10 дає в неповній частці 1, а в остачі 6. Яке число задумала Наталка?


ЗАСТОСОВУЄМО ПИСЬМОВІ ПРИЙОМИ МНОЖЕННЯ І ДІЛЕННЯ

356  Знайди значення першого добутку письмово. Зістав перший добуток із рештою. Що спільне? Що відмінне? Чи можна міркувати аналогічно, щоб знайти значення решти добутків? Знайди їх значення.

$$56\,408 \cdot 32$$

$$356\,408 \cdot 32$$

$$2\,356\,408 \cdot 32$$

357  У кожному стовпчику знайди значення першого добутку. Чи допоможе одержаний результат знайти значення решти добутків? Знайди їх значення.

$340345 \cdot 48$

$5631282 \cdot 36$

$436678 \cdot 24$

$34034500 \cdot 48$


$5631282 \cdot 362$

$436678 \cdot 12$

$34034500 \cdot 480$

$5631282 \cdot 302$


$436678 \cdot 36$

358  Зістав частки. Що в них спільне? Що відмінне? Як відмінність часток вплине на знаходження їх значення? Обчисли письмово.

$13608 : 42$

$136038 : 42$

$1360338 : 42$

359  Знайди значення першої частки в кожному стовпчику. Чи допоможе одержаний результат знайти значення решти часток? Знайди їх значення.

$124272 : 36$

$1057750 : 25$

$1175904 : 72$

$12427200 : 36$

$1057750 : 250$

$1175904 : 144$

$12427200 : 360$

$1057750 : 125$

$1175904 : 288$

360  Обчисли, використовуючи письмовий прийом.

$767004 : 6$

$567048 \cdot 6$

$438330244 : 68$

$12096 : 56$

$76296000 : 3$




$7456000 \cdot 400$

$4567300 \cdot 74$

$432078 \cdot 65$

$884000 \cdot 3400$

361  У кожному стовпчику знайди значення першої частки. Зістав частки. Що спільне? Що відмінне? Чи можна міркувати аналогічно, щоб знайти значення другої частки? Знайди її значення.

$16308 : 27$

$172688 : 86$

$96520 : 19$

$296148 : 37$

$16309 : 27$

$172680 : 86$

$96527 : 19$

$296140 : 37$

362  Виконай ділення з остачею. Зміни ділене так, щоб остача була найбільшою.

$20440 : 34$

$9820 : 24$

$10118 : 12$

$27749 : 68$

$19932 : 83$

$292940 : 29$

$67893 : 73$



$40034 : 33$

363  Обчисли, використовуючи письмовий прийом. Виконай перевірку.

$18144 : 756$

$4508 \cdot 367$

$24660 : 548$

$6432000 \cdot 4320$

$52140 : 395$

$307068 \cdot 407$

368  Знайди значення виразів.

$$(8 \text{ кг } 45 \text{ г} + 14 \text{ кг } 8 \text{ г}) \cdot 3$$

$$(2 \text{ ц } 87 \text{ кг} + 4 \text{ ц } 20 \text{ кг}) : 7$$


$$(23 \text{ км } 70 \text{ м} - 8 \text{ км } 219 \text{ м}) \cdot 5$$

$$3 \text{ м } 75 \text{ мм} : 5 \text{ мм} \cdot 8$$


369  Виконай обчислення раціональним способом.

$$37 \text{ см} \cdot 50 \quad 36 \text{ м} : 25 \quad 54 \text{ грн} : 5 \text{ к.} \quad 570 \text{ км} : 2500$$

$$64 \text{ кг} : 500 \quad 32 \text{ ц} \cdot 50 \quad 49 \text{ кг} : 25 \text{ г} \quad 16 \text{ ц} \cdot 12$$

370  У результаті ділення числа 87 на деяке число в остачі одержали 5. Знайди дільник і неповну частку.

ВИВЧАЄМО ФОРМУЛИ


371  Запиши формули периметра й площі прямокутника; квадрата. Прочитай рівності, які записали учні. Поясни, як знайшли сторони прямокутника.

$$S = a \cdot b$$

$$a = S : b$$

$$b = S : a$$



372  Згадай групи взаємопов'язаних величин. Установи залежність між величинами кожної групи. Запиши формули подоланого шляху; швидкості руху; часу руху. Запиши формули загального виробітку; продуктивності праці; часу роботи. Розглянь, як позначили інші величини кожної групи буквою та запиши інші залежності у вигляді формул.

	I множник	II множник	Добуток	
<i>m</i>	Маса	• Кількість <i>k</i> → Час <i>t</i>	= Загальна (загальний) вартість виробіток Подоланий шлях	Маса <i>M</i>
<i>l</i>	Довжина			Довжина <i>L</i>
<i>u</i>	Місткість			Місткість <i>U</i>
<i>c</i>	Ціна			Вартість <i>D</i>
<i>N</i>	Продуктивність праці			Виробіток <i>A</i>
<i>v</i>	Швидкість руху	Час <i>t</i>	Подоланий шлях <i>s</i>	
	$s = v \cdot t$ $v = s : t$ $t = s : v$	$A = N \cdot t$ $N = A : t$ $t = A : N$	$D = c \cdot k$ $c = D : k$ $k = D : c$	$M = m \cdot k$ $m = M : k$ $k = M : m$

Прочитай формули в першому рядку кожного стовпчика. Ці формули можна записати коротше — без знака множення. *Наприклад:* $s = vt$, $A = Nt$.

373 🕒 Як доповнити таблиці? Досліди, як залежить загальна величина від зміни величини одиниці виміру; від зміни кількості або часу.

v (км/год)	t (год)	s (км)
4	2	
8	2	
16	2	

N (шт.)	t (год)	A (шт.)
2	4	
2	8	
2	16	

m (кг)	k (шт.)	M (кг)
	4	16
	4	32

l (м)	k (шт.)	L (м)
	6	36
	3	36

c (грн)	k (шт.)	D (грн)
3		81
9		81

a (см)	b (см)	S (см ²)
	4	72
	8	72

Якщо **величина одиниці виміру** або **кількість предметів** збільшиться (зменшиться) в кілька разів, то й **загальна величина** так само збільшиться (зменшиться) у стільки ж разів за незмінної третью величини.

374 🧩 Запиши формулу загальної маси. Підстав у формулу відповідні числові дані й виконай обчислення.




▶▶ Словенська компанія створила безпілотний вантажний літак, який може взяти на борт 450 кг вантажу й доставити його на відстань до 300 км. Скільки кілограмів вантажу за один рейс можуть перевезти 6 таких літаків?

375 🧩 Запиши формулу часу руху. Розв'яжи задачу.

🏠 Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.


▶▶ Електричний літак долає на одному заряді 158 км, рухаючись зі швидкістю 79 км/год. Скільки годин може перебувати в польоті цей літак?

376 🧩 Знайди значення x за формулою $x = 700 - 18y$, якщо
 🏠 $y = 2$; $y = 9$; $y = 15$; $y = 23$; $y = 32$.


377  Запиши формулу подоланого шляху. Підстав у формулу відповідні числові дані й виконай обчислення. Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

▶ Електрокатер плив 2 год, рухаючись зі швидкістю 45 км/год, а пасажирський дрон летів 30 хв, рухаючись зі швидкістю 100 км/год. Хто подолав більшу відстань? На скільки більшу?



378  Американська компанія розробляє швидкісний вакуумний потяг, що зможе рухатися зі швидкістю 1000 км/год. Склади формули для знаходження шляху, який зможе подолати потяг за t год; загальної кількості пасажирів, яких зможе перевезти потяг за a діб, якщо на добу він робить 8 рейсів і кожного рейсу перевозить 1000 пасажирів.

ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ, ЯКІ МІСТЯТЬ ОДНАКОВУ ВЕЛИЧИНУ

379  Розв'яжи задачу арифметичним методом двома способами. Скористайся підказками.

▶ Два підприємці вклали гроші в стартап. Перший підприємець вклав 24 000 дол., а другий — 72 000 дол. За певний час перший підприємець одержав 480 000 грн прибутку. Скільки гривень прибутку одержав другий підприємець?



	Прибуток на 1 тис. дол. (тис. грн)	Внесок (тис. дол.)	Загальний прибуток (тис. грн)
I	?	24	480
II	?, однак.	72	?

$\left. \begin{array}{l} 24 \text{ тис. дол.} \text{ --- } 480 \text{ тис. грн} \\ 72 \text{ тис. дол.} \text{ --- } ? \end{array} \right\} \text{?}$

 Стільки ж \rightarrow



Спробуй розв'язати цю задачу алгебраїчним методом двома способами. Скористайся підказками.

	Прибуток на 1 тис. дол. (тис. грн)	Внесок (тис. дол.)	Загальний прибуток (тис. грн)
I	$480 : 24$	24	480
II	$x : 72$	72	x

$$x : 72 = 480 : 24$$

Стільки ж


$$72 : 24 \begin{cases} \leftarrow 24 \text{ тис. дол.} - 480 \text{ тис. грн} \\ \leftarrow 72 \text{ тис. дол.} - y \end{cases} y : 480$$

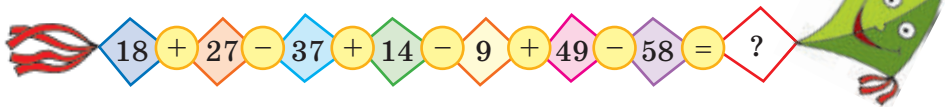
$$y : 480 = 72 : 24$$


380 Зістав задачі. Як відмінність задач вплине на їх розв'язування? Розв'яжи задачі алгебраїчним методом.

▶▶ 1) Два підприємці вклали гроші в стартап. Перший підприємець вклав 24 000 дол., а другий — 72 000 дол. За певний час прибуток становив 1 920 000 грн. Скільки гривень прибутку одержав кожний підприємець?

▶▶ 2) Два підприємці вклали гроші в стартап. Перший підприємець вклав 24 000 дол., а другий — 72 000 дол. Скільки гривень прибутку одержав кожний підприємець, якщо перший одержав на 960 000 грн прибутку менше, ніж другий.

381  Виконай арифметичні дії.



382  Розв'яжи задачі арифметичним методом.



▶▶ 1) Одного дня господарка заготувала 9 однакових банок томатного соку, а іншого — 8 таких банок. Скільки літрів соку господарка заготувала кожного дня, якщо всього за два дні вона заготувала 51 л соку?



2) Пісок перевозили двома самоскидами однакової вантажності. Перший самоскид перевіз 150 т піску, а другий — 100 т. Скільки рейсів зробив кожен самоскид, якщо перший зробив на 2 рейси більше, ніж другий?

**383**

Знайди значення буквених виразів.

$(30\,056 - 300\,202 : b) \cdot a$, якщо $b = 523$, $a = 204$.



$180\,848 : x \cdot (12\,680 + 7\,120 - 18\,900) : y$, якщо $x = 356$, $y = 25$.

$(173\,000 - 216 \cdot 750) \cdot (816 : c) + p$, якщо $c = 4$, $p = 1000$.

384

Розв'яжи задачі арифметичним та алгебраїчним методами.



В ательє пошили однакові костюми для хлопчиків й однакові — для дівчаток. На костюми для хлопчиків використали 54 м тканини, а на костюми для дівчаток — 48 м. Витрата тканини на один костюм однакова.

1) Скільки костюмів пошили для дівчаток, якщо для хлопчиків пошили 18 костюмів?

2) Скільки костюмів пошили для хлопчиків і скільки — для дівчаток, якщо всього пошили 34 костюми?

3) Скільки костюмів пошили для хлопчиків і скільки — для дівчаток, якщо для хлопчиків пошили на 2 костюми більше, ніж для дівчаток?

385

Розв'яжи задачу алгебраїчним методом.

О 8 год ранку з пункту А до пункту В, відстань між якими 440 км, вирушив потяг, що рухався зі швидкістю 60 км/год. Об 11 год ранку з пункту В йому назустріч вирушив інший потяг, що рухався зі швидкістю 70 км/год. О котрій годині потяги зустрінуться?



УЗАГАЛЬНЮЄМО І ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

386  Знайди значення виразів.

$$714\,899 + 1$$

$$940\,000 - 1$$

$$200\,000 \cdot 4$$

$$3\,000\,000 \cdot 10$$

$$15\,784\,899 + 1$$

$$71\,000\,000 - 1$$

$$4\,000\,000 \cdot 200$$


$$15\,000\,000 \cdot 20$$

$$63\,800\,000 + 27\,000\,000$$

$$120\,100\,000 - 109\,000\,000$$

$$360\,000\,000 : 9$$

$$480\,000\,000 : 60$$

387  Побудуй стовпчасту діаграму, що ілюструє температуру води за тиждень.

Температура води у Джарилгацькій затоці, що біля міста Скадовськ, становила:



1 листопада — 12 °С;


2 листопада — 10 °С;

3 і 4 листопада — 11 °С;

5 листопада — 9 °С;

6 і 7 листопада — 8 °С.




388  У Чорному морі біля міста Скадовськ розташований безлюдний острів Джарилгач, що входить до Національного природного парку «Джарилгацький». Дістатися острова можна човнами.

▶ Вартість дорослого й дитячого квитків становить 300 грн, а двох дорослих — 400 грн. Скільки потрібно заплатити за три дорослі та два дитячі квитки?

389  Розв'яжи задачу алгебраїчним методом.

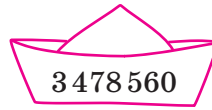


▶ На острові Джарилгач волонтери й волонтерки збирали сміття після курортного сезону. Усього вони зібрали 430 кг сміття, яке пакували в мішки, по 5 кг у кожен мішок. Скільки мішків сміття зібрали волонтери й волонтерки?

390  Автотуристка за пів години пододала зі швидкістю 62 км/год відстань від Херсона до Голої Пристані, а потім ще годину їхала до Скадовська зі швидкістю 54 км/год. Яку відстань пододало від Херсона до Скадовська?

ПЕРЕВІРЯЄМО СВОЇ ДОСЯГНЕННЯ

391 На якому кораблику записано число тридцять чотири мільйони сімсот вісім тисяч п'ятсот шістдесят? Розкажи, як утворити це число різними способами. Подай це число у вигляді суми розрядних доданків двома способами.



392 Знайди найбільше й найменше числа з поданих.



393 Запиши такі числа, щоб утворились істинні нерівності.

$$48\,829\,131 > \blacksquare$$

$$953\,172\,563 < \blacksquare$$

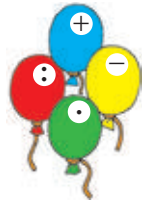
394 Знайди значення виразів, використовуючи усний прийом.

$$95\,400\,000 + 4\,600\,000$$

$$46\,000\,000 - 28\,000\,000$$

$$4\,200\,000 \cdot 3$$

$$50\,500\,000\,000 : 5$$



395 Знайди значення виразів. Скористайся підказками.

$$\begin{array}{r} + 7348186 \\ 4670024 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - 7348186 \\ 4670024 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} + 7567000 \\ 648900 \\ \hline \end{array}$$

396 Діаметр Юпітера 142984 км, а Землі — 12756 км. Дізнайся, у скільки разів діаметр Землі менший від діаметра Юпітера, попередньо округливши подані в умові числа до розряду тисяч.



397 Вартість квитків до Національного музею космонавтики ім. С. П. Корольова (м. Житомир) для дитини й дорослого становить 80 грн, а для двох дорослих — 100 грн. Скільки потрібно заплатити за один дорослий і два дитячі квитки до цього музею?

ВИВЧАЄМО ПЕРЕСТАВНИЙ І СПОЛУЧНИЙ ЗАКОНИ МНОЖЕННЯ

398  Обчисли зручним способом.



$16 + 28 + 24$

$37 + 45 + 15$

$52 + 8 + 29$

$7 \cdot 10 \cdot 9$

$100 \cdot 24 \cdot 5$

$16 \cdot 4 \cdot 20$

$14 \cdot 5 \cdot 2$

$8 \cdot 23 \cdot 5$

$4 \cdot 77 \cdot 25$

$17 \cdot 6 \cdot 5$

$125 \cdot 64 \cdot 8$

$27 \cdot 50 \cdot 2$

$4 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 9$

$8 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 6$

$25 \cdot 7 \cdot 4 \cdot 8$

$250 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 8$

$6 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 3$

$125 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 6$



399  Знайди значення буквених виразів.

$a + 67 + b$, якщо $a = 28$, $b = 32$.

$k \cdot 54 \cdot p$, якщо $k = 25$, $p = 4$.

Інна спочатку підставила числові значення букв, а потім вдалася до перестановки доданків або множників. Як ти вважаєш, чи полегшить це обчислення? Які закони арифметичних дій застосувала Інна? Сформулюй ці закони.

Переставний закон


$$a + b = b + a$$

$$a \cdot b = b \cdot a$$

Сполучний закон

$$(a + b) + c = a + (b + c)$$

$$(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$$

400  Зістав вирази в кожному стовпчику. Застосуй закони множення, щоб спростити обчислення значень числових виразів у першому рядку. Чи можна міркувати аналогічно, щоб спростити буквені вирази? Як слід діяти?

$8 \cdot 12 \cdot 5$

$50 \cdot 19 \cdot 2$

$6 \cdot 4 \cdot 2 \cdot 5$

$25 \cdot 7 \cdot 4 \cdot 8$

$8 \cdot k \cdot 5$

$50 \cdot p \cdot 2$

$6 \cdot c \cdot 2 \cdot t$


$25 \cdot a \cdot 4 \cdot b$

Спрощення буквених виразів —
добутків кількох множників

- ① Переставляю множники так, щоб спочатку були записані числові множники, а потім — буквені.
- ② Перемножую числові множники.
- ③ До одержаного числа дописую буквені множники.

Наприклад: $4\overset{\curvearrowright}{c} \cdot \overset{\curvearrowright}{6}k = 4 \cdot \overset{\curvearrowright}{c} \cdot \overset{\curvearrowright}{6} \cdot k = 4 \cdot 6 \cdot \overset{\curvearrowright}{c} \cdot \overset{\curvearrowright}{k} = 24ck$;

$$15\overset{\curvearrowright}{p} \cdot \overset{\curvearrowright}{4}a = 15 \cdot \overset{\curvearrowright}{4} \cdot \overset{\curvearrowright}{p} \cdot \overset{\curvearrowright}{a} = 60pa.$$

401  Виконай арифметичні дії.

 $126 \div 18 \cdot 22 \div 77 \cdot 250 \cdot 8 \div 1000 \cdot 125 \cdot 6 = ?$



402  Спрости вирази.

$8 \cdot 9a$

$6c \cdot 4p$

$17k \cdot 4p$

$12 \cdot 5k$

$9 \cdot 34n$

$3t \cdot 7$

$23d \cdot 2h$

$56v \cdot 8s$

$8z \cdot 12$

$27 \cdot 8s$

$16 \cdot 3g$

$14e \cdot 3w$

$7f \cdot 12h$

$9 \cdot 43r$

$34 \cdot 6m$



403  Спрости вираз і знайди його значення, якщо $v=65$; $v=123$; $v=1650$.

$25v \cdot 4$

$125 \cdot 53 \cdot 8v$



$32 \cdot 2v \cdot 6 \cdot 50$

404  Спрости вирази.

$18a \cdot 36b$

$25f \cdot 43d$

$47k \cdot 65e$

$5x \cdot 45 \cdot 10y$

$11h \cdot 36r$


$38p \cdot 15c$

$32z \cdot 125y$

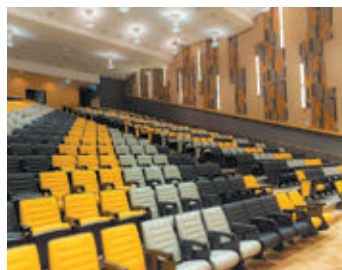
$32g \cdot 24m$


$50 \cdot 18r \cdot 2s$


$27g \cdot 38n$

405  Склади вираз, що є розв'язанням задачі. Знайди значення одержаного буквенного виразу, якщо $a=18$, $b=23$; $a=22$, $b=25$.

► В актовому залі a рядів, по b місць у кожному ряді. Для учасників і учасниць конференції на кожне місце в залі поклали пакунок із 6 брошурами. Скільки всього брошур розклали?

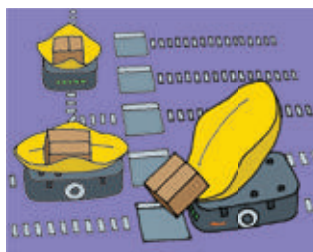



406  Туристка пододала 2200 км, причому пароплавом вона пододала вдвічі більшу відстань, ніж автомобілем, а потягом — у 4 рази більшу відстань, ніж пароплавом. Скільки кілометрів туристка пододала кожним видом транспорту?

407  Скількома нулями закінчується добуток усіх натуральних чисел від 1 до 25?



ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ПОДВІЙНЕ ЗВЕДЕННЯ ДО ОДИНИЦІ



408  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2; 2 і 3; 3 і 4. Що змінюється? Як ця зміна вплине на розв'язування задач 2–4? Розв'яжи задачі 2–4.

- ▶▶ 1) Один робот-поштар за 8 год розклав 640 посилок. Скільки посилок він розкладе за 6 год, якщо працюватиме з тією самою продуктивністю?
- ▶▶ 2) Три роботи-поштарі за 8 год розклали 1920 посилок. Скільки посилок розкладе один робот за 6 год, якщо всі роботи працюють з однаковою продуктивністю?
- ▶▶ 3) Три роботи-поштарі за 8 год розклали 1920 посилок. Скільки посилок розкладуть два роботи за 6 год, якщо всі роботи працюють з однаковою продуктивністю?
- ▶▶ 4) Один робот-поштар за 8 год розклав 640 посилок, а інший — 560. Скільки посилок розкладуть обидва роботи за 6 год, якщо працюватимуть одночасно?

409  Спрости вирази.

$$4a \cdot 10$$
$$15 \cdot 4b$$

$$8p \cdot 5k$$
$$7y \cdot 8c$$





$$20d \cdot 4x$$

$$16h \cdot 8$$

$$5m \cdot 200n$$

$$4 \cdot 57g$$

410   Склади вираз, що є розв'язанням задачі. Знайди значення одержаного буквеного виразу, якщо $k=2$, $b=5$.

▶▶ Американська компанія створила робота, який очищає піщаний пляж від сміття. Один робот за годину прибрав 2900 м^2 пляжу. Яку площу пляжу приберуть k таких роботів за b год, якщо працюватимуть з тією самою продуктивністю?

411  Спрости вирази.

$$56c \cdot 8p$$

$$47e \cdot 24m$$

$$24t \cdot 12d$$

$$38f \cdot 99h$$


$$35a \cdot 12k$$

$$18n \cdot 22b$$


$$45w \cdot 24r$$

$$125z \cdot 8g$$



412  Із 560 аркушів паперу виготовили 60 зошитів двох видів. На кожний зошит одного виду використовували 8 аркушів паперу, а іншого виду — 12 аркушів. Скільки виготовили зошитів кожного виду?

ВИВЧАЄМО РОЗПОДІЛЬНИЙ ЗАКОН МНОЖЕННЯ ВІДНОСНО ДОДАВАННЯ/ВІДНІМАННЯ. РОЗКРИВАЄМО ДУЖКИ

413  Прокоментуй розв’язання. З’ясуй теоретичні засади використаного прийому обчислення. Знайди значення решти добутоків, використовуючи цей прийом.


$$24 \cdot 7 = (20 + 4) \cdot 7 = 20 \cdot 7 + 4 \cdot 7 = 140 + 28 = 168$$

$38 \cdot 6$

$2 \cdot 56$

$134 \cdot 3$

$62 \cdot 5$

414  Згадай прийоми раціонального множення. З’ясуй теоретичні засади цих прийомів. Знайди значення добутоків.

$23 \cdot 11$

$33 \cdot 101$

$45 \cdot 9$

$56 \cdot 99$


Розподільний закон множення відносно

додавання

$$(a + b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c$$

віднімання

$$(a - b) \cdot c = a \cdot c - b \cdot c$$

415  Зістав вирази в кожному стовпчику. Застосуй розподільний закон множення для обчислення значень числових виразів у першому рядку кожного стовпчика. Чи можна міркувати аналогічно, щоб перетворити буквені вирази? Скористайся підказками.



$$(60 + 4) \cdot 3 = \square \cdot \square + \square \cdot \square = \square + \square = \square$$

$$(60 + 4) \cdot c = \square \cdot \square + \square \cdot \square = \square + \square$$

$$(30 - 1) \cdot 3 = \square \cdot \square - \square \cdot \square = \square - \square = \square$$

$$(30 - a) \cdot 3 = \square \cdot \square - \square \cdot \square = \square - \square$$



Вадим слушно зауважив, що, застосувавши розподільний закон множення: $(a \pm b) \cdot c = a \cdot c \pm b \cdot c$, — ми одержуємо вираз, який не містить дужок.

У такому випадку кажуть, що ми *розкрили дужки*.

Марина зазначила, що, застосовуючи правило множення числа на суму, ми також *розкриваємо дужки*.

416 🔍 Розкрий дужки, скориставшись підказками.

$$2 \cdot (k+7)$$

$$(y-9) \cdot 4$$

$$23 \cdot (3+c)$$

$$(p-8) \cdot 5$$

$$\text{🏠 } 7 \cdot (12+s)$$

$$14 \cdot (50-d)$$

$$14 \cdot (a+6+m)$$

$$(n-28-r) \cdot 2$$

$$9 \cdot (16+b+6)$$

417 🧩 Розкрий дужки.

$$(8+7) \cdot c$$

$$p \cdot (12-7)$$

$$(12-m) \cdot 7$$

$$a \cdot (6+9)$$

$$(15+18) \cdot b$$

$$5 \cdot (n+k)$$

$$(42+38+19) \cdot l$$

$$17 \cdot (d+x+23)$$

$$8 \cdot (4y+14+3t)$$

418 🧩 Склади вираз, що є розв'язанням задачі. Знайди значення одержаного буквенного виразу, якщо $q=3$, $d=5$.



▶▶ Для призерів і призерок шкільної олімпіади з математики підготували 12 коробок із призами. У кожену коробку поклали q альбомів і d маркерів. Скільки всього альбомів і маркерів поклали в коробки?

419 🧩 У кожному стовпчику розкрий дужки в першому виразі. Зістав подані вирази у стовпчику. Як їх відмінність вплине на розв'язування? Розкрий дужки в другому виразі кожного стовпчика.

$$8 \cdot (p+k+m)$$

$$8 \cdot (p+k-m)$$

$$(5+8+c) \cdot 7$$

$$(5a+8+2c) \cdot 7$$

$$(45-16+8) \cdot w$$

$$(45z-16r+8q) \cdot a$$

420 🧩 Склади вираз, що є розв'язанням задачі. Знайди значення одержаного буквенного виразу, якщо $f=34$, $d=28$, $s=32$, $g=36$, $k=42$.




▶▶ До шкільної бібліотеки привезли f пакунків підручників математики для першого класу, d пакунків підручників математики для другого класу, s — для третього, g — для четвертого, і k — для п'ятого. Скільки всього привезли підручників математики, якщо в кожному пакунку міститься 12 підручників?

421  Порівняй вирази, не обчислюючи їх значення.




$$28 \cdot (456 + 324) \quad \bullet \quad 28 \cdot 456 - 28 \cdot 324$$
$$(800 - 277) \cdot 12 \quad \bullet \quad 800 \cdot 12 - 277 \cdot 12$$

422  Скільки існує трицифрових чисел, які записуються непарними цифрами й при цьому цифри в записі числа не повторюються?



ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА СПІЛЬНУ РОБОТУ


423  Розв'яжи задачу 1 двома способами. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язування задачі 2? Розв'яжи її. До задачі 2 склади хоча б одну обернену задачу. Розв'яжи її.

Норвезька компанія розробила електричний автономний контейнеровоз.



▶ 1) За 5 рейсів електричний контейнеровоз перевозить 515 контейнерів, а звичайний — 77500. Скільки контейнерів перевезуть обидва контейнеровози за 3 рейси, якщо працюватимуть разом?

▶ 2) За 5 рейсів звичайний контейнеровоз привозить до порту 77500 контейнерів, а електричний вивозить із порту 515 контейнерів. Скільки контейнерів залишилося вивезти з порту після того, як контейнеровози, працюючи разом, зробили по 3 рейси?

424  Зістав задачі 1 і 2 з відповідними задачами в попередньому завданні. Чи можна стверджувати, що подані задачі мають аналогічні способи розв'язування? Розв'яжи їх.




▶ За 5 год електричний контейнеровоз подолав 120 км, а звичайний — 235 км. Контейнеровози одночасно вирушили від двох портів й опинилися поряд за 3 год після початку руху. Знайди відстань між портами, якщо контейнеровози вирушили: 1) назустріч один одному; 2) навздогін.

425  Спрости вирази.

$32p \cdot 6k$

$99c \cdot 56d$


 $11x \cdot 56b$

$25m \cdot 16n$

426  Розкрий дужки.

$4 \cdot (a+b+c)$

$(14+g+d) \cdot 9$

 $8 \cdot (k-p+c)$

$6 \cdot (3q+26-w)$

$(e+r-t) \cdot 12$

$12 \cdot (2f+3z-v)$


427  Склади до задачі вираз, що є її розв'язанням.



Знайди значення одержаного буквенного виразу, якщо $d=12$, $s=4$.



► Кожного рейсу електричний безпілотний пором перевозить d пасажирів, а водне таксі — s пасажирів. Скільки пасажирів перевезуть пором і таксі за 2 рейси, якщо працюватимуть разом?

428  Зістав задачу із задачею у попередньому завданні. Як їх відмінність вплине на розв'язування поданої задачі? Запиши розв'язання поданої задачі виразом. Знайди значення одержаного буквенного виразу, якщо $d=12$, $s=4$.

► Електричний безпілотний пором перевозить туристів на острів, а потім водне таксі везе їх на екскурсію каналами острова. Кожного рейсу пором перевозить f пасажирів, а таксі — s туристів. Скільки туристів чекатимуть на острові на екскурсію після того, як пором і таксі, працюючи разом, зроблять по 2 рейси?

429  Розкрий дужки.

$(4k+12p-32) \cdot 25$

$7 \cdot (18n-24m+23)$




$(16a-24b+32x) \cdot 125$

$(3x-8y+12h) \cdot 11$

$9c \cdot (34-17p+32x)$

$(3g+4s-16) \cdot 5$

430  Віднови істинні рівності.

$(\blacksquare + \blacksquare) \cdot p = 234p + 187p$

$(38 - \blacksquare) \cdot \blacksquare = 38k - 26 \cdot \blacksquare$

ВИНОСИМО СПІЛЬНИЙ МНОЖНИК ЗА ДУЖКИ

431 🔍 Прокоментуй розв'язання. Розкрий дужки.

$$(b+12) \cdot 4 = b \cdot 4 + 12 \cdot 4 = 4b + 48$$

$$(x+98) \cdot 8$$

$$4 \cdot (c-10)$$

$$(a+75) \cdot 3$$

$$12 \cdot (3-n)$$

$$9 \cdot (5-m)$$

$$6 \cdot (5+r+t)$$



432 🔍 Діти прочитали фрагмент розв'язання, поданого в попередньому завданні, зліва направо та справа наліво. Що цікаве вони помітили? Проаналізуй свої розв'язання в попередньому завданні.



Розкрили дужки

$$(b+12) \cdot 4 = b \cdot 4 + 12 \cdot 4$$

Винесли спільний множник за дужки



Розподільний закон множення відносно додавання
віднімання

Розкрили дужки

$$(a \pm b) \cdot c = a \cdot c \pm b \cdot c$$

Винесли спільний множник за дужки

433 🔍 Прокоментуй розв'язання. Винеси спільний множник за дужки. Чим цікавий третій стовпчик виразів?

$$14x + 6x = (14 + 6) \cdot x = 20x$$

$$21a + 59a$$

$$10s - 7s$$

$$16n + 1n$$

$$52b - 38b$$

$$57m + 48m$$

$$8k - k$$

$$67t + 39t$$

$$12f - 4f$$

$$c + 9c$$

$$a = 1 \cdot a$$



434 🧩 Винеси спільний множник за дужки й виконай обчислення зручним способом.

$$36 \cdot 56 + 24 \cdot 56$$

$$8 \cdot 67 - 8 \cdot 27$$

$$65 \cdot 17 + 17 \cdot 15$$

435 🧩 Спрости вирази, подавши їх у вигляді добутку.

$$5a + 18a$$

$$12n - 12m$$

$$69k - k$$


$$74c + 26c$$

$$34h - 34r$$

$$84p + 18p$$


$$11b + 9b$$

$$100y - 83y$$

436  Спрости вираз. Знайди значення одержаного буквеного виразу.



$45 \cdot a + 155 \cdot a$, якщо $a = 3$.  $409 \cdot b - 327 \cdot b$, якщо $b = 12$.

437  Спрости перший вираз у стовпчику. Зістав подані вирази. Чи допоможе одержане розв'язання спростити другий вираз? Спрости його.

$$37k + 23k$$

$$42b - 12b$$


$$78c + 32c$$

$$37k + 23k + 18$$

$$42b - 12b + 9$$

$$200 - (78c + 32c)$$

ВИНОСИМО СПІЛЬНИЙ МНОЖНИК ЗА ДУЖКИ

438  Розкрий дужки в першому виразі стовпчика. Зістав подані вирази. Що змінилося? Чи допоможе одержане розв'язання розкрити дужки в другому виразі? Розкрий дужки в другому виразі.



$$8 \cdot (a + b - c)$$


$$(12m - 9 + 16h) \cdot 7$$

$$6 \cdot (5g + 4d - 23q)$$

$$8k \cdot (a + b - c)$$

$$(12m - 9 + 16h) \cdot 7z$$

$$6n \cdot (5g + 4d - 23q)$$

439  Винеси спільний множник за дужки в першому виразі стовпчика. Чи допоможе це розв'язання винести спільний множник за дужки в другому виразі? Виконай це.

$$6d + 21d$$

$$48z - 29z$$

$$2 \cdot 18 + 18k$$

$$51b + 11b$$

$$6dp + 21d$$


$$48z - 29zg$$

$$36k + 18k$$

$$51bc + 11bc$$

Прочитай подані суми в першому стовпчику. Чим відрізняються доданки? Що можна сказати про доданки в першому виразі?

Зверніть увагу: в доданках першого виразу **однакова буквена частина**. Це — **подібні доданки**. **Число** поряд із буквеною частиною називають **коефіцієнтом**.

440  Прокоментуй розв'язання в першому рядку стовпчика. Зістав вирази. Як можна скоротити міркування?

$$16d + 9d = (16 + 9) \cdot d = 25d$$

$$8r + 23r = (8 + 23) \cdot r = 31r$$

$$16d + 9d = 25d$$

$$8r + 23r = 31r$$

У другому виразі кожного стовпчика **звели подібні доданки**.

441 🧩 Розкрий дужки.

$(26 + a) \cdot 9$

$11(p - 39)$



$(12k - 18) \cdot 6$

$16(n + 8n)$

442 🧩 Винеси спільний множник за дужки.

$24a - 6a$

$2 \cdot 44p + 44p$



$32x + 8x$

$55c - 45c$

443 🧩 Спрости вирази.

$64x - 16x$

$51y + 17y$



$32b - 16b$

$54p + 24p$

$12h + h$

$90a - 15a$

$36g + 24g$

$72d - 18d$

444 🧩 Спрости перший вираз у кожному стовпчику. Зістав подані в стовпчиках вирази. Що відмінне? Чи допоможе одержані розв'язання спростити другий вираз у стовпчиках? Спрости їх.

$72c - 38c + 2c$

$100k - 45k + 18k$

$72c - 38c + 26c + 19$

$100k - 45k + 18k - 32$

Знайди значення виразів, якщо $c = 24$, $k = 56$.



445 🧩 Обчисли зручним способом.

$100 \cdot 15 - 72 \cdot 15 + 28 \cdot 45$

$59 \cdot 86 + 21 \cdot 86 - 80 \cdot 36$

$32 \cdot 24 - 12 \cdot 24 + 20 \cdot 76$

446 🧩 Склади вираз, що є розв'язанням задачі. Знайди значення одержаного буквеного виразу, якщо $g = 25$.

▶ Аліса зробила 15 браслетів, Оля — 12, а Марина — 8. Скільки всього намистин використали дівчатка на браслети, якщо на кожний браслет використано g намистин?


447 🧩 Після того як Аліса витратила на браслети 18 намистин, Оля — 19, а Марина — 20, в Олі залишилось у 2 рази більше, а в Марини — у 3 рази більше намистин, ніж в Аліси. З'ясуй, скільки намистин було в кожній дівчинки, якщо всього в них було 129 намистин.



РОЗВ'ЯЗУЄМО РІВНЯННЯ

448  Перетвори вирази, застосувавши розподільний закон множення.

$$\begin{array}{llll} a+17a & (24+g)\cdot 9 & 46t+28t+19t & (24+18-m)\cdot w \\ 14(60-p) & 34b-17b & 45f+7f-24f & k(17e-11r+14) \end{array}$$

449  У кожному стовпчику розв'яжи перше рівняння. Зістав рівняння. Чим вони відрізняються? Чи можна друге рівняння звести до першого? У чому полягає спосіб розв'язування таких рівнянь? Розв'яжи друге рівняння в стовпчику з коментарем.

$$\begin{array}{lll} 9x=108 & 14p=56 & 7a+16=65 \\ 2x+7x=108 & 22p-8p=56 & 7a-5a+16=65 \end{array}$$

450  Спрости буквені вирази. Знайди їх значення.


$$38p+62p, \text{ якщо } p=3405685$$

$$42z-18z, \text{ якщо } z=3456789$$

$$60c-18c+19c, \text{ якщо } c=4567800$$

$$46x+37x-24x+85, \text{ якщо } x=308$$



451  Розв'яжи рівняння.

$$\begin{array}{lll} 8a+3a=44 & 32k-18k=98 & 19p-7p=144 \\ 15t+3t=18 & 3n+5n=136 & 8b+b=27 \end{array}$$


452  Розв'яжи рівняння. Знайди суму їх коренів.

$$\begin{array}{ll} 5x-x+4=12 & 241a-125a-16a=56+44 \\ 18p-p+92=9187 & 57c+13c-20c+640=16\cdot 40 \\ 16k+24k+56=96 & 5s+12s+23s-15s=32000:20 \\ 32p-18p+2=100 & 83m-7m-16m-10m+50=125\cdot 8 \end{array}$$

453  Розв'яжи задачу алгебраїчним методом.




►► Микола зловив у 2 рази більше, а Тарас — у 4 рази більше рибин, ніж Петро. Скільки рибин зловив кожний хлопчик, якщо всього вони зловили 49 рибин?

454  Коли Микола дав для юшки 3 рибини, Тарас — 7 рибин, а Петро — 2 рибини, у Миколи залишилось у 2 рази більше, а в Тараса — у 4 рази більше рибин, ніж у Петра. Скільки рибин зловив кожний хлопчик, якщо всього вони зловили 61 рибину?



РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ АЛГЕБРАЇЧНИМ МЕТОДОМ

455  Прочитай задачі й зістав їх. Запиши задачі коротко у вигляді таблиці, позначивши однакову величину буквою. Розв'яжи задачі алгебраїчним методом.

Китайська компанія розробила морську вітряну турбину, що забезпечує електроенергією десятки тисяч будинків.



►► 1) На першій ділянці встановили 56 вітряних турбін, а на другій — 48. Ці турбіни забезпечують електроенергією 2080 000 будинків. Скільки будинків живлять турбіни, установлені на кожній ділянці?

►► 2) На першій ділянці встановили 56 вітряних турбін, а на другій — 48. Турбіни, установлені на першій ділянці, забезпечують електроенергією на 160 000 будинків більше, ніж турбіни, установлені на другій ділянці. Скільки будинків живлять турбіни, установлені на кожній ділянці?

Оціни міркування учнів щодо розв'язування задач 1 і 2.

Турбіни на обох ділянках мають однакову продуктивність, тобто кожна турбіна живить ту саму кількість будинків. Позначимо цю однакову продуктивність буквою x . Тоді загальний виробіток 56 турбін на ділянці I — $(x \cdot 56)$, а 48 турбін на ділянці II — $(x \cdot 48)$. Маємо:

1) $(x \cdot 56 + x \cdot 48)$ будинків живлять турбіни, що установлені на двох ділянках, а з іншого боку це — 2080 000 будинків.




2) $(x \cdot 56 - x \cdot 48)$ — різниця кількості будинків, що їх живлять турбіни, установлені на двох ділянках, а з іншого боку, за умовою — це 160 000. Складемо рівняння:

1) $x \cdot 56 + x \cdot 48 = 2\,080\,000$; 2) $x \cdot 56 - x \cdot 48 = 160\,000$.

Розв'язуючи рівняння, доцільно скористатися переставним законом множення:


1) $56 \cdot x + 48 \cdot x = 2\,080\,000$; 2) $56 \cdot x - 48 \cdot x = 160\,000$.

456  Розв'яжи задачу алгебраїчним методом, скориставшись підказками.

▶ Туристична група відвідала Національний парк «Межигір'я». За вхідні квитки для дорослих заплатили в 6 разів більше, ніж за квитки для дітей. Скільки заплатили за квитки для дорослих і скільки — за квитки для дітей, якщо за квитки для дорослих заплатили на 500 грн більше?



Нехай за квитки для дітей заплатили x грн, тоді за квитки для дорослих заплатили \blacksquare грн. Різниця вартості квитків для дорослих і для дітей: \blacksquare грн. З іншого боку: 500 грн — різниця вартості квитків для дорослих і для дітей. Складемо й розв'яжемо рівняння...

457  Розв'яжи рівняння.

$17c - 8c = 108$


$5k + 8k - 18 = 125$

$71a - 48a = 138$

$18x + 17x = 280$

$12p - 7p + 23 = 1508$

$16y + 25y = 2911$

458  У кожному стовпчику зістав рівняння. Розв'яжи перше рівняння. Чи можна друге рівняння звести до першого? Розв'яжи друге рівняння.

$8y - 8 \cdot 17 = 232$


$108 + 9c = 180$

$168 - 21k = 84$


$8(y - 17) = 232$

$9(12 + c) = 180$

$(24 - 3k) \cdot 7 = 84$

459  Запиши формулу чисел, які в результаті ділення на 5 дають в остачі 3.

ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

460  Розв'яжи задачі алгебраїчним методом. Скористайся підказками.

▶▶ 1) Туристична група вирушила на екскурсію на страусину ферму. За вхідні квитки для дорослих заплатили в 3 рази більше, ніж за квитки для дітей. Скільки заплатили за квитки для дорослих, якщо всього заплатили 1200 грн?



Нехай за квитки для дітей заплатили y грн, тоді за квитки для дорослих — $3y$; за всі квитки заплатили $(y + 3y)$. З іншого боку: 1200 грн — усього заплатили за квитки. Складемо й розв'яжемо рівняння: $y + 3y = 1200\dots$



▶▶ 2) Туристична група відвідала «Парк Київська Русь» у Київській області. За квитки на театральну програму група заплатила 1800 грн. За квитки для дорослих заплатили в 3 рази більше, а за квитки для студентів — у 2 рази більше, ніж за квитки для дітей. Скільки заплатили за квитки для дітей? для студентів? для дорослих?

Нехай за квитки для дітей заплатили a грн, тоді за квитки для студентів заплатили \blacksquare грн, а для дорослих — \blacksquare грн. За всі квитки заплатили: \blacksquare грн. За умовою задачі всього заплатили 1800 грн. Складемо й розв'яжемо рівняння...

461  Обчисли зручним способом із коментарем.

$56 \cdot 1$

$34 \cdot 99$

$28 \cdot 9$

$26 \cdot 50$

$88 \cdot 25$

$125 \cdot 16$

 $43 \cdot 101$

$74 \cdot 5$

$380 : 5$

$94000 : 125$

$900 : 25$

$7200 : 50$


462  Розкрий дужки.


$$(28 + 7a) \cdot 4$$

$$34(7k - 4p)$$

$$24(6b + 8c)$$

$$(23d + 18) \cdot 3y$$


$$\begin{aligned} &9x(18p - 45) \\ &8b(46 - 32ac) \end{aligned}$$


463  Виконай обчислення на підставі розподільного закону множення, правила ділення суми/різниці на число.


$$67 \cdot 23 + 33 \cdot 23$$

$$96 : 12 - 60 : 12$$

$$78 \cdot 45 - 28 \cdot 45$$

$$37 \cdot 14 + 34 \cdot 14$$


$$\begin{aligned} &60 : 15 + 90 : 15 \\ &112 : 16 + 80 : 16 \end{aligned}$$

464  Спрости вирази — винеси спільний множник за дужки.

$$12a + 8a$$


$$35p + 18p - 27p$$

$$18k - 16 + 67k$$

$$40x - 17x + 19x$$

$$23c - 18c + 34$$

$$80 + 62b - 26b + 18b$$

465  Винеси спільний множник за дужки в першому виразі стовпчика. Чи допоможе одержане розв'язання спростити другий вираз? Спрости його.

$$8 \cdot 2a + 6 \cdot 2a$$


$$16a + 12a$$

$$9k \cdot 7 + 7 \cdot 8k$$

$$63k + 56k$$

$$x \cdot 3c + xc \cdot 12$$

$$3xc + 12xc$$

466  Не виконуючи обчислень з'ясуй, якою цифрою закінчується добуток усіх непарних двоцифрових чисел.


ОЗНАЙОМЛЮЄМОСЬ ЗІ СТЕПЕНЕМ ЧИСЛА

467  Прочитай рівності. Доведи, що вони є істинними.

$$34 \cdot 5 = 170$$

$$145 \cdot 3 = 435$$

$$8 \cdot 96 = 768$$

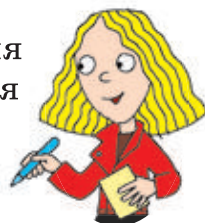
468  Прокоментуй і закінчи розв'язання Олега. Зістав другий вираз із першим. Що в них спільне? відмінне? Розглянь, як Оля записала добуток однакових множників.

Отже, добуток однакових множників можна замінити **піднесенням до степеня**.



$$\begin{aligned} &8 + 8 + 8 = 8 \cdot 3 \\ &3 \text{ рази} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &8 \cdot 8 \cdot 8 = 8^3 \\ &3 \text{ рази} \end{aligned}$$
 — піднесення до степеня



8^3 — цей вираз читають так:
«Вісім у третьому степені».

Арифметична дія множення	Арифметична дія піднесення до степеня
$a + a + \dots + a = a \cdot n$ n разів	$a \cdot a \cdot \dots \cdot a = a^n$ n разів
a — перший множник — позначає, яке число є однаковим доданком. n — другий множник — позначає кількість од- накових доданків.	a — основа степеня — позначає, яке число є однаковим множником. n — показник степеня — позначає кількість однакових множників.
Помножити число a на чис- ло n — означає знайти суму n доданків, кожний із яких дорівнює a .	Піднести число a до степе- ня n — означає знайти до- буток n множників, кожний із яких дорівнює a .
$a \cdot n = n \cdot a$	$a^n \neq n^a$

469 🔍 Заміни множення додаванням, а піднесення до сте-
пеня — множенням. Знайди значення одержаних виразів.

$$8 \cdot 2 \quad 8 \cdot 3 \quad 9 \cdot 3 \quad 12 \cdot 2 \quad 5 \cdot 4$$

$$8^2 \quad 8^3 \quad 9^3 \quad 12^2 \quad 5^4$$

Квадрат числа: a^2
Куб числа: a^3

470 🔍 Заміни суму множенням, а добуток — піднесенням
до степеня. Знайди значення одержаних виразів.

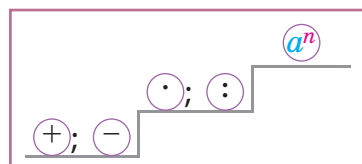
$$7 + 7 + 7 \quad 4 + 4 + 4 + 4 \quad 25 + 25$$

$$7 \cdot 7 \cdot 7 \quad 4 \cdot 4 \cdot 4 \cdot 4 \quad 25 \cdot 25$$


471 🔍 Знайди значення виразів.

$$9^2 + 2^3 \quad 4^3 - 6^2 \quad 8^2 : 4^2$$

$$13^2 + 8^2 \quad 5^2 \cdot 2^2 \quad 12^2 - 5^3$$



Якщо вираз без дужок містить піднесення до степе-
ня (наприклад, до квадрата або до куба), то спочат-
ку виконують піднесення до степеня, а потім решту
арифметичних дій.

472  Діти записали формули периметра й формули площі квадрата. Перевір, як вони спростили вирази.




$$P_{\square} = a + a + a + a$$


$$P_{\square} = a \cdot 4$$


$$S_{\square} = a \cdot a$$

$$S_{\square} = a^2$$




473  Запиши формули периметра та площі квадрата. Обчисли периметр і площу квадрата зі стороною 6 см.

474  Знайди площу квадрата, периметр якого дорівнює 64 мм.

475  Перенеси таблицю до зошита і склади *таблицю квадратів і кубів чисел першого десятка*. Запам'ятай квадрат і куб кожного із чисел першого десятка.

a	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
a^2										
a^3										

476  Перенеси таблицю до зошита і склади *таблицю квадратів чисел другого десятка*.

a	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
a^2										

477  Знайди значення виразів.

$$6^3 - 5^2$$

$$12^2 + 8^3 - 5^2$$

$$14^2 - (3^4 + 2^5)$$


$$13^2 - 80 : 4^2$$

$$7^4 + 4^3$$

$$9^2 : (3^3 - 8 \cdot 3)$$

$$72 : 6^2 \cdot 7^2$$

$$72 : 6^2 - 3^2$$

478  Запиши кожне число як квадрат числа.

36

64

16

25

81

49

9

100


10 000

479  Знайди значення буквених виразів, якщо $a = 25$.

$$a^2 - 126 : 7$$

$$(a \cdot 4)^2 \cdot 478$$

$$(125 \cdot 8 : a)^3$$

480  Чи можна, не підносячи до квадрата, прикинути істинність поданих рівностей?

$$32^2 = 1026$$

$$18^2 = 324$$

$$13^2 = 165$$

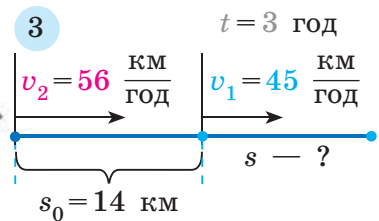
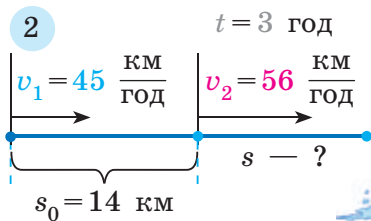
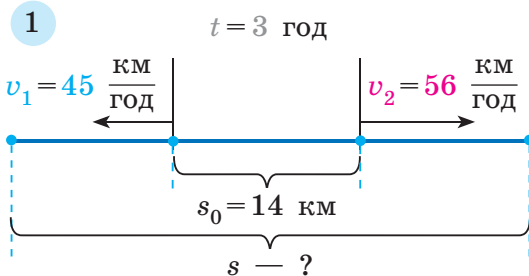
$$275^2 = 75\,626$$

ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ОДНОЧАСНИЙ РУХ ДВОХ ТІЛ У РІЗНИХ НАПРЯМКАХ І В ОДНОМУ НАПРЯМКУ

481 🕒 До кожної задачі добери короткий запис. Розв’яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як зміна напрямку руху вплине на розв’язування задачі 2? Розв’яжи задачу 2.

▶▶ 1) Від двох причалів, відстань між якими 14 км, одночасно вирушили в протилежних напрямках катер і моторний човен. Швидкість руху катера 45 км/год, а човна — 56 км/год. Якою буде відстань між ними за 3 год після початку руху?

▶▶ 2) Від двох причалів, відстань між якими 14 км, одночасно вирушили в одному напрямку катер і моторний човен. Швидкість руху катера 45 км/год, а човна — 56 км/год. Якою буде відстань між ними за 3 год після початку руху, якщо: а) човен рухається позаду катера; б) катер рухається позаду човна?





482 🧩 Розв’яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв’язування задачі 2? Розв’яжи її.


▶▶ 1) Із двох селищ, відстань між якими 6 км, одночасно назустріч один одному вирушили два велосипедисти. Один велосипедист їхав зі швидкістю 7 м/с, а інший — 5 м/с. Якою буде відстань між велосипедистами за 8 хв після початку руху?

►► 2) Два велосипедисти, що були на відстані 240 м один від одного, одночасно почали рухатися в одному напрямку. Перший велосипедист рухався зі швидкістю 7 м/с, а другий — 5 м/с. Якою буде відстань між велосипедистами за 1 хв, якщо перший велосипедист рухається за другим? За скільки хвилин перший велосипедист наздожене другого?

483  Піднеси до степеня.


17^2 65^2  38^2 123^2 22^3 15^3

484  Розв'яжи рівняння.

$4320 : (x - 26) = 45$  $1200 + a \cdot 90 = 1380$ $32 \cdot n - 16 \cdot n = 64$


485  Знайди значення виразів.

$67^2 - (12^3 - 11^2)$ $15^2 : (17^2 - 71 \cdot 4)$ $14^3 \cdot (34^2 - 1147)$


486  Чи можна, не підносячи до степеня, стверджувати, що подані рівності є хибними?

$73^2 = 5328$ $32^3 = 3276$ $13^2 = 165$
 $23^2 = 530$ $28^2 = 225$ $19^2 = 362$

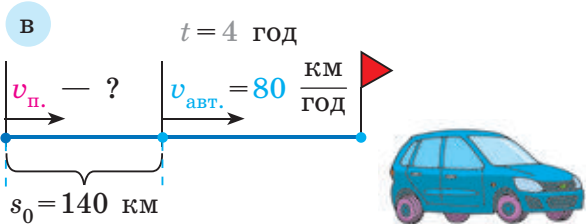
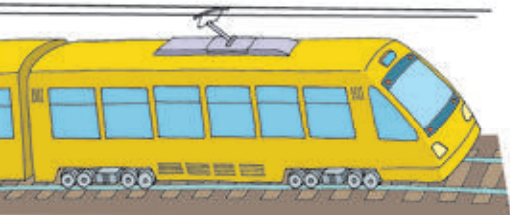
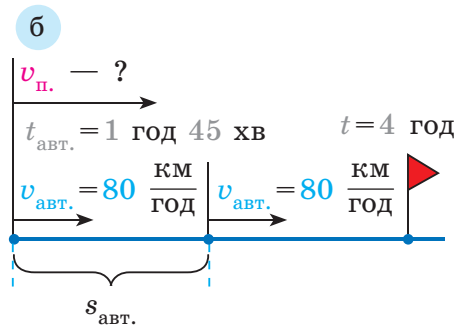
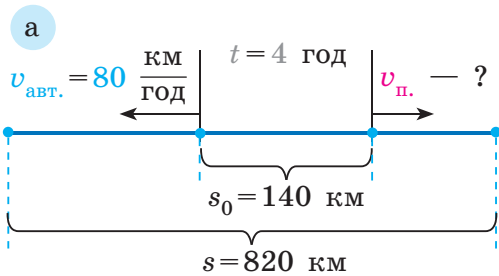
487  За яких натуральних значень a є істинною рівність $8a^2 = a^3$?

488  Назви хоча б одне натуральне число, квадрат якого закінчується цифрою 6.

ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА РУХ ДВОХ ТІЛ У РІЗНИХ НАПРЯМКАХ І В ОДНОМУ НАПРЯМКУ

489  До кожної задачі добери короткий запис. Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як зміна напрямку руху вплине на розв'язування задачі 2? Розв'яжи задачу 2. Зістав задачі 2 і 3. Чи можна задачу 3 звести до задачі 2? Розв'яжи задачу 3.

►► 1) Із двох міст, відстань між якими 140 км, одночасно вирушили в протилежних напрямках автомобіль і потяг. Автомобіль рухався зі швидкістю 80 км/год. Знайди



швидкість руху потяга, якщо за 4 год після початку руху відстань між ними становила 820 км.

►► 2) Із двох міст, відстань між якими 140 км, одночасно вирушили в одному напрямку автомобіль і потяг. Автомобіль рухався зі швидкістю 80 км/год. Знайди швидкість руху потяга, якщо він наздогнав автомобіль за 4 год після початку руху.

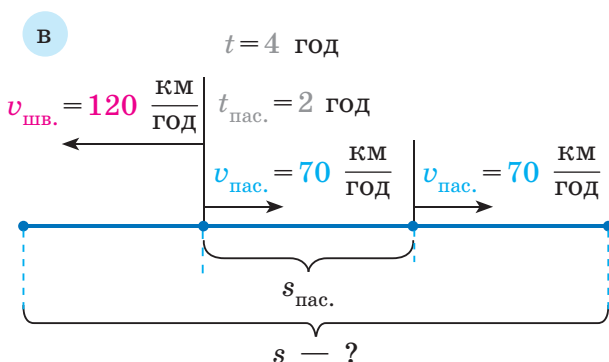
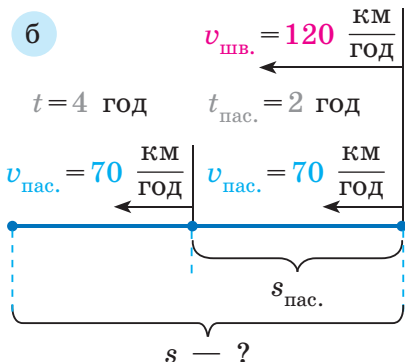
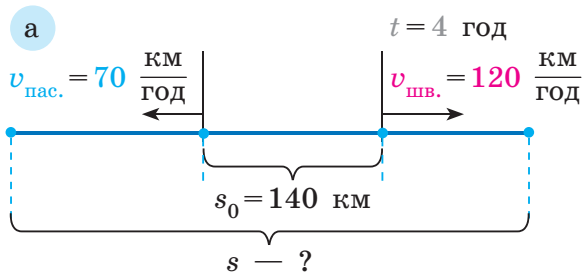
►► 3) З міста виїхав автомобіль, що рухався зі швидкістю 80 км/год. За 1 год 45 хв із того самого міста в тому самому напрямку вирушив потяг. Знайди швидкість руху потяга, якщо він наздогнав автомобіль за 4 год після початку руху.

490 Знайди значення виразів.

$(25^2 + 9^3) : 677 \cdot 6^2$ $(38^2 - 22^2) : 4^2 - 5^2$ $100^2 - (7^3 + 12^2 - 11^2)$

491 До кожної задачі добери короткий запис. Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язування задачі 2? Розв'яжи задачу 2.

►► 1) Із двох міст, відстань між якими 140 км, одночасно вирушили в протилежних напрямках два потяги. Пасажирський потяг рухався зі швидкістю 70 км/год, а швидкісний — 120 км/год. Якою буде відстань між потягами за 4 год після початку руху?



► 2) З міста вирушив пасажирський потяг, що рухався зі швидкістю 70 км/год. За 2 год з того самого міста в протилежному напрямку вирушив швидкісний потяг, що рухався зі швидкістю 120 км/год. Якою буде відстань між потягами за 4 год після відправлення швидкісного потяга?

492 Спрости вирази.

$$14x + 6x$$

$$n + 12n$$

$$10y - 2y + 7y$$

$$26a + a - 15a$$

$$12k - 7k + 8k - 5$$

$$14 + 6b - 2b + 5$$

493 Спрости вирази. Знайди значення одержаних буквених виразів.

$$45x + 55x, \text{ якщо } x = 304;$$

$$101k - 64k + 427, \text{ якщо } k = 2456108.$$



494 Розкрий дужки.

$$(57 + c - 35k) \cdot 8$$

$$16(d - 5 + 3p)$$


$$(11h - 7x + 28) \cdot 25$$

495 Розв'яжи рівняння. Знайди суму коренів рівнянь.

$$22x - 18x + 52 = 105$$

$$56b + 38b - 45 = 141 + 190$$

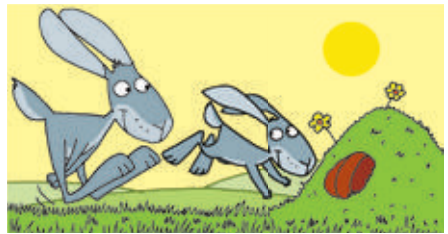
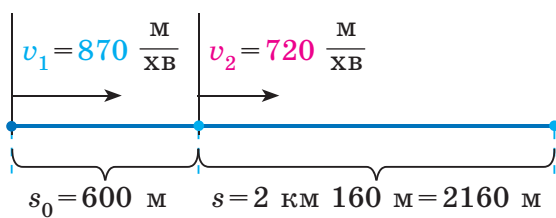
$$504 : (y - 16) = 56$$


496  Мурашка перебуває на дні колодязя глибиною 30 м. За день мурашка підіймається вгору на 18 м, а за ніч сповзає вниз на 12 м. Скільки днів знадобиться мурашці, щоб вибратися з колодязя?

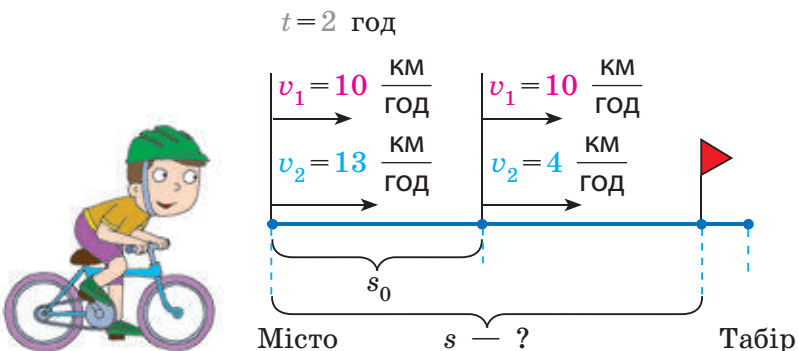
РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА РУХ НАВЗДОГІН

497  Розв'яжи задачу хоча б одним способом.

► Зайченя побігло до нори, а мати-зайчиха — за ним. На момент початку руху відстань між зайченям і норою становила 2 км 160 м, а відстань між зайчихою і зайченям — 600 м. Мати-зайчиха біжить зі швидкістю 870 м/хв, а зайченя — 720 м/хв. Чи наздожене мати-зайчиха зайченя до того, як воно добіжить до нори?



498  Два велосипедисти одночасно виїхали з міста до спортивного табору. Перший велосипедист їхав зі швидкістю 10 км/год, а другий — 13 км/год. За 2 год другий велосипедист проколов камеру, тому далі він йшов пішки, рухаючись зі швидкістю 4 км/год. На якій відстані від міста перший велосипедист наздожене другого?

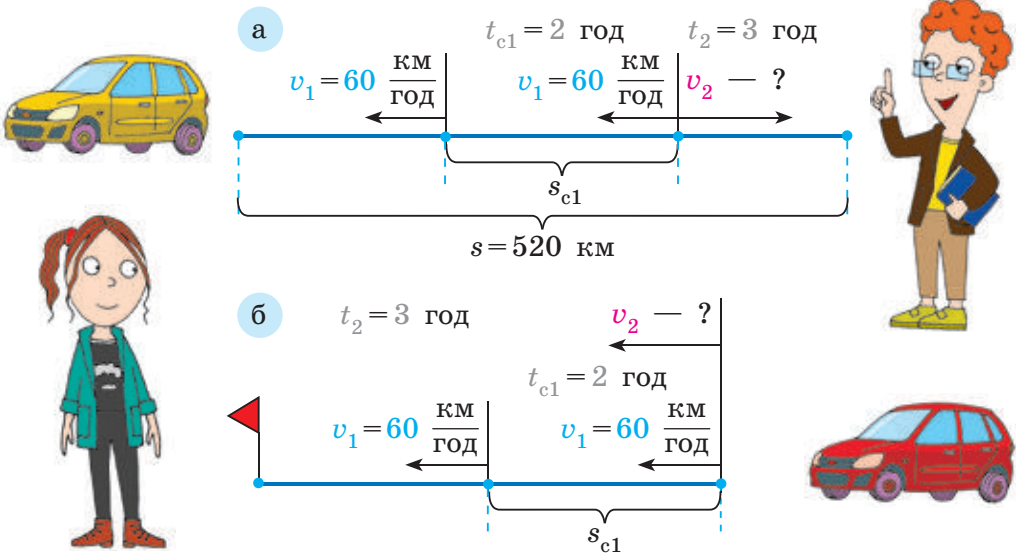


499



Добери до задачі короткий запис і розв'яжи задачу. Склади й розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

▶ З міста виїхав перший автомобіль, що рухався зі швидкістю 60 км/год. За 2 год з того самого міста в протилежному напрямку виїхав другий автомобіль. Яка швидкість руху другого автомобіля, якщо за 3 год після його виїзду відстань між автомобілями становила 520 км?



t_{c1} — час самостійного руху першого автомобіля;

s_{c1} — шлях, який подолав перший автомобіль, рухаючись самостійно.

500



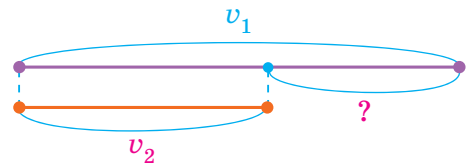
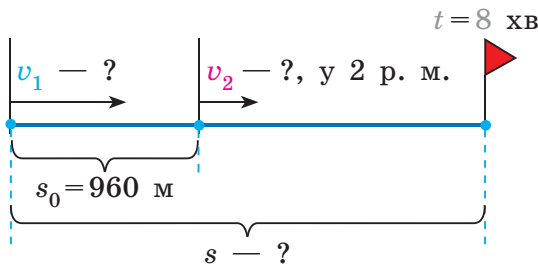
Добери до задачі короткий запис (див. попереднє завдання). Зістав подану задачу із задачею в попередньому завданні. Як їх відмінність вплине на розв'язування поданої задачі? Розв'яжи подану задачу.

▶ З міста виїхав перший автомобіль, що рухався зі швидкістю 60 км/год. За 2 год з того самого міста в тому самому напрямку виїхав другий автомобіль. Яка швидкість руху другого автомобіля, якщо він наздогнав перший автомобіль за 3 год після початку свого руху?


501



Костя й Аліна перебували на відстані 960 м одне від одного. Костя наздогнав Аліну за 8 хв. Знайди швидкість руху Кості, якщо швидкість руху Аліни була в 2 рази менша від швидкості руху Кості.



ОЗНАЙОМЛЮЄМОСЬ ІЗ ЗАДАЧАМИ НА РУХ ЗА ТЕЧІЄЮ ТА ПРОТИ ТЕЧІЇ РІЧКИ

502  Родина пливе річкою на байдарці, не використовуючи весел, зі швидкістю 3 км/год. Яка швидкість течії річки?



Швидкість течії — $v_{\text{течії}}$ *

Як ти вважаєш, чи пливтиме човен у ставку, де течія відсутня? А чи пливтиме в ставку моторний катер з увімкненим мотором? Щоб човен плив у стоячій воді, треба гребти веслами. У цьому випадку кажуть про *власну швидкість руху* катера або човна — $v_{\text{власна}}$, або *швидкість руху в стоячій воді*.



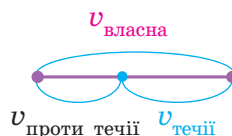
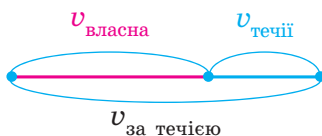
Що треба зробити, щоб човен плив за течією річки швидше, ніж швидкість течії річки?


Із чого складається швидкість руху човна, який пливе за течією річки?

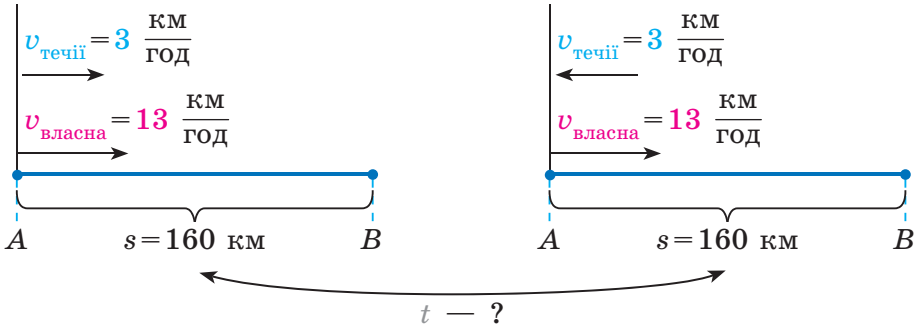
Швидкість руху за течією — $v_{\text{за течією}}$ *

Як ти вважаєш, якщо човен пливтиме проти течії річки, то швидкість його руху буде більшою чи меншою, ніж його власна швидкість?

Швидкість руху проти течії — $v_{\text{проти течії}}$ *



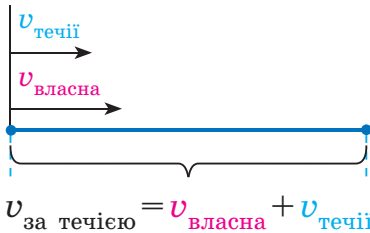
503  Відстань між пристанями A і B , що розташовані на річці, 160 км. За який час катер пройде відстань від пристані A до пристані B й повернеться, якщо власна швидкість руху катера 13 км/год, а швидкість течії річки 3 км/год? На скільки більше часу катер витратить на рух проти течії річки, ніж на рух за течією річки?



Формули швидкості руху за течією та проти течії річки

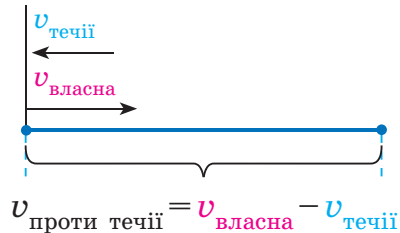
Рух за течією річки


Течія річки підштовхує тіло, тому швидкість його руху збільшується.




Рух проти течії річки

Течія річки перешкоджає тілу, тому швидкість його руху зменшується.




504  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи обернені задачі — на знаходження швидкості руху велосипедиста за вітром; на знаходження швидкості вітру.

▶ Велосипедист рухається за вітром зі швидкістю 14 м/с. Знайди власну швидкість руху велосипедиста, якщо швидкість вітру 4 м/с.


505  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи всі можливі обернені задачі.

▶ Мотодельтаплан летить проти вітру зі швидкістю 5 м/с. Знайди швидкість вітру, якщо власна швидкість руху мотодельтаплану 9 м/с.

506  Знайди швидкість руху катера за течією та проти течії річки, якщо власна швидкість руху катера 30 км/год, а швидкість течії річки — 5 км/год.


507  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

▶ Власна швидкість руху гідроцикла 45 км/год, а швидкість течії річки — 4 км/год. Яку відстань подолає гідроцикл за 2 год, рухаючись за течією річки? проти течії річки?

508  У Тетяни було 5 горіхів. Коли вона віддала брату один горіх, у дітей стало горіхів порівну. Скільки горіхів було в брата Тетяни?



РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА РУХ ЗА ТЕЧІЄЮ ТА ПРОТИ ТЕЧІЇ РІЧКИ


509  Поясни розв'язання задачі, виконане учнями.

▶ Моторний човен за 40 хв подолав озером 8 км, а річкою за 2 год — 42 км, причому мотор човна весь час працював з однаковою потужністю. Знайди швидкість течії річки.



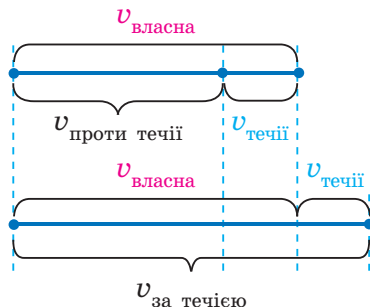
8 км = 8000 м; 42 км = 42 000 м; 2 год = 120 хв.

- 1) $8000 : 40 = 200$ (м/хв);
- 2) $42\,000 : 120 = 350$ (м/хв);
- 3) $350 - 200 = 150$ (м/хв).

510  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Що змінилося? Як відмінність задач вплине на розв'язування задачі 2? Прокоментуй схему, подану до задачі 2. Чи допоможе розв'язання задачі 1 розв'язати задачу 2? Розв'яжи задачу 2.

▶▶ 1) Швидкість руху човна за течією річки на 300 м/хв більша, ніж проти течії. Яка швидкість течії річки?

▶▶ 2) Швидкість руху човна за течією річки 350 м/хв, а проти течії — 50 м/хв. Знайди швидкість течії річки.



Формули швидкості руху за течією і проти течії річки

Рух за течією річки

$$v_{\text{за течією}} = v_{\text{власна}} + v_{\text{течії}}, \text{ ТОМУ}$$

$$v_{\text{течії}} = v_{\text{за течією}} - v_{\text{власна}}$$

$$v_{\text{власна}} = v_{\text{за течією}} - v_{\text{течії}}$$

$$v_{\text{течії}} = (v_{\text{за течією}} - v_{\text{проти течії}}) : 2$$

Рух проти течії річки

$$v_{\text{проти течії}} = v_{\text{власна}} - v_{\text{течії}}, \text{ ТОМУ}$$

$$v_{\text{течії}} = v_{\text{власна}} - v_{\text{проти течії}}$$

$$v_{\text{власна}} = v_{\text{проти течії}} + v_{\text{течії}}$$

511 🔍 Розв'яжи задачі. До однієї із задач склади та розв'яжи всі можливі обернені задачі.

▶▶ 1) Швидкість руху плавця в басейні — 4 км/год, а в річці — 8 км/год. Знайди швидкість течії річки.

▶▶ 2) Швидкість руху скутериста проти вітру — 24 км/год. Знайди власну швидкість скутериста, якщо швидкість вітру 11 км/год.

▶▶ 3) Швидкість руху катера за течією річки — 22 м/с, а проти течії — 20 м/с. Знайди швидкість течії річки.

512 🧩 Між двома пристанями A і B , відстань між якими 300 км, ходить рейсовий катер. Власна швидкість руху катера — 55 км/год. За скільки годин він пройде відстань від пристані A до пристані B і повернеться, якщо швидкість течії річки 5 км/год?

513 🧩 Моторний човен пропливає 30 км, рухаючись за течією річки, за 2 год, а проти течії — за 3 год. Яка швидкість руху човна за течією річки? проти течії річки? Знайди швидкість течії річки.

514 🧩 Човен пропливає 15 км, рухаючись за течією річки, за 60 хв, а проти течії — за 75 хв. Яка швидкість течії?

УЗАГАЛЬНЮЄМО І ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ



515 Спрости вирази.

$$2x \cdot 8y$$

$$4x \cdot 12y$$

$$2x \cdot y$$

$$18x \cdot 20y$$

$$16x \cdot 8y$$

$$x \cdot 4y$$

$$9x \cdot 10y$$

$$x \cdot 3y$$

516 Спрости вираз і знайди значення одержаного буквеного виразу.

$35p \cdot 7m$, якщо $p=10$, $m=43$; $11c \cdot 121n$, якщо $c=80$, $n=5$

517 У кожному стовпчику знайди вираз, який дорівнює виразу зліва.

$$4 \cdot a \cdot c$$

$$4(a+c)$$

$$4a+4c$$

$$(4+a) \cdot (4+c)$$

$$18 \cdot 20 - x$$

$$18(20-x)$$

$$(18-x) \cdot 20$$

$$18 \cdot 20 - 18x$$

518 Винеси спільний множник за дужки й виконай обчислення.

$$50 \cdot 3 + 20 \cdot 3$$

$$35 \cdot 5 + 45 \cdot 5$$

$$180 \cdot 9 - 80 \cdot 9$$

$$48 \cdot 4 - 28 \cdot 4$$

$$525 \cdot 3 - 225 \cdot 3$$

$$210 \cdot 6 + 90 \cdot 6$$

519 Склади вираз, що є розв'язанням задачі. Знайди значення одержаного буквеного виразу, якщо $d=4$.

► Для благодійної акції діти зібрали виведені з обігу монети номіналом 25 копійок. Учні кожного із п'ятих класів зібрали 170 монет, кожного із шостих — 155 монет, кожного із сьомих — 105 монет. Скільки всього монет зібрали діти, якщо на кожній паралелі d класів?

520 Склади рівняння за текстом задачі та розв'яжи його.

► Микита зібрав у 3 рази більше, а Єліна — у 2 рази більше монет, ніж Тимур. Скільки монет зібрала кожна дитина, якщо всього вони зібрали 72 монети?



ПЕРЕВІРЯЄМО СВОЇ ДОСЯГНЕННЯ

521 З'ясуй, які вирази можна спростити.

$$81a \cdot 9p$$

$$13n + 33c$$

$$15x \cdot 15y$$

$$6k \cdot 72m$$

522 Спрости вирази.

$$17c \cdot 34b$$

$$56k \cdot 8p$$

$$12x \cdot 36n$$

$$55h \cdot 11x$$

$$31a \cdot 93d$$

$$7c \cdot 700t$$

523 Розкрий дужки.

$$(11 + 16) \cdot a$$

$$b(91 - 76)$$

$$4(t + m)$$

$$(38 - 29) \cdot x$$

$$c(25 + 19)$$

$$(32 - y) \cdot 9$$



524 Винеси спільний множник за дужки.

$$17x - 14x$$

$$101 \cdot 2 + 39 \cdot 2$$

$$125 \cdot 3 - 105 \cdot 3$$

$$93n + 39n$$

$$21 \cdot 4 - 18 \cdot 4$$

$$39 \cdot 7 + 41 \cdot 7$$

525 Спрости вирази. Знайди значення одержаних буквених виразів.

$$19n + 81n, \text{ якщо } n = 153\,806;$$

$$90a - 88a + 48a, \text{ якщо } a = 160\,000;$$

$$46k + 18k, \text{ якщо } k = 146\,758;$$

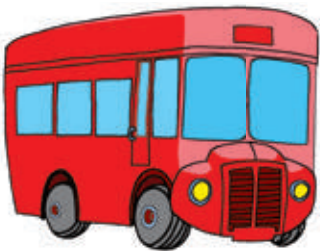
$$64n - 58n + 16n, \text{ якщо } n = 345\,403.$$



526 Розв'яжи задачу алгебраїчним методом.

► У селі Ковалівка Полтавської області є екопарк. Туристична група за вхідні квитки для дорослих заплатила в 2 рази більше, ніж за квитки для дітей. Скільки заплатили за квитки для дорослих, якщо всього заплатили 600 грн?

527 Розв'яжи задачу арифметичним методом.



► З Полтави вирушив автобус, що рухався зі швидкістю 80 км/год. За 2 год з того самого місця в Полтаві й за тим самим маршрутом вирушив інший автобус, що рухався зі швидкістю 90 км/год. Яка відстань буде між автобусами за 2 год після початку руху другого автобуса?

ВИВЧАЄМО ПЛОЩИНУ

528 🔍 Учні та учениці виконували проєкт «Геометрія навколо нас». Для цього проєкту вони дібрали фото кількох споруд у місті Будапешті (Угорщина). Як ти вважаєш, чому діти дібрали ці фото? Добери для проєкту фото інших споруд.



Рибальський бастион



Базиліка Св. Стефана



529 🔍 Знайди на фото об'єкти, які нагадують відомі тобі просторові геометричні фігури; плоскі фігури. Покажи на фото об'єкти у формі чотирикутника; трикутника; круга; відрізка. Розкажи, що ти знаєш про плоскі геометричні фігури.



Міст Свободи



Міст Ержабет




Дах церкви Св. Мат'яша

Поліна помітила, що чотирикутники, які ми бачимо на схилі даху церкви, лежать у площині даху, а круг, що є основою пам'ятника, і лінії — відрізки, які йдуть до круга, — лежать у площині майданчика. Схил даху та майданчик дають уявлення про **площину**.





Тарас зазначив, що на площині розташовуються плоскі геометричні фігури, зокрема пряма — лінія, яка не має ані початку, ані кінця. Пряму можна продовжити на площині, тож **площина безмежна!**



530  Видатного художника Василя Кандинського (1866—1944) вважають засновником такого напрямку в живописі, як абстракціонізм. У низці його картин подано композиції різних геометричних фігур, які разом утворюють певний завершений образ. Розглянь картину художника. Які геометричні фігури ти бачиш? Скільки трикутників? чотирикутників?




Василь Кандинський
«Чорний і фіолетовий»
(1923)


531   Зобрази площину α у вигляді замкненої кривої (див. рисунок). Накреси на площині α відрізок AB , ламану $PCMHDR$, промені OK і OX .




532   Зобрази площину β (див. рисунок). На площині накреси відрізки CK , LD і MP , якщо $CK=36$ мм, $LD=CK$, а відрізок MP у 4 рази коротший, ніж відрізок CK . На скільки міліметрів відрізок CK довший за відрізок MP ?




533  Периметр трикутника — 86 мм. Довжина однієї з його сторін — 42 мм, а інша сторона в 7 разів коротша. Знайди довжину третьої сторони трикутника.


534  Площі двох прямокутників — 24 см^2 і 36 см^2 . Який із цих прямокутників може бути квадратом, якщо сторона квадрата — ціле число сантиметрів?

535  Побудуй два різні прямокутники з однаковою площею 18 см^2 .

БУДУЄМО ТРИКУТНИКИ

536  У Валенсії (Іспанія) розташований архітектурний комплекс із п'яти будівель «Місто мистецтв і наук». Знайди на фото елементи будівель у формі трикутника. Розкажи, що ти знаєш про трикутник.



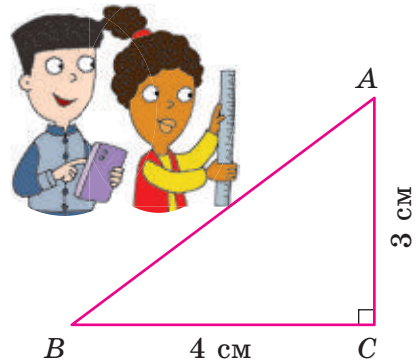
537  Побудуй трикутник ABC , у якому $\angle C$ — прямий, $AC = 3 \text{ см}$, $BC = 4 \text{ см}$. Виміряй довжину сторони AB і знайди периметр трикутника ABC .

У якому порядку слід виконувати дії під час побудови прямокутного трикутника?

Юля і Костя стверджують, що $AB = 5 \text{ см}$. Чи так це?

У математиці прямокутний трикутник зі сторонами 3, 4 і 5 називають єгипетським трикутником. Знайди інформацію про те, чому він має таку назву.

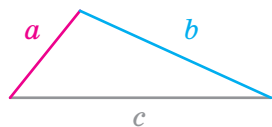
Знайди суму довжин двох будь-яких сторін побудованого трикутника ABC і порівняй одержане число з довжиною третьої сторони. Що цікаве можна помітити?




Нерівність трикутника (властивість сторін трикутника)

Сума довжин двох будь-яких сторін трикутника завжди більша за довжину третьої його сторони:

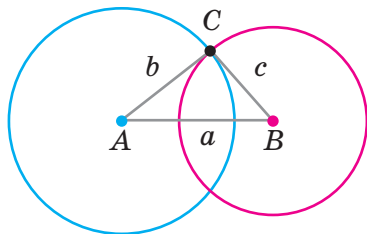
$$a + b > c; \quad a + c > b; \quad b + c > a$$




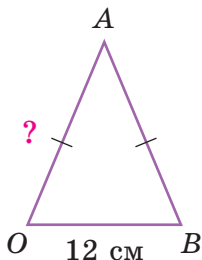
538  Перевір, скориставшись нерівністю трикутника, чи можна побудувати трикутник зі сторонами 5 см, 6 см і 7 см. Якщо так, то спробуй його побудувати. Прокоментуй свої дії під час побудови.

Побудова трикутника за трьома сторонами

- 1 За допомогою лінійки проводжу довільну пряму і позначаю на ній точку A .
- 2 Від точки A відкладаю на прямій відрізок, що дорівнює a , і позначаю інший кінець відрізка — точку B , отже, $AB = a$.
- 3 Циркулем будую коло із центром у точці A і радіусом, що дорівнює відрізку b .
- 4 Циркулем будую коло із центром у точці B і радіусом, що дорівнює відрізку c .
- 5 Точка перетину двох кіл і є третьою вершиною трикутника — позначаю її буквою C і з'єдную всі точки.




539  Склади та розв'яжи задачу за кресленням і коротким записом.





Дано:
 $\triangle OAB$
 $AO = AB$
 $OB = 12$ см
 $P = 58$ см
 $AO = ?$




540  Периметр трикутника — 150 мм. Довжина однієї з його сторін 36 мм, а інша сторона у 2 рази довша. Знайди довжину третьої сторони трикутника.

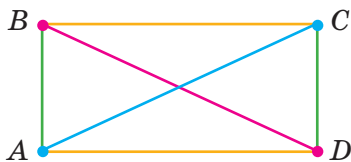


541  Периметр рівностороннього трикутника — 72 мм. Знайди довжину сторони цього трикутника.

542  Знайди периметр трикутника зі сторонами a , b і c , якщо: $a + b = 50$ мм, $b + c = 52$ мм, $a + c = 58$ мм.

РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ

543  Дай означення прямокутника. Назви вершини й сторони прямокутника, зображеного на рисунку. Які зі сторін є протилежними?




$ABCD$ — прямокутник
Властивість сторін прямокутника:
 $AB = CD$, $BC = AD$ (протилежні сторони рівні).

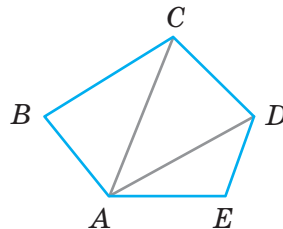
Діти з'єднали вершини B і D , вершини A і C прямокутника. Відрізки AC і BD — діагоналі прямокутника $ABCD$.


Згадай, де в навколишньому світі можна спостерігати об'єкти прямокутної форми, на яких є діагоналі.



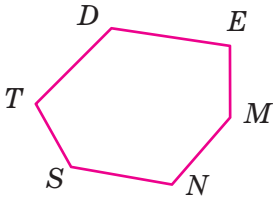
544  Діти накреслили п'ятикутник $ABCDE$ й з'єднали несусідні вершини A і C , вершини A і D . Як називають одержані відрізки?

Єгор вважає, що в п'ятикутнику $ABCDE$ відрізки AC та AD — діагоналі многокутника. Чи має хлопець рацію?



 Відрізок, що з'єднує дві несусідні вершини многокутника, називають **діагоналлю многокутника**.

Діти вирішили з'ясувати, скільки діагоналей можна провести в шестикутнику.



Марина вважає, що всього в шестикутнику можна провести $2 \cdot 6 = 12$ діагоналей, а Тарас вважає, що тільки 6. Накресли шестикутник $DEMNST$. Проведи діагоналі. Назви одержані відрізки. Хто з дітей мав рацію?

Поліна накреслила трикутник. Чи вийде в неї накреслити діагоналі цього багатокутника? Зроби висновок.

545 Накресли в зошиті квадрат $ABCD$ зі стороною 45 мм. Обчисли його периметр і площу. Розглянь, як записали задачу коротко.



Дано:

$\square ABCD$

$AB = BC = CD = DA = 45$ мм

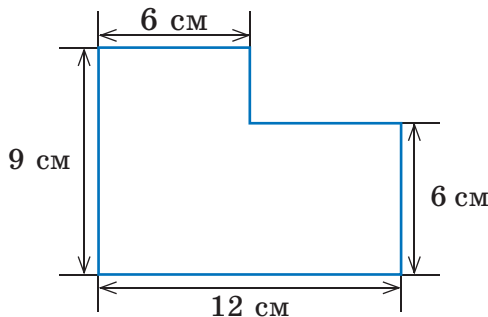
P, S — ?

546 Накресли в зошиті прямокутник $KLMN$ зі сторонами 24 мм і 42 мм. Обчисли його периметр і площу. Проведи діагональ.



547 Досліди паперову модель квадрата; прямокутника. Накресли діагональ. Розріж паперову модель по діагоналі. Що можна сказати про одержані трикутники? Поміркуй, як у попередньому завданні можна знайти площу кожного з одержаних трикутників.


548 Знайди площу фігури, зображеної на рисунку.




549 Накресли довільний прямокутник, периметр якого дорівнює 16 см; 20 см. Розглянь різні варіанти. Перенеси таблиці до зошита й доповни їх.


a (см)					
b (см)					
S (см ²)					
P (см)	16	16	16	16	16

a (см)					
b (см)					
S (см ²)					
P (см)	20	20	20	20	20

550  З'ясуй, чи є істинним твердження: чотирикутник, у якого всі сторони дорівнюють 8 см, є квадратом.

551  Чи можна прямокутник зі сторонами 7 см і 14 см розділити відрізком на два квадрати?

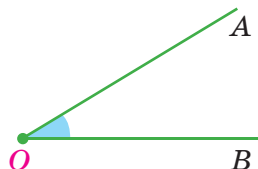
ВИВЧАЄМО РОЗГОРНУТИЙ КУТ

552  Діти досліджували багатокутники й згадували, що вони знають про кут.

Оксана слушно зазначила, що кут — це фігура, яка складається з точки — вершини кута — та двох променів, що виходять із цієї точки — сторін кута.

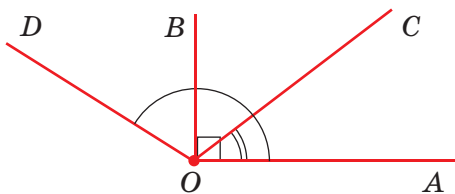
Максим наголосив на тому, що кут можна позначити:


- однією буквою — $\angle O$;
- трьома буквами (буква, яка позначає вершину кута, завжди ставиться всередині) — $\angle AOB$.



Діти згадали також класифікацію кутів за їх величиною: прямі, тупі, гострі; ознаки, за якими можна визначити вид кута: гострий кут менший від прямого; тупий кут більший за прямий; будь-який тупий кут більший за будь-який гострий кут.

Перевір, чи правильно Костя визначив види кутів, зображених на рисунку: $\angle AOB$ — прямий; $\angle AOC$ — гострий; $\angle AOD$ — тупий. Які ще кути ти бачиш на рисунку? Визнач їх вид.



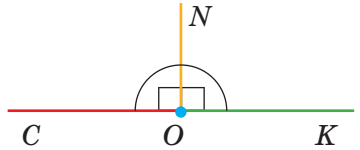
553  Олена намалювала два промені, що мають спільний початок і називаються доповняльними. Чи можна стверджувати, що одержано кут?

Кут, утворений двома доповняльними променями, називають **розгорнутим**.



Діти намалювали розгорнутий кут на аркуші паперу й зігнули аркуш навпіл так, щоб сторони кута сумістилися. У такий спосіб вони розділили розгорнутий кут на рівні частини. Який кут вони одержали? Скільки таких кутів міститься в розгорнутому куті? Який висновок можна зробити?

Прямий кут удвічі менший від розгорнутого кута.
Прямий кут — половина розгорнутого кута.



Промінь

Промінь — частина прямої, обмежена точкою, разом із цією точкою.
Ця точка — початок променя (т. O).

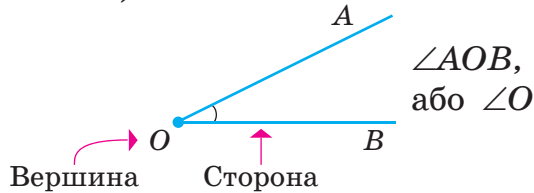


Доповняльні промені — два промені, що мають спільний початок і разом утворюють пряму.



Кут

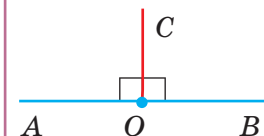
Кут — геометрична фігура, утворена двома різними променями зі спільним початком.
Точка (спільний початок променів) — вершина кута (т. O).
Промені — сторони кута (промені OA й OB).



Розгорнутий кут — кут, утворений доповняльними променями.



Прямий кут — половина розгорнутого кута.

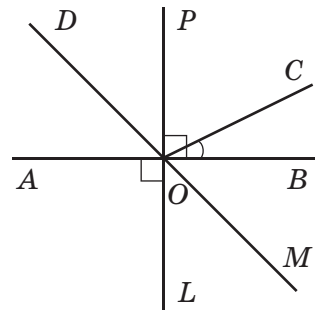


554 🧩 1) Накресли прямий кут CPM . Променем PH розділи його на два кути. Назви кути, що утворилися; визнач їхній вид.

2) Накресли розгорнутий кут CZR . Променем ZO розділи його на два кути так, щоб $\angle CZO$ був тупим. Визнач вид $\angle RZO$.

555 🧩 Накресли промінь OA . Накресли гострий, прямий, тупий і розгорнутий кути зі стороною OA . Познач одержані кути.

556 🧩 Знайди на рисунку кути: 1) розгорнуті; 2) тупі; 3) прямі; 4) гострі. Запиши ці кути.

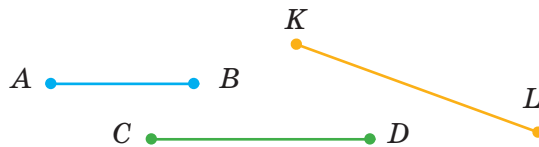


557 🧩 Визнач за рисунком, які кути разом утворюють прямий кут; розгорнутий кут. Запиши відповідні рівності.

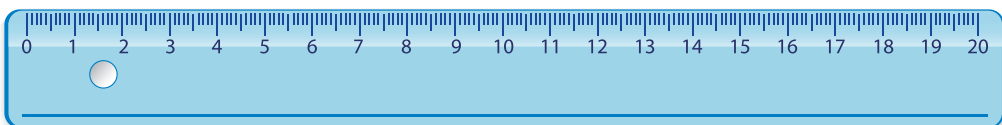
ВИМІРЮЄМО КУТИ ТРАНСПОРТИРОМ

558 🕒 Діти згадали відомі їм основні величини — довжину й масу. Вони визначили, що за цими величинами можна порівнювати об'єкти навколишнього світу. Величини можна вимірювати, причому процес вимірювання величин полягає в обранні мірки — еталону — і визначенні, скільки разів ця мірка вміщується у величині певного об'єкта.

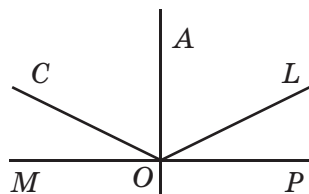
559 🕒 Згадай одиниці вимірювання довжини. Вимірай довжини відрізків. Подай результати в різних одиницях вимірювання.



Яким приладом вимірюють довжину відрізка? Розглянь шкалу лінійки. Яка ціна великої поділки? маленької поділки?



560 Знайди на рисунку тупі кути; прямі кути; гострі кути; розгорнутий кут. Порівняй кути «на око» попарно. Який кут найбільший? найменший?



Софія зазначила, що «на око» порівняти кути MOC і POL дуже складно. Дівчинка вважає, що як і у випадку, коли «на око» неможливо порівняти відрізки, слід вдатися до вимірювання і порівняння одержаних результатів.

Отже, оберемо мірку — одиницю вимірювання кута — і розглянемо пристій, яким вимірюють кути.

Одиниця вимірювання кута — 1° (1 градус).

1° — це кут, що дорівнює $\frac{1}{180}$ розгорнутого кута або $\frac{1}{90}$ прямого кута.

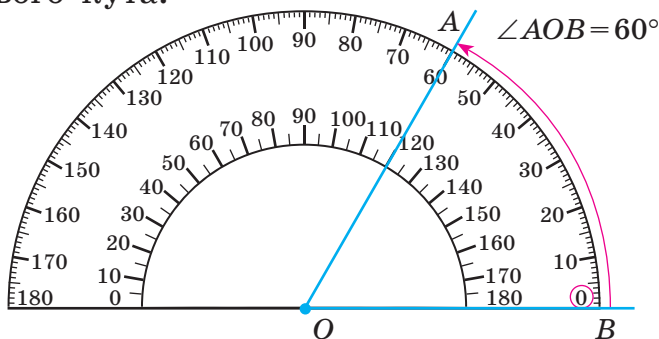
Для вимірювання кутів використовують транспортир. Ціна поділки транспортира — 1° .

Досліди транспортир. Зверни увагу, що на ньому дві шкали — зверху та знизу. Як ти вважаєш, чому?

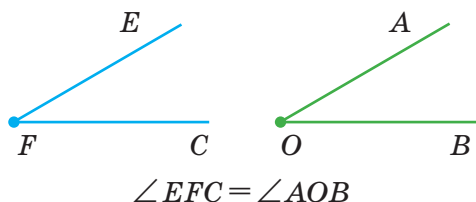


Вимірювання кута транспортиром

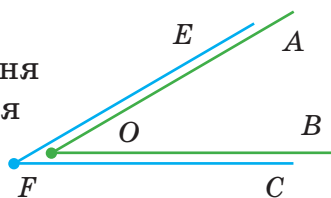
- 1 Прикладаю транспортир так, щоб вершина кута збігалася із центральною позначкою транспортира, а сторона кута проходила через початок відліку на шкалі транспортира — поділку 0.
- 2 Штрих на шкалі транспортира, через який проходить інша сторона кута, вказує на градусну міру (величину) цього кута.



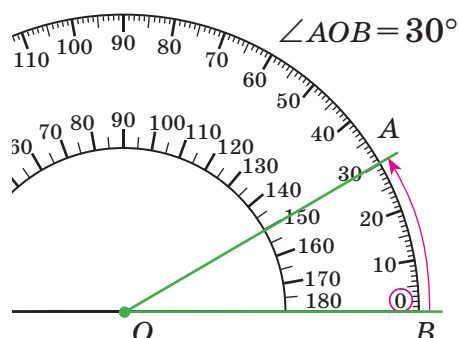
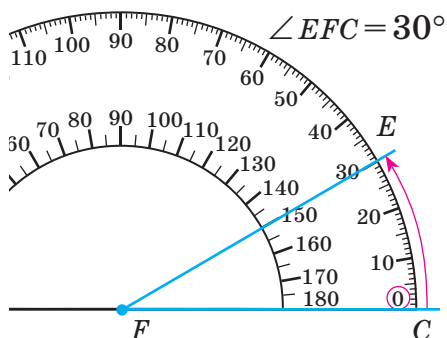
Рівні кути



►► У разі накладання збігаються



►► Мають рівні градусні міри

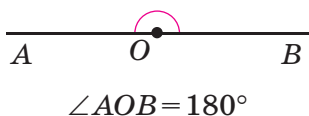


Порівняння кутів. Із двох кутів більший той, градусна міра якого більша.

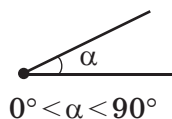
Основна властивість величини кута. Градусна міра кута, який складається з кількох частин, дорівнює сумі градусних мір його частин.

Класифікація кутів

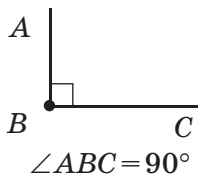
►► Розгорнутий кут 180°



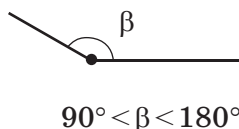
►► Гострий кут більший за 0° , але менший від 90°



►► Прямий кут 90°



►► Тупий кут більший за 90° , але менший від 180°



561  Обчисли.


$68^\circ + 37^\circ$

$92^\circ - 24^\circ$



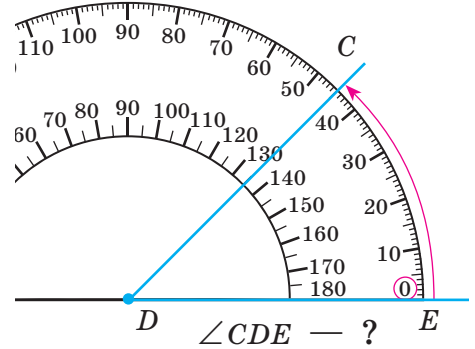
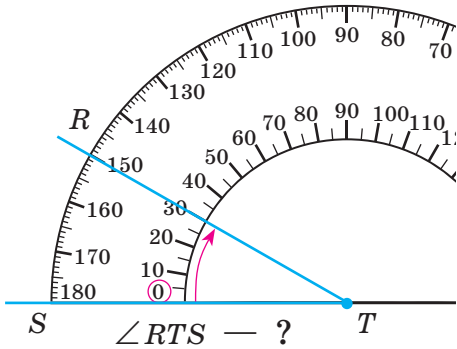
$38^\circ + 56^\circ$

$180^\circ - 97^\circ$

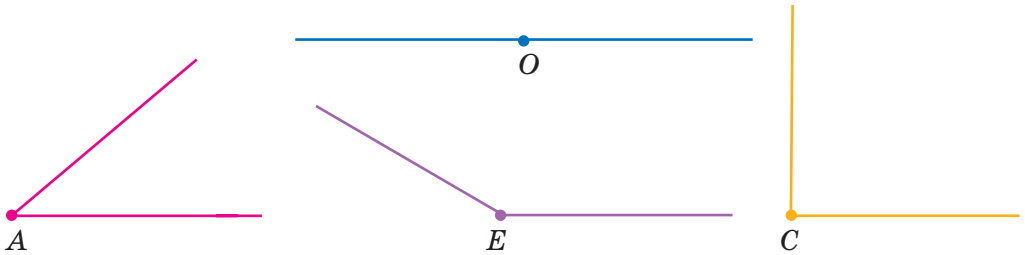
562  Розбий кути на групи. За якою ознакою це можна зробити?


$\angle FDC = 67^\circ$	$\angle HGF = 108^\circ$		$\angle MCZ = 180^\circ$	$\angle POY = 140^\circ$
$\angle KLP = 45^\circ$	$\angle VBN = 60^\circ$		$\angle SXP = 91^\circ$	$\angle HYT = 90^\circ$

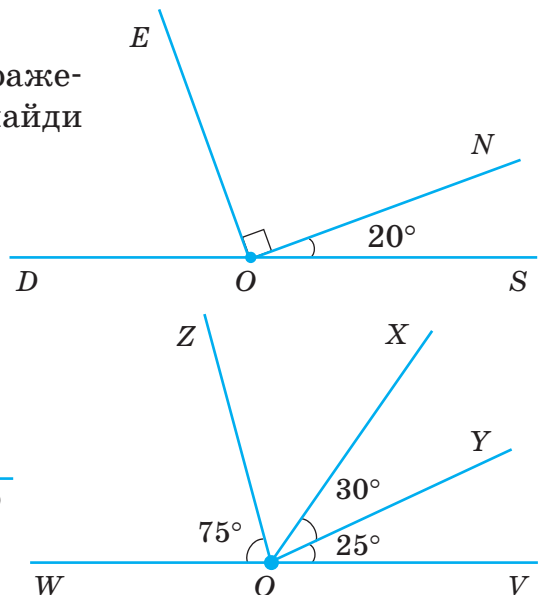
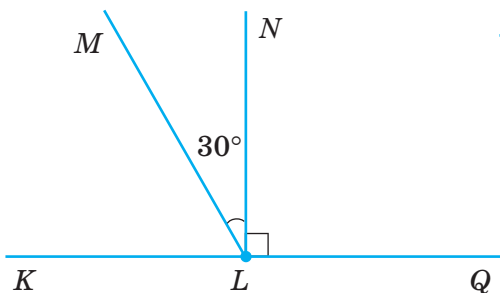
563  Визнач градусну міру кожного кута; установи його вид.



564  Знайди градусні міри кутів; установи види кутів.

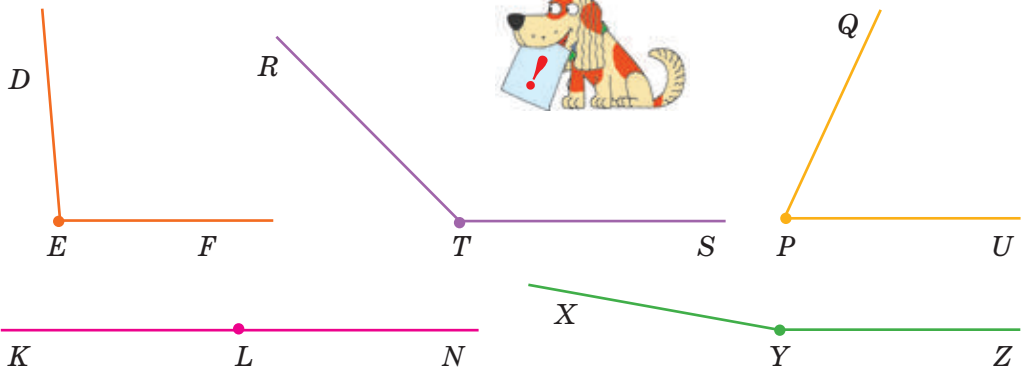



565  Запиши кути, зображені на кожному рисунку. Знайди величини невідомих кутів.



БУДУЄМО КУТИ

566  Виміряй кути за допомогою транспортира. Установи вид кожного кута.



567  Побудуй кути із заданими градусними мірами.
 $\angle VTS = 35^\circ$ $\angle ZOP = 80^\circ$ $\angle DFR = 110^\circ$ $\angle XLY = 150^\circ$

Побудова кута заданої величини

- ① Ставлю довільну точку, позначаю її буквою, ця точка — вершина кута.
- ② Креслю промінь із початком у цій точці, цей промінь — одна зі сторін кута.
- ③ Прикладаю транспортир так, щоб вершина кута збігалась із центральною позначкою транспортира, а сторона кута проходила через початок відліку на шкалі транспортира — поділку 0.
- ④ Знаходжу поділку шкали транспортира, яка відповідає заданій величині кута. Ставлю точку навпроти цієї поділки.
- ⑤ Проводжу промінь від вершини кута до одержаної точки — одержую кут заданої градусної міри. Виконую запис.



568  Побудуй кути, спираючись на рисунки.

$$\angle BNR = 45^\circ$$




$$\angle ZAT = 120^\circ$$



$$\angle GHF = 65^\circ$$



569  Побудуй кути заданої градусної міри; визнач вид кожного кута.

$$\angle COP = 30^\circ$$


$$\angle ART = 130^\circ$$


$$\angle SWQ = 35^\circ$$


$$\angle NMX = 50^\circ$$


$$\angle GFD = 165^\circ$$


$$\angle FDS = 95^\circ$$


570  1) Накресли $\angle FOS = 140^\circ$. Накресли $\angle GKD$, який на 60° менший від $\angle FOS$. Накресли $\angle NPX$, який у 5 разів менший від $\angle FOS$. Визнач вид кожного кута.


 2) Накресли $\angle OSK = 60^\circ$. Накресли $\angle PMA$, який на 40° більший за $\angle OSK$. Накресли $\angle NLX$, який у 3 рази більший за $\angle OSK$. Визнач вид кожного кута.

571  Накресли $\angle GOD = 130^\circ$. Проведи промінь OK так, щоб $\angle KOD = 70^\circ$. Знайди градусну міру $\angle GOK$.

572  Накресли розгорнутий кут SOW . Накресли $\angle SOP = 120^\circ$; $\angle WOK = 30^\circ$. Знайди градусну міру $\angle POK$, $\angle SOK$, $\angle WOP$.

573  Дано: $\angle OPM = 90^\circ$. Цей кут поділений променями PB і PK на рівні частини. Знайди градусну міру $\angle KPB$, $\angle KPM$, $\angle BPO$.

574  Знайди градусну міру $\angle BOC$ (див. рис. 1), якщо $\angle AOB + \angle DOE = 68^\circ$.

575  Запиши всі кути, які ти бачиш на рис. 2. Виміряй величину $\angle LSM$. Обчисли величини решти кутів.

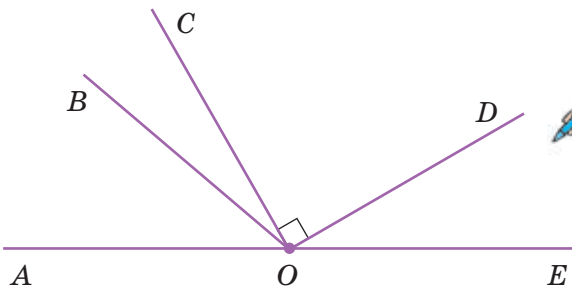


Рис. 1

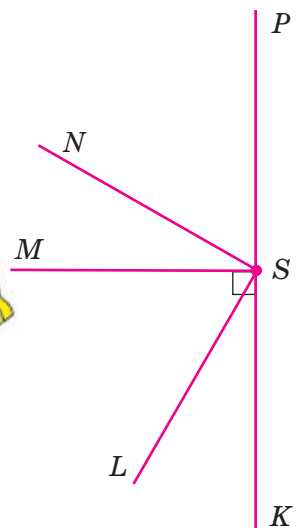
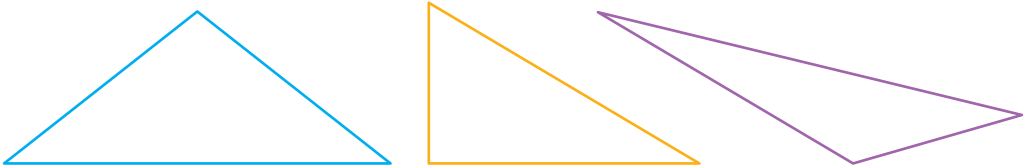


Рис. 2

КЛАСИФІКУЄМО ТРИКУТНИКИ

576 🕒 Для вікторини на тему «Трикутники» діти підготували запитання. Об'єднайтеся в групи й з'ясуйте, які запитання могли скласти діти. Поставте свої запитання учасникам інших груп.

577 🕒 Виміряй кути трикутників. Назви вид кожного трикутника, знайди суму його кутів. Що цікаве можна помітити?



Згадай властивість сторін трикутника. Який трикутник не може існувати? Обери хоча б один трикутник. Перевір, чи виконується нерівність трикутника. Обчисли периметр обраного трикутника/обраних трикутників.


578 🧩 Накресли трикутник ABC . Виміряй транспортом величини його кутів. Знайди суму кутів трикутника. Виміряй довжини сторін трикутника ABC . Знайди його периметр. За допомогою палетки знайди площу трикутника.

579 🧩 Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Чи потрібно розв'язувати задачу 2?


▶▶ 1) До трьох супермаркетів привезли 1370 кг картоплі. Скільки кілограмів картоплі привезли до кожного супермаркету, якщо до першого та другого привезли разом 470 кг картоплі, а до другого і третього — 320 кг?




▶▶ 2) Довжина бордюру, що обмежує газон у формі трикутника, становить 1370 м. Знайди довжину кожної сторони бордюру, якщо сума довжин його першої і другої сторін — 470 м, а другої і третьої — 320 м.

580  Розв'яжи задачу 1. Перевір, чи існує такий трикутник. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Чи потрібно розв'язувати задачу 2?

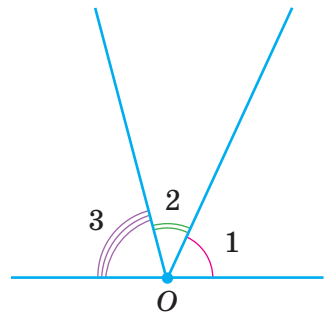
▶▶ 1) Обчисли периметр трикутника, якщо довжина його першої сторони — 58 мм, довжина другої сторони на 24 мм більша за довжину першої, а довжина третьої у 2 рази менша від довжини першої.


 ▶▶ 2) Обчисли периметр трикутника, якщо довжина його першої сторони — 58 мм, що на 24 мм менше від довжини другої сторони й у 2 рази більше за довжину третьої сторони.

581  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Чи потрібно розв'язувати задачу 2?


▶▶ 1) За три дні туристи подолали 180 км. Скільки кілометрів туристи долали кожного дня, якщо за перший і другий дні вони подолали 105 км, а за другий і третій — 115 км?

▶▶ 2) Знайди градусну міру кожного кута на рисунку, якщо $\angle 1 + \angle 2 = 105^\circ$, $\angle 2 + \angle 3 = 115^\circ$, $\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ$.





582  Визнач, яка з поданих трійок відрізків може бути сторонами трикутника.

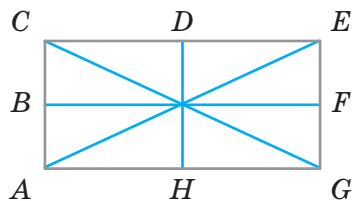
- 1) 3 см, 3 см, 3 см; 3) 6 дм, 22 дм, 13 дм;
2) 8 мм, 4 мм, 15 мм; 4) 8 см, 13 см, 4 см.

583  Склади буквений вираз, що є розв'язанням задачі. Знайди значення виразу, якщо $b=3$; $b=5$; $b=6$; $b=7$; $b=8$; $b=9$. За яких із поданих значень b трикутник не існує?

▶▶ Периметр трикутника — 18 дм, одна з його сторін дорівнює b дм, а інша — 5 дм. Знайди довжину третьої сторони.


584  Знайди периметр трикутника, якщо сума довжин його першої та другої сторін — 61 мм, другої та третьої — 75 мм, першої та третьої — 82 мм.

585  Запиши всі трикутники, які подано на рисунку.



ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

586  Знайди площу квадрата зі стороною 34 мм.


587  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи таку обернену задачу, щоб шуканим у ній було число 63; число 38.

▶ Знайди площу прямокутника зі сторонами 63 мм і 38 мм.

588  Розв'яжи задачу алгебраїчним методом.


▶ Площа прямокутника — 30 см^2 , його ширина — 5 см. Знайди довжину прямокутника.



589  Побудуй два прямокутники так, щоб периметр одного становив 22 см, іншого — 18 см, а площа кожного прямокутника була 18 см^2 .

Підказка. Добирай такі пари чисел, які в сумі дають або 11, або 9, а в добутку — 18.


Поясни, чому сума чисел у парі має дорівнювати 11 або 9.


590  Є три прямокутники: довжини сторін першого — 2 см і 4 см, другого — 3 см і 4 см, третього — 1 см і 5 см. Чи можна із цих прямокутників скласти квадрат?

Даня склав план виконання таких завдань. Оціни його план.

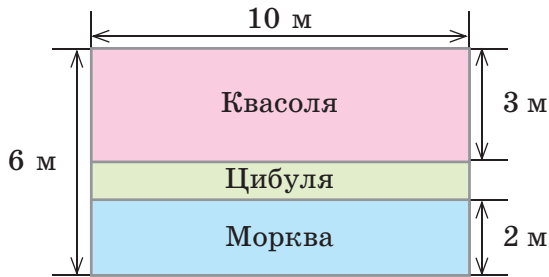



- 1) Знайди площі прямокутників.
- 2) Додай площі всіх прямокутників. Яка їх загальна площа?
- 3) Чи можна замінити число, що є сумою площ трьох прямокутників, добутком двох однакових множників? Якщо так, із цих прямокутників можна скласти квадрат.


591  Довжина ділянки дороги — 1300 м, ширина — 3 м. Цю ділянку покрили асфальтом, на кожні 100 м² площі витрачаючи 3 т асфальту. Скільки тонн асфальту використали?

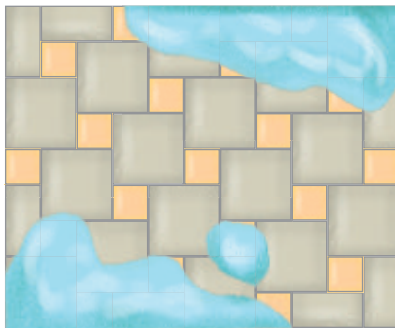
592  Розгорнутий кут розділили на 6 рівних кутів. Знайди величину кожного з одержаних кутів.


593  Обчисли площу кожної ділянки за рисунком.



594  Довжина рулону полотна — 42 м, а його ширина становить $\frac{1}{6}$ довжини. Знайди площу полотна.

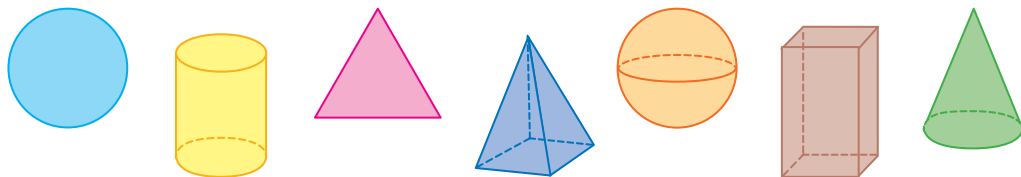
595  Майданчик прямокутної форми викладений квадратними плитками. Частина майданчика засипало снігом. Обчисли площу майданчика, якщо довжина сторони великої плитки — 300 мм, маленької — 150 мм.



596  Площа прямокутника — 140 см², ширина — 10 см. Ширину прямокутника зменшили в 2 рази, а довжину збільшили в 6 разів. У скільки разів збільшилася площа прямокутника?

ДОСЛІДЖУЄМО ПРЯМОКУТНИЙ ПАРАЛЕЛЕПІПЕД; КУБ; ПІРАМІДУ

597 🔍 Розбий фігури на дві групи. За якою ознакою це можна зробити?



598 🔍 Знайди на фото об'єкти, схожі на відомі тобі геометричні фігури. Які геометричні фігури нагадують тобі споруди твого населеного пункту?

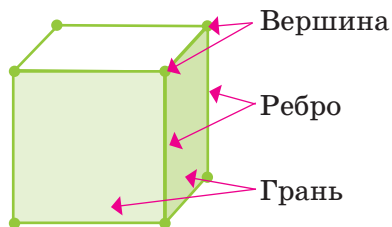
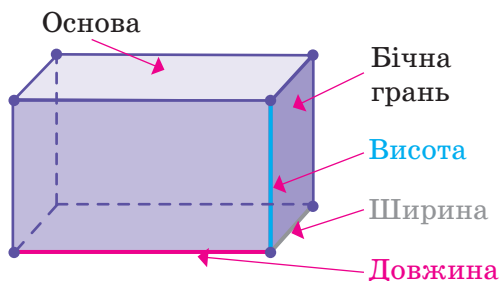


Замок Нойшванштайн
(Німеччина)

599 🔍 Зістав прямокутник і квадрат. Що в них спільне? відмінне? Визнач, чи є істинним поданий висновок.

▶▶ Будь-який квадрат є прямокутником, але не будь-який прямокутник є квадратом.

600 🔍 Досліди прямокутний паралелепіпед і куб. Якими плоскими геометричними фігурами обмежений з усіх боків прямокутний паралелепіпед? куб? Це — грані прямокутного паралелепіпеда; куба. Скільки граней (ребер; вершин) у прямокутного паралелепіпеда? у куба?



Що спільне в куба і прямокутного паралелепіпеда? Що відмінне? Чи можна стверджувати, що куб — це прямокутний паралелепіпед, у якого всі ребра рівні?

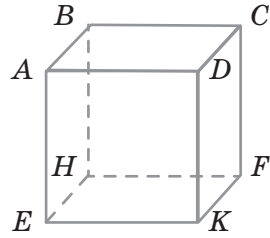
601



Розглянь рисунок. Запиши:



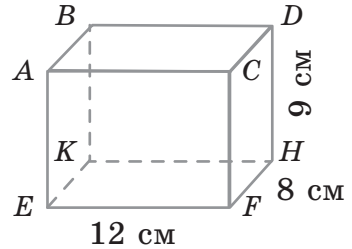
1) вершини куба; 2) ребра;
3) грані. Підкресли видимі вершини, грані, ребра куба.



602



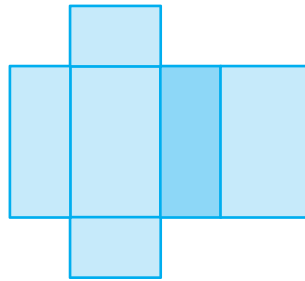
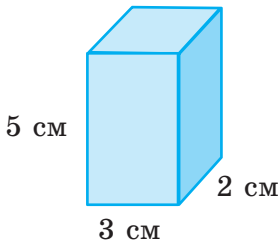
Розглянь рисунок. Запиши ребра прямокутного паралелепіпеда. Знайди суму довжин його ребер. Запиши грані прямокутного паралелепіпеда. Знайди суму площ його граней. Запиши грані, які є основами; грані, які становлять бічну поверхню.



603



За даними рисунка обчисли площу розгортки поверхні прямокутного паралелепіпеда.



604



Знайди висоту прямокутного паралелепіпеда, якщо периметр його бічної грані дорівнює 26 см, а периметр основи — 36 см, причому одне ребро основи вдвічі більше за інше.

605




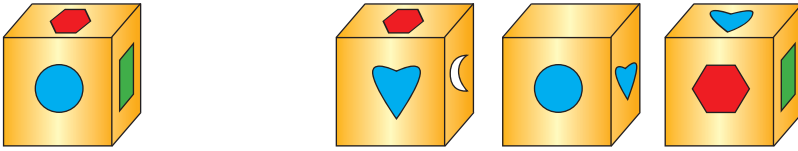
Із дроту треба зробити каркас прямокутного паралелепіпеда з вимірами 15 см, 8 см і 12 см. Скільки сантиметрів дроту потрібно?

606




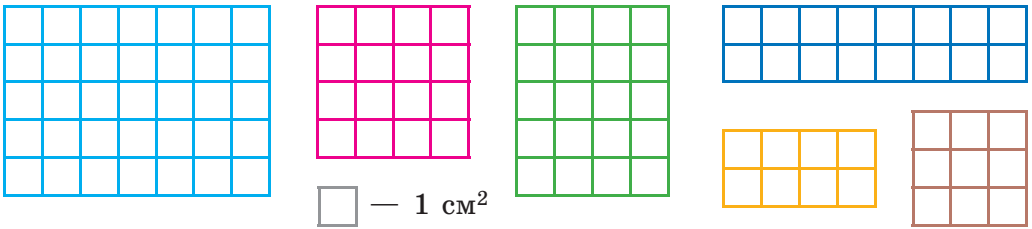
Для гігантського африканського равлика треба зробити акваріум у формі прямокутного паралелепіпеда. Скільки шматків скла та якого розміру потрібно для акваріума з вимірами 25 см, 18 см і 15 см? Чи вистачить для цього шматка скла з розмірами 45 см і 50 см?


607  Кубик зліва перекинули. Установи, де цей кубик зображений справа.




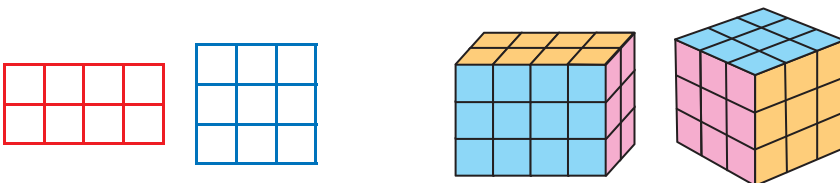
ДОСЛІДЖУЄМО ОБ'ЄМ ПРОСТОРОВОЇ ФІГУРИ


608  Як ти розумієш площу фігури? Як можна порівнювати фігури за площею? У чому полягає процес вимірювання площі? Згадай одиниці вимірювання площі та їх співвідношення. Визнач площі фігур за рисунком, вважаючи, що площа одного маленького квадрата — 1 см^2 . Порівняй фігури за площею. Які фігури мають рівні площі?



609  Плоскі фігури займають певне місце на площині дошки, стільниці парти тощо й характеризуються такою властивістю, як площа. **Просторові фігури займають певну частину простору** й мають таку властивість, як **об'єм**. Порівняй за об'ємом «на око» об'єкти навколишнього середовища, які мають форму прямокутного паралелепіпеда.

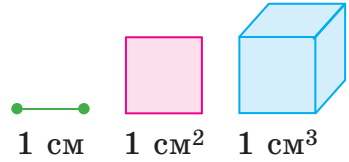
610  Порівняй зображені плоскі фігури за площею; порівняй зображені просторові фігури за об'ємом.





611  Згадай одиниці вимірювання довжини — це лінійні одиниці. Згадай одиниці вимірювання площі — це квадратні одиниці. Як ти вважаєш, які мірки — еталони — можна обрати за одиниці вимірювання об'єму?

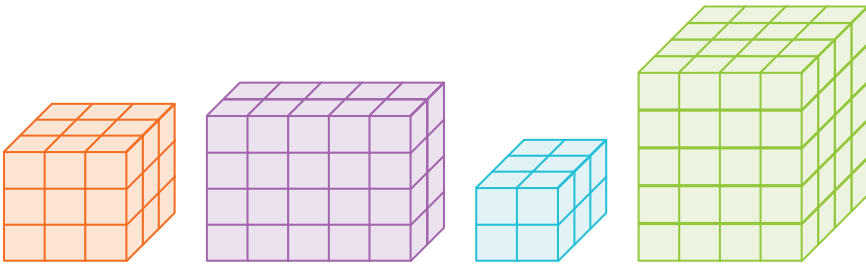
Квадратний сантиметр (1 см^2) — це площа квадрата зі стороною 1 см.



Кубічний сантиметр (1 см^3) — це об'єм куба з ребром 1 см.

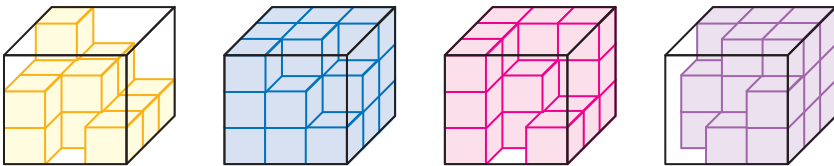



Поміркуй, як пов'язані одиниці вимірювання об'єму з одиницями вимірювання довжини. Як ти вважаєш, які ще одиниці об'єму використовують для вимірювань?


612   Визнач за рисунком об'єм кожного прямокутного паралелепіпеда, якщо об'єм маленького куба — 1 см^3 .




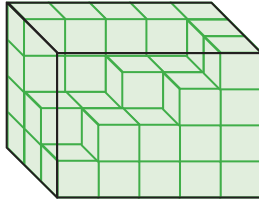
613   Знайди об'єм кожної фігури, якщо об'єм маленького куба — 1 см^3 .




614  Знайди суму площ бічних граней і суму площ усіх граней прямокутного паралелепіпеда з вимірами 7 см, 9 см і 12 см.


615  Столяр виготовив тумбу, яка має форму куба з ребром 5 дм. Майстер має покрити тумбу лаком. Яку площу він має покрити лаком?

616  Знайди об'єм прямокутного паралелепіпеда, якщо об'єм маленького куба — 1 см^3 .



617  Довжина бруска — 2 дм, ширина — 1 дм, висота — 5 дм. Із шести таких брусків склали прямокутний паралелепіпед. Знайди його виміри.

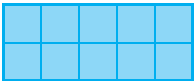
ДОСЛІДЖУЄМО ОБ'ЄМ ПРЯМОКУТНОГО ПАРАЛЕЛЕПІПЕДА І КУБА

618  Розглянь рисунки. Поясни, як можна міркувати, щоб визначити площу прямокутника. Прокоментуй формулу площі прямокутника.

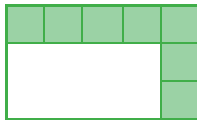
1



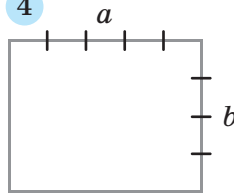
2



3




4



$$S_{\square} = a \cdot b$$



619  Розкажи, що ти знаєш про прямокутний паралелепіпед. Розглянь рисунки. Поясни, як можна міркувати, щоб визначити об'єм прямокутного паралелепіпеда. Діти записали формулу об'єму прямокутного паралелепіпеда. Чи погоджуєшся ти з ними?

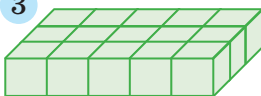
1



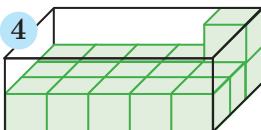
2



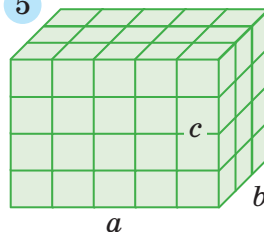
3



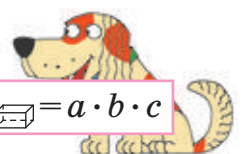
4




5



$$V_{\text{паралелепіпед}} = a \cdot b \cdot c$$




620  Розкажи, що ти знаєш про куб. Що спільне в куба та прямокутного паралелепіпеда? Що відмінне?



Тарас вважає, що об'єм куба можна знайти за формулою об'єму прямокутного паралелепіпеда. Чи погоджуєшся ти з хлопчиком? Прокоментуй формулу об'єму куба з ребром a .


$$V_{\text{куб}} = a \cdot a \cdot a = a^3$$

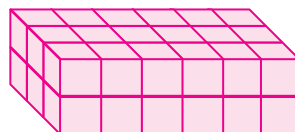
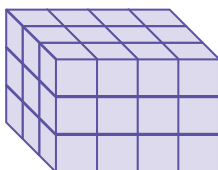
621  Олена зазначила, що одиницею вимірювання площі є площа квадрата, сторона якого дорівнює одиниці довжини. Дівчинка припустила, що одиницею вимірювання об'єму куба є куб, ребро якого дорівнює одиниці довжини. Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?



Згадай відомі тобі одиниці вимірювання довжини, площі та їх співвідношення. Поміркуй, як одиниці вимірювання об'єму пов'язані з відповідними одиницями довжини. Якою формулою можна скористатися, щоб визначити співвідношення одиниць вимірювання об'єму?

Довжина	1 мм	1 см = 10 мм 1 дм = 10 см = 100 мм 1 м = 10 дм = 100 см = 1000 мм
Площа	1 мм ²	1 см ² = 1 см · 1 см = 10 мм · 10 мм = 100 мм ² 1 дм ² = 1 дм · 1 дм = 10 см · 10 см = 100 см ² 1 м ² = 1 м · 1 м = 10 дм · 10 дм = 100 дм ²
Об'єм	1 мм ³	1 см ³ = 1 см · 1 см · 1 см = 10 мм · 10 мм · 10 мм = 1000 мм ³ 1 дм ³ = 1 дм · 1 дм · 1 дм = 10 см · 10 см · 10 см = 1000 см ³ 1 м ³ = 1 м · 1 м · 1 м = 10 дм · 10 дм · 10 дм = 1000 дм ³


622  Знайди об'єм кожного прямокутного паралелепіпеда, якщо об'єм маленького куба — 1 см³.





623  Запиши формулу та знайди об'єм прямокутного паралелепіпеда з вимірами:

- 1) $a=4$ см, $b=6$ см, $c=12$ см;
 2) $a=14$ мм, $b=8$ мм, $c=24$ мм.



624  Запиши формулу та знайди об'єм куба, якщо довжина його ребра: 1) $a=14$ см; 2) $a=8$ дм; 3) $a=26$ мм.



625   Склади таблицю співвідношень одиниць вимірювання об'єму.




$$1 \text{ мм}^3$$

$$1 \text{ см}^3 = \square \text{ мм}^3$$

$$1 \text{ дм}^3 = \square \text{ см}^3 = \square \text{ мм}^3$$

$$1 \text{ м}^3 = \square \text{ дм}^3 = \square \text{ см}^3 = \square \text{ мм}^3$$



626  Подай величини в зазначених одиницях вимірювання.

$$6 \text{ м}^3 = \square \text{ см}^3 = \square \text{ мм}^3$$

$$4 \text{ км}^3 = \square \text{ м}^3$$

$$9 \text{ дм}^3 = \square \text{ см}^3 = \square \text{ мм}^3$$

$$5 \text{ см}^3 = \square \text{ мм}^3$$

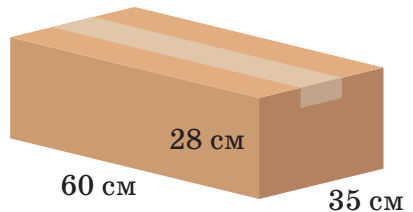
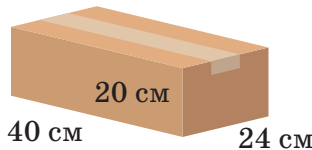
$$64\,000 \text{ см}^3 = \square \text{ м}^3$$


$$70\,000\,000 \text{ мм}^3 = \square \text{ см}^3 = \square \text{ дм}^3$$


$$80\,000 \text{ дм}^3 = \square \text{ м}^3$$

$$23\,000\,000\,000 \text{ см}^3 = \square \text{ дм}^3 = \square \text{ м}^3$$


627  Порівняй дві коробки для пакування за об'ємом.




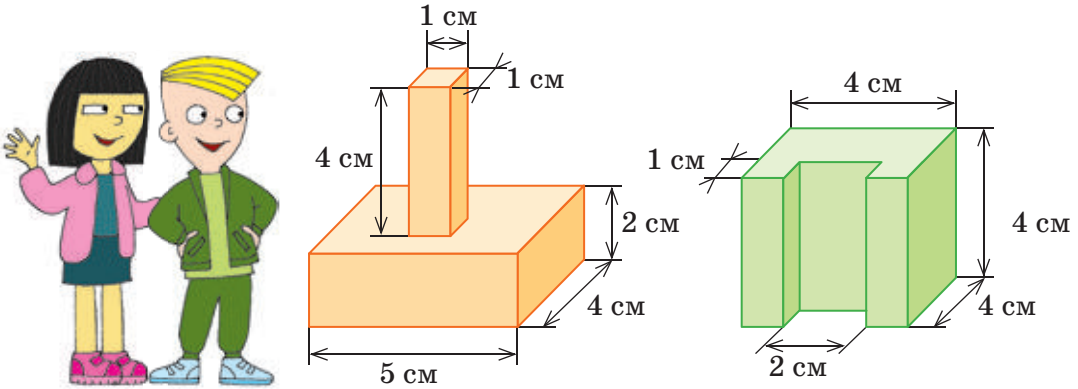
628  Об'єм прямокутного паралелепіпеда — 240 мм^3 . Його довжина становить 5 мм, а ширина — 3 мм. Знайди висоту цього паралелепіпеда.

629  Об'єм коробки для пакування (див. рисунок) — $72\,960 \text{ см}^3$, її висота — 42 см. Знайди площу основи цієї коробки.




630  Із 10 однакових кубів із ребром 3 см склали два різні прямокутні паралелепіпеди. Знайди об'єм кожного прямокутного паралелепіпеда. Розглянь різні варіанти.


631  Визнач об'єм кожної фігури на рисунку.

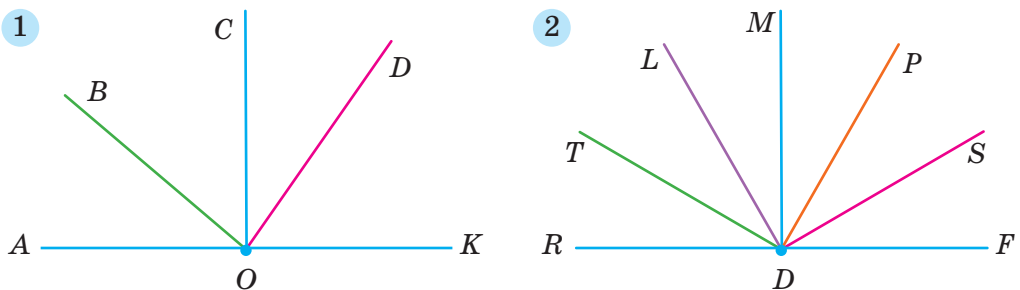



УЗАГАЛЬНЮЄМО І ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

632  Визнач, який кут із поданих є гострим; прямим; тупим; розгорнутим.



633  Назви кути на рисунку. Випиши назви тупих кутів, вимірй їхню градусну міру.



634  Побудуй прямокутник зі сторонами 3 см і 4 см. Підпиши його вершини буквами A, B, C, D так, щоб діагоналлю прямокутника був відрізок BD , проведи цю діагональ. Обчисли периметр трикутника ABD .

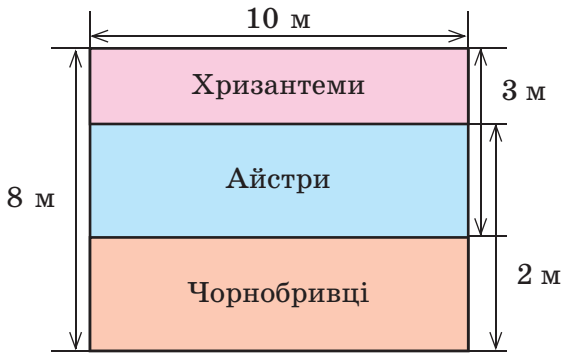


Рис. 1

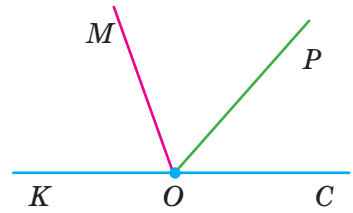



Рис. 2

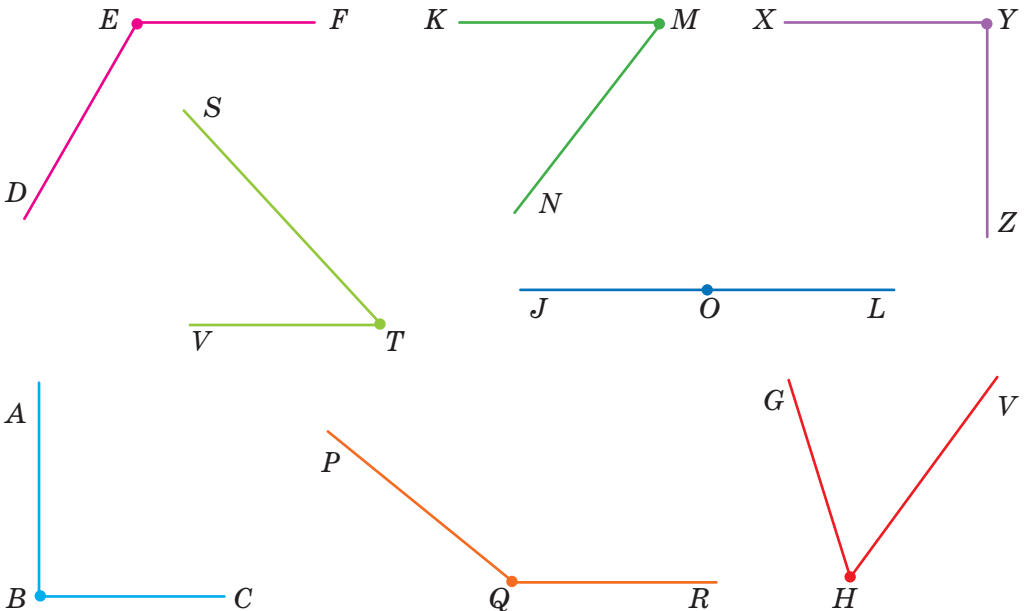
635  Обчисли площу ділянки з айстрами за рис. 1.



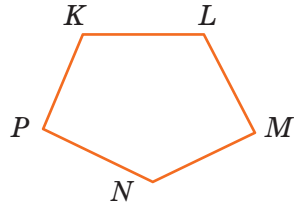
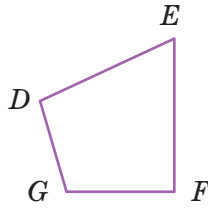
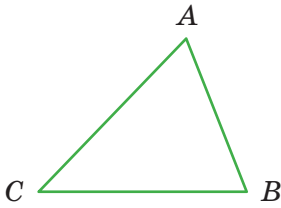
636  З вершини розгорнутого кута KOC (рис. 2) проведено промені OM і OP так, що $\angle COM = 110^\circ$, $\angle KOP = 132^\circ$. Обчисли градусну міру $\angle MOR$.

ПЕРЕВІРЯЄМО СВОЇ ДОСЯГНЕННЯ

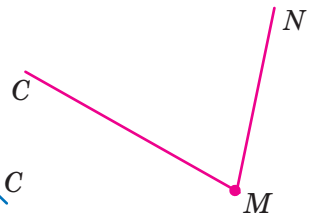
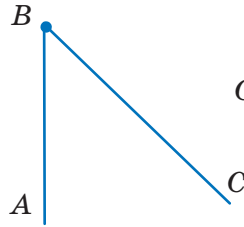
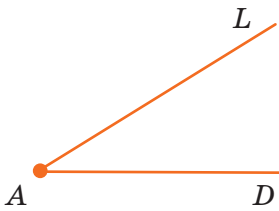
637 Вимірйай кути, визнач вид кожного кута. Запиши всі гострі кути.



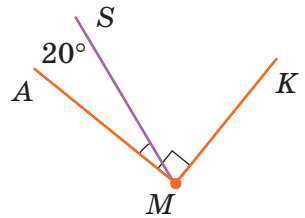
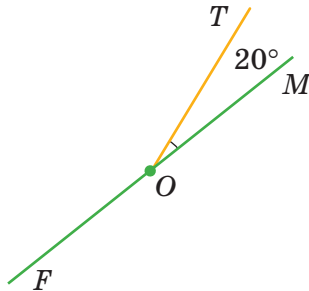
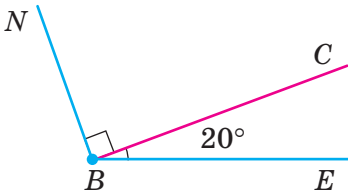
638 Назви діагоналі кожного багатокутника, якщо це можливо.



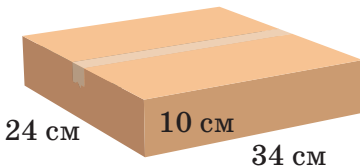
639 Виміряй градусну міру кожного кута. Накресли в зошиті такі самі кути. У кожному випадку накресли ще один кут так, щоб разом із поданим кутом він утворив прямий кут.



640 Визнач за рисунками величини кутів: $\angle NBE$; $\angle FOT$; $\angle SMK$.



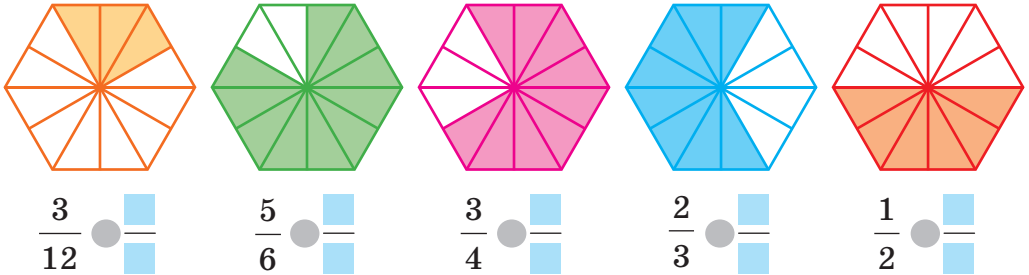
641 Визнач об'єм коробок за даними рисунка.



642 Акваріум кубічної форми має довжину ребра 22 см. Визнач об'єм акваріума.

УЗАГАЛЬНЮЄМО ЗНАННЯ ПРО ДРОБИ

643 Розкажи, що ти знаєш про дробби. Перевір, чи правильно в кожному випадку зафарбовано частину цілого шестикутника, яка відповідає дробу. Запиши дріб, що означає незафарбовану частину цілого. Порівняй дробби.



Звичайні дробби — числа виду $\frac{a}{b}$, де a і b — натуральні числа.

$\frac{a}{b} \rightarrow$ **Чисельник**
 $\frac{a}{b} \rightarrow$ **Знаменник**

644 Заміни кожний дріб часткою двох натуральних чисел. Збільш або зменш ділене й дільник у ту саму кількість разів. Заміни одержану частку дробом. Порівняй поданий та одержаний дробби. Що цікаве можна помітити?



$$\frac{1}{2} = \frac{3}{12} = \frac{5}{25} = \frac{9}{27} = \frac{12}{36}$$

$$\frac{1}{2} = \square : \square = (\square \cdot \square) : (\square \cdot \square) = \square : \square = \frac{\square}{\square}$$



645 Згадай відповідні правила та порівняй дробби.

$$\frac{32}{32} \bullet \frac{46}{46}$$

$$\frac{2}{14} \bullet \frac{8}{14}$$

$$\frac{m}{28} \bullet \frac{m-7}{28}$$

$$\frac{4}{7} \bullet 1$$

$$\frac{6}{12} \bullet \frac{2}{12}$$

$$\frac{n}{55} \bullet \frac{n+1}{55}$$



Якщо $a < c$, то $\frac{a}{b} < \frac{c}{b}$

Якщо $a > c$, то $\frac{a}{b} > \frac{c}{b}$

646 🔍 Накресли відрізок довжиною 6 см. Розділи його на 12 рівних частин. Покажи $\frac{1}{12}$, $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{3}$ цього відрізка.

Порівняй дроби попарно. Зроби висновок про порівняння дробів з однаковими чисельниками.

Порівняння дробів з однаковими чисельниками

Із двох дробів з однаковими чисельниками **більший** той, у якого знаменник **менший**.

Якщо $b < c$, то $\frac{a}{b} < \frac{a}{c}$

Якщо $b > c$, то $\frac{a}{b} > \frac{a}{c}$

647 🔍 Визнач, чим схожі й чим відрізняються подані дроби. Розташуй їх у порядку спадання.

$\frac{3}{8}$ $\frac{3}{5}$ $\frac{3}{9}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{3}{6}$



648 🔍 Визнач, у якому порядку записані подані дроби.

$\frac{2}{3}$ $\frac{2}{5}$ $\frac{2}{7}$ $\frac{2}{9}$ $\frac{2}{11}$

649 🧩 Запиши вирази, за допомогою яких знайдемо:

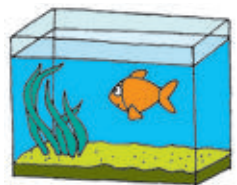
$\frac{3}{4}$ від числа a ; число, якщо його $\frac{3}{4}$ становлять a ;


$\frac{5}{7}$ від числа b ; число, якщо його $\frac{5}{7}$ становлять b ;

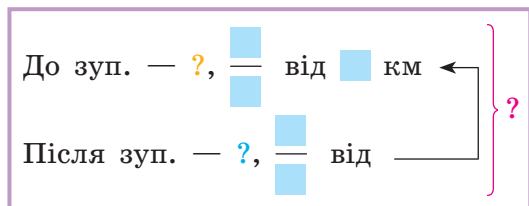
$\frac{m}{n}$ від числа 60; число, якщо його $\frac{m}{n}$ становлять 60.

650 🧩 Розв'яжи задачу. Зміни запитання задачі так, щоб у її розв'язанні треба було виконати ще одну арифметичну дію. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

▶ В акваріум налили 30 л води, заповнивши $\frac{2}{5}$ його об'єму. Визнач об'єм акваріума.



651  Туристична група мала пройти 72 км. До зупинки вона пододала $\frac{1}{6}$ усього шляху, а після зупинки — $\frac{3}{4}$ шляху, який пододала до зупинки. Скільки кілометрів пройшла туристична група?




652  Розташуй подані числа в порядку зростання.


$$\frac{44}{45} \quad \frac{23}{45} \quad \frac{18}{45} \quad \frac{2}{45} \quad \frac{14}{45} \quad \frac{6}{45} \quad \frac{16}{45} \quad \frac{38}{45} \quad 1$$

653  Запиши вираз, за допомогою якого можна знайти:

- 1) дванадцятую частину від суми чисел b і c ;
- 2) число, дев'ята частина якого дорівнює сумі чисел m і n ;
- 3) восьму частину від різниці чисел x і y ;
- 4) число, сота частина якого дорівнює частці чисел d і a ;
- 5) сорокову частину від добутку чисел p і k .

654  На екскурсію поїхали 42 п'ятикласники, які становили $\frac{3}{4}$ усіх учнів. Учні початкової школи становили $\frac{1}{7}$ усіх учнів, а шестикласники — решту. Скільки шестикласників поїхало на екскурсію?



655  Знайди, за яких натуральних значень змінної кожна з поданих нерівностей є істинною. Запиши відповідь у вигляді нерівності.

$$\frac{5}{7} > \frac{r}{7}$$

$$\frac{d}{8} > \frac{3}{8}$$

$$\frac{5}{9} > \frac{5}{a}$$




656  Порівняй дроби.

$$\frac{2}{9} \text{ ● } \frac{2}{3}$$

$$\frac{6}{11} \text{ ● } \frac{6}{15}$$


$$\frac{17}{28} \text{ ● } \frac{17}{21}$$

$$\frac{42}{b+5} \text{ ● } \frac{42}{b}$$

657  Як між дванадцятьма дітьми розділити порівну 7 яблук, якщо кожне яблуко можна ділити не більше ніж на 4 рівні частини?




ОДЕРЖУЄМО РІВНІ ДРОБИ

658  Значення якого виразу в стовпчику знайти легше? Знайди його. Знайди значення іншого виразу в стовпчику, скориставшись залежністю результату арифметичної дії від зміни обох її компонентів.

$$\begin{array}{c} 400 + 300 = \square \\ \updownarrow ? \quad \updownarrow ? \quad \updownarrow ? \\ 397 + 303 = \square \end{array}$$

$$\begin{array}{c} 51 : 17 = \square \\ \updownarrow ? \quad \updownarrow ? \quad \updownarrow ? \\ 510 : 170 = \square \end{array}$$


$$\begin{array}{c} 980 : 70 = \square \\ \updownarrow ? \quad \updownarrow ? \quad \updownarrow ? \\ 98 : 7 = \square \end{array}$$

659  Згадай основну властивість частки. Виконай дії за схемою, замінивши знак ділення рискою дробу. Збільш або зменш ділене й дільник у ту саму кількість разів. Досліди, чи зміниться значення частки.

$$27 : 9 = \frac{\square}{\square} = \frac{\square \text{ ● } \square}{\square \text{ ● } \square} = \frac{\square}{\square} = \square$$


$$\begin{array}{l} 90 : 15 \\ 56 : 28 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 42 : 14 \\ 96 : 32 \end{array}$$

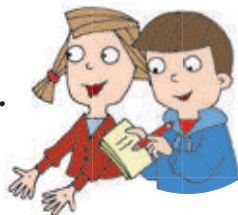
660  Накресли відрізок AB довжиною 12 см. Дужками різних кольорів познач $\frac{1}{2}$, $\frac{2}{4}$ і $\frac{3}{6}$ цього відрізка. Що цікаве можна помітити? Виконай записи.

Основна властивість дробу

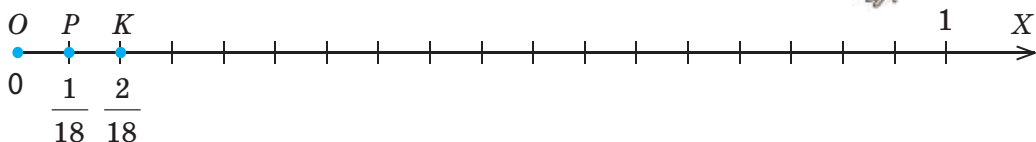
Якщо **чисельник і знаменник** дробу **збільшити або зменшити** в ту саму кількість разів, то **величина дробу не зміниться**.

661  Накресли в зошиті координатний промінь OX . Визнач координати поданих точок P і K . Познач на промені точки:

$$A\left(\frac{1}{2}\right), B\left(\frac{9}{18}\right), C\left(\frac{2}{6}\right), K\left(\frac{1}{3}\right), L\left(\frac{7}{9}\right), M\left(\frac{14}{18}\right).$$



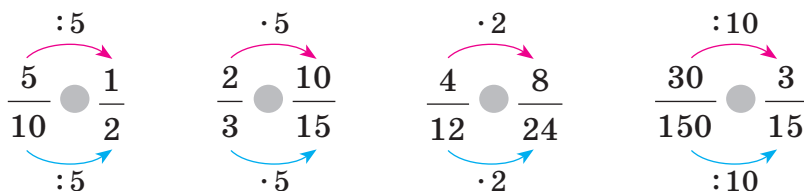
Що цікаве можна помітити?



662 Заміни частку двох натуральних чисел дробом за схемою. Застосувавши основну властивість дробу, утвори рівні дроби.

$$3:18 = \frac{\square}{\square} = \frac{\square \text{ (blue) } \cdot \square \text{ (grey)}}{\square \text{ (blue) } \cdot \square \text{ (grey)}} = \frac{\square}{\square} \quad 6:72 \quad 16:64 \quad 15:25 \quad 18:90$$

663 Порівняй дроби, скориставшись підказками. Прокоментуй свої дії.



664 Накресли координатний промінь OX з одиничним відрізком довжиною 16 клітинок. Познач точки, які відповідають поданим дробам.

$$\frac{1}{16} \quad \frac{3}{8} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{9}{16} \quad \frac{3}{4} \quad \frac{5}{8}$$

665 Накресли координатний промінь OX з одиничним відрізком довжиною 12 клітинок. Познач точки, що відповідають поданим дробам. Чи є серед поданих дробів рівні? Запиши відповідні рівності.

$$\frac{3}{4} \quad \frac{1}{12} \quad \frac{3}{6} \quad \frac{1}{3} \quad \frac{6}{12} \quad \frac{1}{2} \quad \frac{4}{12} \quad \frac{2}{6} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{3}{12} \quad \frac{2}{3} \quad \frac{1}{6} \quad \frac{12}{12}$$

666 Порівняй дроби.

$$\frac{7}{8} \text{ (grey dot) } \frac{4}{8} \quad \frac{a+3}{57} \text{ (grey dot) } \frac{a}{57}$$

$$\frac{5}{19} \text{ (blue house icon) } \frac{12}{19} \text{ (grey dot) } \frac{8}{36} \text{ (grey dot) } \frac{24}{36}$$

667  Заміни частку двох натуральних чисел дробом.

$5:12$

$5:c$


 $6:27$

$x:y$


668  Заміни дріб часткою двох натуральних чисел.

$\frac{5}{34}$

$\frac{c}{k}$

 $\frac{15}{63}$



669  До кожного дробу запиши кілька рівних йому дробів, скориставшись основною властивістю дробу.

$\frac{4}{8}$

$\frac{16}{32}$


$\frac{18}{72}$

$\frac{16}{48}$

$\frac{14}{56}$

$\frac{18}{90}$

$\frac{24}{72}$

670  Знайди пари рівних дробів. До кожної пари допиши ще три рівні їм дробу. Якщо дріб не має рівного дробу з поданих запиши рівний йому дріб.

$\frac{2}{7}$

$\frac{7}{11}$

$\frac{6}{15}$

$\frac{32}{64}$

$\frac{8}{16}$

$\frac{15}{40}$

$\frac{21}{35}$


$\frac{5}{6}$

$\frac{3}{8}$

$\frac{24}{56}$

$\frac{2}{5}$

$\frac{35}{55}$

671  До кожного дробу запиши два рівні йому дробу. До кількох дробів на вибір запиши по чотири дробу, які більші за вибраний дріб; по три дробу, які менші від вибраного дробу. Виконай відповідні записи.


$\frac{2}{9}$

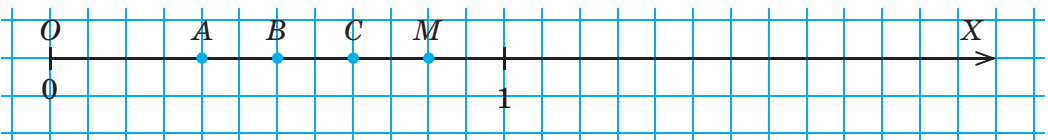
$\frac{3}{7}$


$\frac{8}{17}$

$\frac{5}{11}$

$\frac{10}{15}$

672  Визнач координати точок A , B , C , M . Якими ще дробами можна позначити координати цих точок? Запиши три такі дробу для кожної точки.

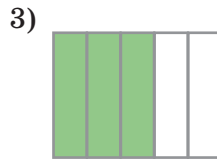
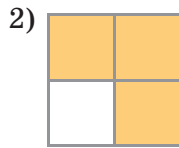
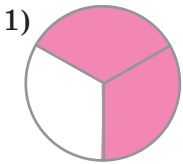


673  Як між одинадцятьма дітьми розділити порівну 10 тістечок, якщо кожне тістечко можна ділити не більше ніж на три рівні частини?



ВИЗНАЧАЄМО, ЯКИЙ ДРІБ ОДНЕ ЧИСЛО СТАНОВИТЬ ВІД ІНШОГО. ПОРІВНЮЄМО ДРОБИ ІЗ ЧИСЛОМ 1

674 На скільки рівних частин розділено ціле в кожному випадку? Яку частину цілого зафарбовано? Запиши відповідний дріб. Порівняй записані дроби із числом 1.



675 Порівняй дроби із числом 1.

$$\frac{1}{7}$$

$$\frac{8}{8}$$

$$\frac{10}{10}$$

$$\frac{5}{20}$$

$$\frac{34}{45}$$

$$\frac{4}{5}$$

$$\frac{5}{5}$$

$$\frac{8}{16}$$



Якщо $a = b$, то $\frac{a}{b} = 1$.

Якщо $a < b$, то $\frac{a}{b} < 1$.

676 Розташуй числа в порядку зростання.

$$\frac{47}{54}$$

$$\frac{27}{54}$$

$$\frac{21}{54}$$

$$\frac{5}{54}$$

$$\frac{17}{54}$$

$$\frac{9}{54}$$

$$\frac{19}{54}$$

$$\frac{41}{54}$$

1

677 Четверо дітей вирішили поділити три шоколадки порівну. Як це можна зробити? Яку частину шоколадки отримає кожна дитина?



У результаті ділення трьох шоколадок порівну між чотирма дітьми кожна дитина отримає три шматочки, кожен із яких дорівнює $\frac{1}{4}$ одної шоколадки, тобто:

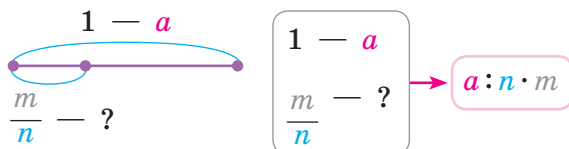
$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \cdot 3 = \frac{3}{4}. \text{ Або } 3:4 = \frac{3}{4}.$$

Якщо m однакових предметів розділити на n рівних частин, то кожна частина буде складати $\frac{m}{n}$ цілого предмета.

$$m : n = \frac{m}{n}$$

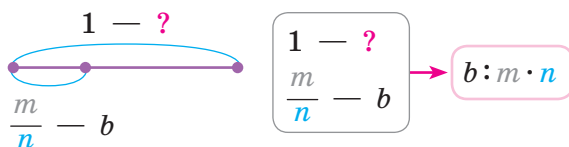
Знаходження дробу від числа

Щоб знайти **дріб від числа**, треба це **число поділити на знаменник** і результат **помножити на чисельник**.



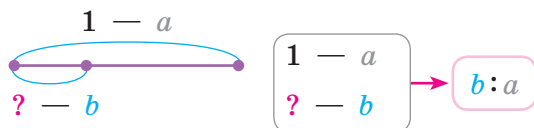
Знаходження числа за величиною його дробу


Щоб знайти **число за величиною його дробу**, треба **величину дробу поділити на чисельник** і результат **помножити на знаменник**.



Знаходження дробу, який показує, яку частину одне число становить від іншого

Щоб **подати дробом частину, яку менше число становить від більшого**, треба **менше число розділити на більше**.



678  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи дві обернені задачі: на знаходження частини від числа та на знаходження числа за величиною його частини.

▶ Від будинку Тараса до річки 5 км. Хлопець пройшов 2 км і вирішив відпочити. Яку частину шляху пройшов Тарас?





679 Васильку треба було забити 8 цвяхів. 6 цвяхів він забив правильно, а решту погнув. Яку частину цвяхів Василько погнув?

680 Згадай правило ділення числа на одиницю. Заміни частку двох натуральних чисел дробом.

$$a : 1 = a \quad \frac{a}{1} = 1$$

7 : 1 12 : 1 25 : 1 9 : 1 67 : 1

681 Заміни кожен частку двох натуральних чисел дробом. У яких випадках дріб дорівнює натуральному числу?

18 і 1 7 і 1 45 і 1 5 і 1 56 і 112

682 Порівняй подані дроби із числом 1.

$\frac{1}{7}$ $\frac{12}{10}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{8}{8}$ $\frac{25}{20}$ $\frac{34}{45}$ $\frac{17}{18}$ $\frac{19}{15}$ $\frac{3}{3}$ $\frac{2}{9}$ $\frac{9}{6}$ $\frac{14}{14}$ $\frac{15}{16}$

683 1) Висота вікна прямокутної форми 2 м, а ширина становить $\frac{3}{5}$ висоти. Визнач площу вікна.

▶▶ 2) До шкільної їдальні привезли рибу: коропчуків, сазанів, судаків та лящів. Коропчуків було 46 кг, сазанів — 30 кг, а судаків — у 3 рази більше, ніж лящів. Коли половину всієї риби приготували, залишилося ще 90 кг. Скільки кілограмів судаків привезли?

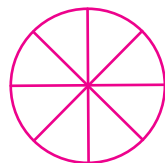
684 У кожному випадку добери таке число, щоб рівність/нерівність була істинною. Розглянь різні варіанти.

$$\frac{5}{10} = \frac{\square}{2} \qquad \frac{3}{8} > \frac{\square}{4} \qquad \frac{1}{2} = \frac{\square}{4}$$

ДОДАЄМО І ВІДНІМАЄМО ДРОБИ З ОДНАКОВИМИ ЗНАМЕННИКАМИ

685 Піцу розрізали на 8 рівних шматочків. Інна з'їла 3 шматочки піци. Яку частину піци вона з'їла? Олег з'їв 4 шматочки піци. Яку частину піци з'їли діти?

Круг на рисунку ілюструє піцу. Розкажи, як зафарбувати різними кольорами сектори круга, щоб показати, яку частину піци з'їла кожна дитина. Запиши відповідні дроби. Якою арифметичною дією дізнаємося, яку частину піци з'їли діти?



Микола записав рівність: $\frac{3}{8} + \frac{4}{8} = \frac{7}{8}$. Чи погоджуєшся ти з хлопчиком? Проаналізуй запис. Що

спільне в усіх дробах? Що відмінне? Поміркуй, як можна діяти, щоб додати дроби з однаковими знаменниками.

Тетяна зазначила, що була ціла піца, розрізана на 8 рівних шматочків: $1 = \frac{8}{8}$. З'їли $\frac{7}{8}$ піци,

тоді $\frac{1}{8}$ піци залишилася: $\frac{8}{8} - \frac{7}{8} = \frac{1}{8}$.



Як можна діяти, щоб відняти дроби з однаковими знаменниками?

Додавання і віднімання дробів з однаковими знаменниками

Щоб додати
відняти дроби з однаковими знаменниками, треба додати
відняти їх **чисельники**, а **знаменник залишити тим самим**.

$$\frac{a}{n} \pm \frac{b}{n} = \frac{a \pm b}{n}$$

686 Знайди суму або різницю двох дробів. Прокоментуй, як проілюструвати розв'язання на відрізку.

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{4}$$

$$\frac{4}{4} - \frac{3}{4}$$

$$\frac{2}{5} + \frac{3}{5}$$

$$\frac{4}{5} - \frac{1}{5}$$

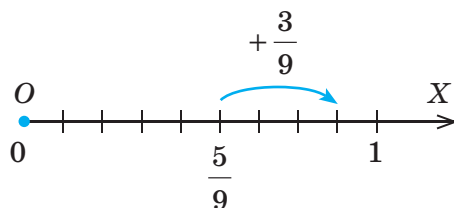


687 Додай і відними дроби за координатним променем.

$$\frac{5}{9} + \frac{3}{9}$$

$$\frac{4}{9} - \frac{2}{9}$$

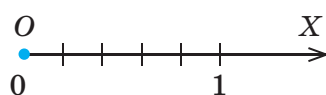
$$\frac{2}{9} + \frac{4}{9}$$



$$\frac{3}{5} + \frac{1}{5}$$

$$\frac{4}{5} - \frac{2}{5}$$

$$\frac{1}{5} + \frac{4}{5}$$



688  Виконай арифметичні дії з коментарем.

$$\frac{7}{15} + \frac{8}{15}$$

$$\frac{12}{15} - \frac{8}{15}$$

$$\frac{12}{21} + \frac{5}{21}$$

$$\frac{12}{21} - \frac{5}{21}$$

689  Знайди значення сум і різниць.

$$\frac{4}{17} + \frac{9}{17}$$

$$\frac{11}{23} - \frac{7}{23}$$

$$\frac{40}{100} - \frac{23}{100}$$


$$\frac{21}{30} - \frac{14}{30}$$

$$\frac{17}{35} + \frac{15}{35}$$

$$\frac{26}{75} + \frac{37}{75}$$

$$\frac{8}{51} + \frac{9}{51}$$


$$\frac{81}{90} - \frac{68}{90}$$

690  Маса яблука становить $\frac{2}{10}$ кг, а гру-




ші — $\frac{3}{10}$ кг. Яка загальна маса яблука та груші в кілограмах? у грамах?



691  Фермер засіяв $\frac{8}{23}$ поля червоними помідорами «Мікадо», $\frac{9}{23}$ поля —

жовтими помідорами «Мікадо», а решту поля — помідорами «Сливка». Яку частину поля засіяно помідорами «Мікадо»? Яку частину поля засіяно помідорами «Сливка»? Яка частина поля більше — засіяна помідорами «Мікадо» чи помідорами «Сливка»? На скільки більша?




692  Перенеси таблиці до зошита. Виконай арифметичні дії та запиши результати.

+	$\frac{4}{25}$	$\frac{7}{25}$	$\frac{14}{25}$
$\frac{8}{25}$			
$\frac{9}{25}$			
$\frac{11}{25}$			


-	$\frac{9}{50}$	$\frac{15}{50}$	$\frac{12}{50}$
$\frac{17}{50}$			
$\frac{32}{50}$			
$\frac{49}{50}$			

693  Склади вирази, значення яких дорівнюють $\frac{8}{10}$.

694  Знайди значення буквених виразів, якщо $x = \frac{34}{100}$; $x = \frac{72}{100}$; $x = \frac{25}{100}$.

1) $x + \frac{27}{100}$; 2) $x - \frac{18}{100}$.



695  Згадай означення дії множення. У кожному випадку заміни множення додаванням однакових чисел і знайди значення одержаної суми.

$$\frac{9}{35} \cdot 3$$

$$\frac{23}{120} \cdot 4$$

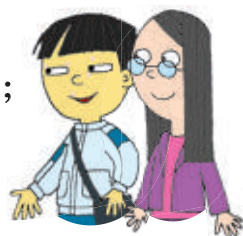
$$\frac{8}{45} \cdot 6$$

$$\frac{12}{1000} \cdot 8$$

696  Розташуй дроби в порядку спадання.


1) $\frac{3}{8}$; $\frac{3}{5}$; $\frac{3}{9}$; $\frac{3}{4}$; $\frac{3}{6}$; 2) $\frac{2}{3}$; $\frac{2}{7}$; $\frac{2}{11}$; $\frac{2}{5}$; $\frac{2}{9}$;


3) $\frac{7}{18}$; $\frac{11}{18}$; $\frac{4}{18}$; $\frac{9}{18}$; $\frac{5}{18}$; $\frac{1}{18}$; $\frac{16}{18}$.



697  Знайди закономірність і продовж ряди чисел.

1) $\frac{1}{12}$; $\frac{5}{12}$; $\frac{9}{12}$; ... 2) $\frac{3}{25}$; $\frac{6}{25}$; $\frac{10}{25}$; ... 3) $\frac{1}{2}$; $\frac{2}{4}$; $\frac{4}{8}$; ...


698  Запиши деякі розв'язки нерівності $\frac{1}{9} \leq \frac{a}{9} - \frac{2}{9} < \frac{4}{9}$.

699  Як між дванадцятьма дітьми розділити порівну 9 яблук, якщо кожне яблуко можна ділити не більше ніж на 4 рівні частини?

700  Розв'яжи старовинну задачу.

► Батько, який хотів віддати свого сина у навчання, спитав у вчителя: «Скажіть, скільки дітей у Вашому класі?» Учитель відповів: «Якщо прийде ще стільки ж учнів, скільки в мене вже є, ще половина, ще чверть і Ваш син, то буде 100». Скільки учнів у класі?


ДОДАЄМО І ВІДНІМАЄМО ДРОБИ

701  Заміни кожний дріб часткою двох натуральних чисел. Випиши дроби, які дорівнюють числу 1.

$$\frac{4}{7} \quad \frac{8}{8} \quad \frac{1}{2} \quad \frac{9}{13} \quad \frac{24}{24} \quad \frac{41}{100}$$



702  Склади можливі рівності із числами $\frac{3}{31}$; $\frac{16}{31}$; $\frac{19}{31}$.

703  Виконай арифметичні дії.


$$\left(\frac{14}{45} + \frac{18}{45}\right) - \frac{19}{45}$$

$$\frac{23}{24} - \left(\frac{8}{24} + \frac{9}{24}\right)$$



$$\left(\frac{18}{72} + \frac{17}{72}\right) - \frac{18}{72} - \left(\frac{11}{72} - \frac{7}{72}\right)$$


$$\frac{40}{63} - \left(\frac{36}{63} + \frac{9}{63} - \frac{37}{63}\right) + \frac{31}{63}$$

704  Розв'яжи рівняння.

$$\frac{2}{7} + x = \frac{6}{7}; \quad \frac{11}{16} - t = \frac{3}{16}; \quad a - \frac{19}{64} = \frac{23}{64}; \quad \frac{11}{25} + b = \frac{23}{25} + \frac{8}{25};$$

$$0 + d = 0; \quad c - c = 0; \quad 0 - n = 4; \quad (12 - y) \cdot 16 = 0.$$

Чим цікаві рівняння в другому рядку? Чи завжди рівняння має корінь? Чи може воно мати не один, а багато коренів?


705  Зістав різниці в кожному стовпчику. Як їх відмінність впливає на розв'язання? Знайди значення різниць.

$$\frac{11}{14} - \frac{7}{14}; \quad \frac{23}{100} - \frac{16}{100}; \quad \frac{15}{51} - \frac{9}{51}; \quad \frac{43}{60} - \frac{24}{60};$$

$$\frac{14}{14} - \frac{7}{14}; \quad \frac{100}{100} - \frac{16}{100}; \quad 1 - \frac{9}{51}; \quad 1 - \frac{24}{60};$$

$$1 - \frac{7}{14}; \quad 1 - \frac{16}{100}; \quad 2 - \frac{9}{51}; \quad 3 - \frac{24}{60}.$$



706  Виконай арифметичні дії. Усно порівняй одержані результати із числом 1.

$$\frac{18}{42} + \frac{15}{42} - \frac{9}{42}$$


$$\frac{56}{100} - \frac{28}{100} + \frac{47}{100}$$

$$\frac{27}{81} + \frac{34}{81} - \frac{43}{81}$$

$$\frac{73}{98} - \frac{56}{98} + \frac{18}{98}$$



$$\frac{16}{100} + \left(\frac{64}{100} - \frac{36}{100}\right)$$

$$\frac{22}{25} - \left(\frac{6}{25} + \frac{9}{25}\right)$$

707  Першого дня туристка і турист подолали $\frac{2}{7}$ шляху, другого — $\frac{3}{7}$, а третього — решту.


Яку частину шляху вони подолали третього дня?



708   Перенеси таблиці до зошита. Виконай арифметичні дії з дробами. Запиши результати.

+	$\frac{2}{23}$	$\frac{5}{23}$	
$\frac{3}{23}$			
		$\frac{12}{23}$	
$\frac{11}{23}$			$\frac{18}{23}$

+	$\frac{6}{24}$	$\frac{16}{24}$	
$\frac{7}{24}$			$\frac{15}{24}$
		1	
$\frac{6}{24}$			


709  Розв'яжи рівняння з коментарем і виконай перевірку.

$$x + \frac{5}{36} = \frac{13}{36}$$

$$y - \frac{16}{49} = \frac{27}{49}$$

$$\frac{8}{21} + k = \frac{17}{21}$$

$$\frac{48}{56} - t = \frac{39}{56}$$


710  Від двох пристаней, відстань між якими по річці 72 км, одночасно вирушили назустріч один одному два катери. Власна швидкість кожного катера 18 км/год. За скільки годин ці катери зустрінуться, якщо швидкість течії річки 2 км/год?

711  Знайди множину розв'язків нерівності:

$$\frac{1}{13} < \frac{x}{13} - \frac{4}{13} \leq \frac{5}{13}$$



ОЗНАЙОМЛЮЄМОСЬ ІЗ ПРАВИЛЬНИМИ ТА НЕПРАВИЛЬНИМИ ДРОБАМИ

712  Подали торт, розрізаний на 8 рівних шматочків. Яку частину торта з'їли гості, якщо вони з'їли 8 шматочків?



Прокоментуй міркування Михайла. Чи погоджуєшся ти з хлопчиком?

Михайло вважає: якщо гості з'їли 8 шматочків, то від торта нічого не залишилося, адже виходить, що з'їли весь торт. Хлопчик зробив відповідний запис.



$$\frac{8}{8} = 1$$

Чим цікавий цей дріб? Запиши інші дроби, які дорівнюють числу 1. За якою ознакою можна «впізнати» такі дроби?

Тетяна вважає: якби з'їли не 8 шматочків торта, а менше, то від цілого торта щось залишилось би; тоді дріб, яким позначено частину торта, що з'їли, був би меншим від числа 1. Чи погоджуєшся ти з дівчинкою? Що можна сказати про чисельник і знаменник дроби, меншого від числа 1? Наведи приклади таких дроби.




713  Доведи, що дріб $\frac{9}{8}$ більший за число 1. Подумай,

як можна одержати такий дріб. Накресли два круги й розділи кожний круг на 8 рівних частин. Зафарбуй 9 таких частин різними способами. Склади відповідні рівності. Порівняй одержаний результат із числом 1. Наведи приклади дроби, які більші за число 1. На яку ознаку слід орієнтуватися?

Якщо $a < b$, то $\frac{a}{b} < 1$

Якщо $a > b$, то $\frac{a}{b} > 1$

Якщо $a = b$, то $\frac{a}{b} = 1$

714  У Юлі було дві плитки шоколаду. Кожна плитка розділена на 24 маленькі прямокутники. З однієї плитки діти з'їли 18 маленьких прямокутників шоколаду, а з іншої — 9. Яку частину шоколаду з'їли діти?



У неправильних дробах так само, як і в правильних, риску дробу можна розуміти як знак ділення.

Наприклад: $\frac{8}{8} = 8:8 = 1$; $\frac{5}{2} = 5:2$; $\frac{40}{4} = 40:4 = 10$.

715  Заміни частку двох натуральних чисел дробом.

2 : 5 12 : 25 17 : 17 6 : 1 45 : 15

Поліна помітила, що $\frac{17}{17} = 1$, а дроби $\frac{6}{1}$ і $\frac{45}{15}$ більші за 1.

Поміркуй, як можна одержати кожний із поданих дробів.

716  Усно порівняй подані дроби із числом 1.

$\frac{1}{7}$ $\frac{12}{10}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{8}{8}$ $\frac{25}{20}$ $\frac{34}{45}$ $\frac{17}{18}$ $\frac{19}{15}$ $\frac{3}{3}$ $\frac{2}{9}$ $\frac{9}{6}$ $\frac{14}{14}$ $\frac{15}{16}$

717  Доведи, що дріб $\frac{8}{5}$ більший за число 1. Подумай,

як можна одержати такий дріб. Склади задачу, яка б пояснювала спосіб отримання такого дробу. Зміни цей дріб так, щоб одержати дріб, що дорівнює числу 1; дріб, менший від числа 1. На яку ознаку слід орієнтуватися? Запиши одержані дроби.

Правильні й неправильні дроби

Дроби, які **менші від числа 1**, називають **правильними**.

Якщо $a < b$, то $\frac{a}{b} < 1$ — правильні дроби


Дроби, які **більші за число 1** або **дорівнюють числу 1**, називають **неправильними**.


Якщо $a > b$, то $\frac{a}{b} > 1$
 Якщо $a = b$, то $\frac{a}{b} = 1$ } — неправильні дроби

Приклад: $\frac{2}{9}$, $\frac{7}{16}$, $\frac{28}{58}$ — правильні дроби;


$\frac{8}{8}$, $\frac{5}{2}$, $\frac{40}{4}$ — неправильні дроби.



718  Виконай арифметичні дії.


 $282 : 6 \cdot 4 - 76 : 19 \cdot 36 + 126 : 7 \cdot 8 + 136 : 17 \cdot 28 = ?$



719  Прочитай дроби. Усно порівняй кожний дріб із числом 1. Що можна сказати про ці дроби? Зміни кожний дріб так, щоб одержати неправильний дріб.


$$\frac{7}{18} \quad \frac{11}{18} \quad \frac{4}{18} \quad \frac{9}{18} \quad \frac{5}{18} \quad \frac{1}{18} \quad \frac{16}{18}$$

Познач на координатному промені точки, які відповідають поданим дробам. Розглянь розташування точок на координатному промені. Що спільне в поданих дробах?


720  Виконай обчислення. Усно порівняй одержані результати із числом 1. Визнач вид кожного одержаного дроби.

$$\frac{6}{7} + \frac{4}{7} \quad \frac{12}{15} - \frac{7}{15} \quad \frac{24}{25} + \frac{7}{25} \quad \frac{11}{19} - \frac{3}{19} \quad \frac{1}{18} + \frac{3}{18}$$




721  Прочитай дроби. Розбий їх на дві групи. За якою ознакою це можна зробити? Познач дроби на координатному промені точками. Як розташовані дроби кожної групи на координатному промені відносно числа 1?

$$\frac{2}{15} \quad \frac{2}{3} \quad \frac{2}{2} \quad \frac{2}{10} \quad \frac{2}{6} \quad \frac{2}{30} \quad \frac{2}{5}$$

722  Порівняй дроби в кожній парі. Яка існує залежність між ними?


$$\frac{1}{2} \text{ } \bullet \text{ } \frac{5}{10} \quad \frac{2}{3} \text{ } \bullet \text{ } \frac{14}{21} \quad \frac{4}{12} \text{ } \bullet \text{ } \frac{8}{24}$$



723  За яких натуральних значень змінної кожна з нерівностей є істинною? Запиши результат у вигляді нерівності.

$$\frac{5}{7} > \frac{r}{7} \quad \frac{d}{8} > \frac{3}{8} \quad \frac{5}{9} > \frac{5}{a}$$



724  Як між вісьма дітьми розділити порівну 6 апельсинів, якщо кожний апельсин можна ділити не більше ніж на 4 рівні частини?

ВИДІЛЯЄМО ЦІЛУ ЧАСТИНУ З НЕПРАВИЛЬНОГО ДРОБУ

725 Кожну частку заміни дробом, а кожний дріб — часткою двох натуральних чисел.

$$3:8 \qquad 6:15 \qquad \frac{8}{15} \qquad \frac{9}{25}$$

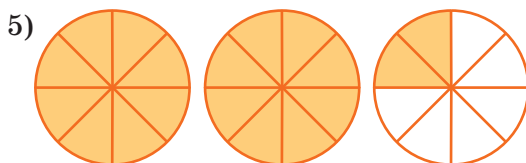
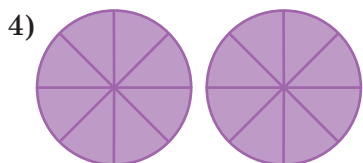
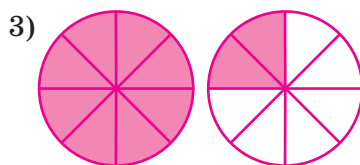
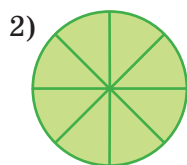
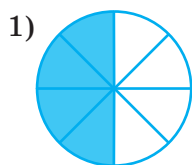
726 Виконай ділення з остачею та зроби перевірку.

$$15:7 \qquad 12:8 \qquad 24:5 \qquad 30:12 \qquad 70:15 \qquad 7:9$$

727 Розбий дроби на дві групи. Множину неправильних дробів розбий на дві підмножини.

$$\frac{5}{8} \quad \frac{7}{5} \quad \frac{9}{12} \quad \frac{4}{4} \quad \frac{10}{7} \quad \frac{7}{10} \quad \frac{10}{10} \quad \frac{8}{12} \quad \frac{4}{3} \quad \frac{8}{8}$$

728 Є кілька рівних кругів. Кожний круг розділили на 8 рівних частин. Яку частину круга / кругів зафарбували в кожному випадку? Запиши відповідні дроби.



Розташуй записані дроби в порядку спадання. Розбий дроби на три групи. За якою ознакою це можна зробити? Назви дроби, які дорівнюють цілому числу; покажи відповідні рисунки. Покажи рисунки, на яких зафарбовано цілі круги та ще кілька частин; назви ці числа. Чим вони цікаві?

Максим слушно вважає, що з неправильного дроби, який більший за число 1, можна виділити цілу частину.


До останнього рисунка (5) Марина записала рівності. Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?

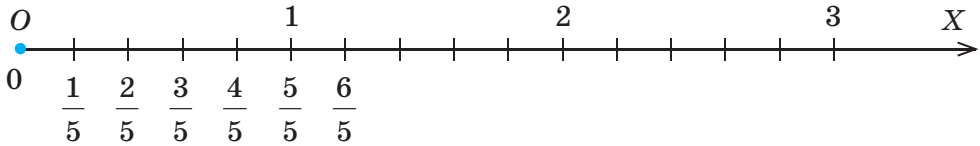


$$\frac{6}{6} + \frac{6}{6} + \frac{2}{6} = \frac{14}{6} \quad \text{— дріб}$$

$$1 + 1 + \frac{2}{6} = 2\frac{2}{6} \quad \text{— мішане число}$$



729  Розглянь, як на координатному промені позначено дроби. Назви правильні дроби; неправильні дроби. Де вони розташовані відносно точки, яка відповідає числу 1? Запиши дроби біля кожної поділки шкали.



Назви дріб, що дорівнює числу 1; числу 2; числу 3. Назви дроби, які на координатному промені розташовані за поділкою 1; за поділкою 2.

Оля вважає, що дроби $\frac{6}{5}$; $\frac{7}{5}$; $\frac{8}{5}$; $\frac{9}{5}$ містять 1 ціле, а дроби $\frac{11}{5}$; $\frac{12}{5}$; $\frac{13}{5}$; $\frac{14}{5}$ — 2 цілі. Чи погоджуєшся ти з дівчинкою? Чи є залежність між числом цілих і неповною часткою при діленні з остачею чисельника на знаменник?



Виконай відповідні записи, скориставшись підказками.

$$\frac{6}{5} = 1 \frac{\square}{\square}$$

$$\frac{7}{5} = 1 \frac{\square}{\square}$$

$$\frac{8}{5} = 1 \frac{\square}{\square}$$

$$\frac{9}{5} = 1 \frac{\square}{\square}$$

$$\frac{11}{5} = 2 \frac{\square}{\square}$$

$$\frac{12}{5} = 2 \frac{\square}{\square}$$

$$\frac{13}{5} = 2 \frac{\square}{\square}$$

$$\frac{14}{5} = 2 \frac{\square}{\square}$$

Поміркуй, як виділити цілу частину з неправильного дробу.


Виділення цілої частини з неправильного дробу

- ① Ділю чисельник дробу на його знаменник.
- ② Одержана неповна частка — це ціла частина мішаного дробу, записую її у цілій частині.
- ③ Одержана остача — це чисельник дробу, записую її у чисельнику.
- ④ Знаменник дробу залишаю без змін.


Наприклад:

$$\frac{5}{3} = 1 \frac{2}{3} \quad 5 : 3 = 1 \text{ (ост. } 2)$$

$1 \frac{2}{3}$ — мішане число
 ↓
 ціла частина дробова частина

730  Накресли координатний промінь OX з одиничним відрізком довжиною 10 клітинок. Познач подані дроби. Знайди серед них рівні дроби. Наведи ще кілька прикладів рівних їм дробів.

$$\frac{1}{10} \quad \frac{2}{10} \quad \frac{4}{10} \quad \frac{8}{10} \quad \frac{1}{5} \quad \frac{2}{5} \quad \frac{4}{5} \quad \frac{1}{2}$$


731  Накресли координатний промінь OX . Як ти вважаєш, який одиничний відрізок доцільно обрати, щоб позначити на промені подані дроби?

$$\frac{1}{4} \quad \frac{2}{4} \quad \frac{3}{4} \quad \frac{4}{4} \quad \frac{5}{4} \quad \frac{6}{4} \quad \frac{7}{4} \quad \frac{8}{4} \quad \frac{11}{4} \quad \frac{12}{4}$$

Розбий множину дробів на дві підмножини. За якою ознакою це можна зробити? Неправильні дроби запиши у вигляді мішаного числа.

732  Заміни кожний дріб натуральним числом.


$$\frac{16}{8} \quad \frac{18}{2} \quad \frac{24}{6} \quad \frac{30}{3} \quad \frac{35}{35} \quad \frac{51}{17}$$


733  Заміни натуральні числа 1, 6, 8 і 12 дробами зі знаменником:

1) 2; 2) 4; 3) 5; 4) 8; 5) 12.

734  Виділи цілу частину з неправильного дробу.

$$\frac{6}{4} \quad \frac{16}{5} \quad \frac{27}{6} \quad \frac{54}{4} \quad \frac{38}{12} \quad \frac{86}{16}$$


735  Запиши множину дробів $\frac{a}{b}$, чисельник яких задовольняє нерівність $4 < a \leq 6$, а знаменник — нерівність $5 \leq b < 8$. Розбий цю множину дробів на дві підмножини. За якою ознакою це можна зробити?

736  Знайди множину натуральних розв'язків кожної нерівності.


$$\frac{x}{5} \leq \frac{3}{5} \qquad \frac{2}{11} \leq \frac{2}{y} < \frac{2}{9}$$




ЗАПISУЄМО МIШАНЕ ЧИСЛО У ВИГЛЯДІ НЕПРАВИЛЬНОГО ДРОБУ

737  Виконай ділення з остачею та зроби перевірку.

$$6 : 4 \quad 12 : 7 \quad 48 : 5 \quad 54 : 8 \quad 74 : 9$$

738  Познач на координатному промені точки, які відповідають поданим дробам. Розбий дроби на дві групи. За якою ознакою це можна зробити? Розбий множину неправильних дробів на дві підмножини. За якою ознакою це можна зробити? Перетвори неправильний дріб на мішане число, якщо це можливо.

$$\frac{24}{6} \quad \frac{2}{12} \quad \frac{9}{6} \quad \frac{6}{6} \quad \frac{1}{6} \quad \frac{20}{6} \quad \frac{3}{6} \quad \frac{15}{6} \quad \frac{1}{2} \quad \frac{12}{6} \quad \frac{5}{6} \quad \frac{7}{6}$$

739  Перевір, чи правильно дріб $\frac{42}{8}$ перетворили на мішане число: $\frac{42}{8} = 5\frac{2}{8}$ — «п'ять цілих дві восьмих». Поміркуй, як можна дріб $\frac{35}{2}$ замінити мішаним числом.

Максим слушно вважає: для того щоб перетворити неправильний дріб на мішане число, слід виконати ділення з остачею чисельника на його знаменник; одержана неповна частка — це ціла частина мішаного числа, одержана остача — чисельник дробової частини числа, знаменник дробової частини числа залишається без змін:

$$35 : 2 = 17 \text{ (ост. 1)}; \quad \frac{35}{2} = 17\frac{1}{2}.$$

Поміркуй, як виконати обернену дію — подати мішане число у вигляді неправильного дробу.

Софія вважає: щоб подати мішане число у вигляді неправильного дробу, слід діяти, як під час перевірки ділення з остачею: неповну частку (цілу частину мішаного числа) треба помножити на дільник (знаменник дробової частини) і до одержаного результату додати остачу (чисельник дробової частини числа). Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?

Перевірка: $17 \cdot 2 + 1 = 35$; $17\frac{1}{2} = \frac{35}{2}$.




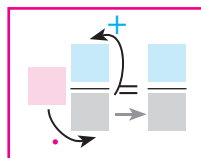
Подання мішаного числа у вигляді неправильного дробу

- ① Множу цілу частину мішаного числа на знаменник дробової частини.
- ② До одержаного результату додаю чисельник дробової частини.
- ③ Записую одержане число в чисельнику неправильного дробу.
- ④ Знаменник дробу залишаю без змін.


Наприклад: $1\frac{2}{3} = \frac{5}{3}$; $1 \cdot 3 + 2 = 5$.




740  Запиши кожне мішане число у вигляді неправильного дробу, скориставшись схемою.




$$1\frac{3}{5} \quad 2\frac{4}{9} \quad 3\frac{4}{6} \quad 12\frac{7}{8} \quad 9\frac{14}{23} \quad 5\frac{14}{37} \quad 4\frac{18}{19} \quad 6\frac{16}{19}$$

741  Знайди значення сум. Як називаються числа, одержані в результаті? Прочитай ці числа.


$$5 + \frac{3}{8} \quad 10 + \frac{4}{5} \quad 7 + \frac{12}{15} \quad \img alt="house icon" data-bbox="598 558 635 595"/> 1 + \frac{4}{7} \quad 14 + \frac{9}{12}$$

742  Накресли координатний промінь. Поміркуй, який одиничний відрізок доцільно обрати. Познач на координатному промені точки, що відповідають поданим мішаним числам. Порівняй ці числа із числом 2 за їх розташуванням на координатному промені.

$$2\frac{3}{4} \quad 1\frac{7}{8} \quad 2\frac{1}{2} \quad 1\frac{3}{16} \quad 2\frac{7}{8}$$

743  Перетвори кожний неправильний дріб на мішане число. Прочитай одержані мішані числа; назви цілу частину, дробову частину.

$$\frac{12}{9} \quad \frac{7}{5} \quad \frac{16}{3} \quad \img alt="house icon" data-bbox="525 895 562 932"/> \frac{24}{7} \quad \frac{37}{5} \quad \frac{44}{12}$$

744  Розташуй числа в порядку зростання. Подай кожне мішане число у вигляді неправильного дробу, скориставшись поданим у завданні 762 опорним конспектом.

$$3\frac{4}{9}$$


$$6\frac{3}{5}$$

$$8\frac{12}{15}$$


$$\img alt="house icon" data-bbox="500 145 540 175"/> 11\frac{7}{9}$$

$$14\frac{7}{20}$$

$$5\frac{30}{50}$$

745  Шахісти зіграли дві партії. Одна партія тривала $\frac{3}{4}$ год, а інша — на $\frac{2}{4}$ год менше. Скільки годин грали шахісти?




746  Для кожної поданої нерівності познач на координатному промені кілька точок, координати яких задовольняють цю нерівність.

$$2 < d < 3$$

$$3 < f < 4$$

$$5 < r < 6$$

747  Знайди значення виразів. Якщо це можливо, подай одержаний дріб у вигляді мішаного числа.

$$\frac{9}{10} + \frac{7}{10} - \frac{8}{10} + \frac{5}{10}$$

$$\frac{4}{5} + \left(\frac{8}{5} - \frac{3}{5} \right)$$

$$\frac{15}{8} - \left(\frac{6}{8} + \frac{4}{8} \right)$$

$$1 - \left(\frac{8}{12} - \frac{3}{12} \right)$$

$$\frac{39}{40} + \frac{17}{40} - \frac{8}{40}$$


$$\frac{18}{21} + \left(\frac{20}{21} - \frac{14}{21} \right)$$

748  Знайди значення буквеного виразу $a - b + c$, якщо:

$$a = \frac{16}{23}, b = \frac{9}{23}, c = \frac{9}{35};$$



$$a = \frac{20}{35}, b = \frac{12}{35}, c = \frac{9}{35}.$$


749  Розв'яжи рівняння. Знайди суму коренів усіх рівнянь.

$$\frac{40}{a} = 8$$

$$\frac{x}{9} = 12$$

$$\frac{51}{c} = 17$$

$$\frac{k}{15} = 4$$

750  Знайди множину натуральних розв'язків кожної нерівності. Запиши результат у вигляді нерівності.




$$\frac{5}{y} < \frac{5}{7}$$

$$\frac{x}{6} \leq \frac{4}{6}$$


$$\frac{k}{8} \geq \frac{7}{8}$$

$$\frac{9}{z} > \frac{9}{17}$$


ДОДАЄМО І ВІДНІМАЄМО МІШАНІ ЧИСЛА

751  Розбий дроби на дві групи. Кожний неправильний дріб перетвори на мішане число. Прочитай одержані мішані числа.

$$\frac{5}{12} \quad \frac{7}{3} \quad \frac{12}{25} \quad \frac{17}{13} \quad \frac{26}{9} \quad \frac{8}{11} \quad \frac{40}{7}$$

752  Запиши кожне мішане число у вигляді неправильного дробу.

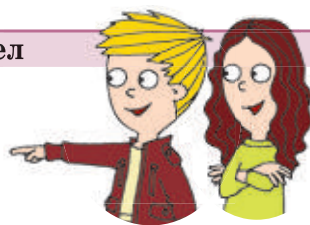
$$7\frac{3}{4} \quad 4\frac{12}{15} \quad 12\frac{5}{9} \quad 24\frac{3}{7} \quad 42\frac{8}{11}$$

753  Знайди значення виразу в першому рядку кожного стовпчика. Зістав перший і другий вирази в кожному стовпчику. Що змінюється? Як ця зміна вплине на розв'язання? Знайди значення решти виразів.

$\frac{8}{19} + \frac{6}{19}$	$\frac{10}{11} - \frac{7}{11}$	$\frac{8}{23} + \frac{6}{23}$	$\frac{21}{35} - \frac{16}{35}$
$3\frac{8}{19} + \frac{6}{19}$	$2\frac{10}{11} - \frac{7}{11}$	$5\frac{8}{23} + \frac{6}{23}$	$9\frac{21}{35} - \frac{16}{35}$
$3\frac{8}{19} + 1\frac{6}{19}$	$2\frac{10}{11} - 1\frac{7}{11}$	$5\frac{8}{23} + 4\frac{6}{23}$	$9\frac{21}{35} - 7\frac{16}{35}$

Додавання і віднімання мішаних чисел

- ① Додаю цілі частини.
Віднімаю
- ② Додаю дробові частини.
Віднімаю
- ③ До одержаної цілої частини дописую дробову частину.



754  Знайди значення виразів.

$6\frac{4}{11} + \frac{5}{11}$	$22\frac{11}{15} - 17\frac{7}{15}$	$11\frac{15}{23} + 9\frac{6}{23}$	$17\frac{23}{50} - 9\frac{18}{50}$
$3\frac{9}{13} - \frac{7}{13}$	$18\frac{9}{25} + 9\frac{15}{25}$	$14\frac{34}{55} - 8\frac{27}{55}$	$35\frac{18}{45} + 28\frac{17}{45}$



755  Перетвори неправильний дріб на мішане число.

$$\frac{34}{12}$$


$$\frac{48}{17}$$

$$\frac{27}{6}$$



$$\frac{43}{5}$$

$$\frac{29}{14}$$

756  Запиши мішане число у вигляді неправильного дробу.


$$4\frac{8}{9}$$

$$12\frac{4}{7}$$



$$36\frac{2}{8}$$

$$9\frac{12}{17}$$

757  Кожне натуральне число подай у вигляді неправильного дробу із заданим знаменником.

$$5 = \frac{\square}{14}$$

$$7 = \frac{\square}{23}$$



$$12 = \frac{\square}{6}$$

$$14 = \frac{\square}{9}$$

758  Знайди значення виразів.

$$7 + 8\frac{3}{14} - 9\frac{2}{14}; \quad 15\frac{14}{25} - \left(2\frac{3}{25} + 9\frac{8}{25}\right); \quad 45\frac{31}{32} - \left(12\frac{21}{32} - 7\frac{18}{32}\right)$$

759  Знайди значення виразів зручним способом.

$$\left(12\frac{3}{4} + 7\frac{1}{4}\right) - 6\frac{3}{4}; \quad 11\frac{6}{7} - \left(\frac{3}{7} + 9\frac{6}{7}\right); \quad 8\frac{6}{11} + 7\frac{3}{15} + 2\frac{5}{11} + 1\frac{7}{15}$$

760  Порівняй дроби.



$$\frac{2}{6} \bullet \frac{2}{3}$$

$$\frac{2}{12} \bullet \frac{2}{4}$$

$$\frac{2}{3} \bullet \frac{2}{12}$$

761  Запиши множину дробів $\frac{x}{y}$, якщо:

- 1) $4 < x \leq 5, 7 \leq y \leq 9$;
- 2) $8 < x < 11, 17 \leq y < 19$.



ДОДАЄМО І ВІДНІМАЄМО МІШАНІ ЧИСЛА

762  Перетвори неправильний дріб на мішане число.

$$\frac{12}{7}$$

$$\frac{14}{3}$$

$$\frac{22}{9}$$

$$\frac{45}{13}$$

$$\frac{24}{19}$$

Запиши мішане число у вигляді неправильного дробу.

$1\frac{2}{3}$

$5\frac{8}{11}$

$1\frac{7}{9}$

$1\frac{3}{8}$

$4\frac{5}{12}$

763  Знайди значення виразів.


$5 + 1\frac{7}{8}$

$1 - \frac{2}{3}$

$8 + \frac{3}{7}$

$2 - \frac{4}{5}$

$12 + 1\frac{5}{9}$

764  Кожне натуральне число подай у вигляді мішаного числа, користуючись підказкою.

$$5 = 4 + 1 = 4 + \frac{8}{8} = 4\frac{8}{8}$$


$3 = 2\frac{\square}{4}$

$7 = 6\frac{\square}{12}$

$11 = 10\frac{\square}{35}$

$31 = 30\frac{\square}{19}$

$24 = 23\frac{\square}{42}$

765  Знайди значення виразу в першому рядку кожного стовпчика. Зістав перший і другий вирази в кожному стовпчику. Що змінюється? Як ця зміна вплине на розв'язання? Знайди значення решти виразів.

$\frac{4}{11} + \frac{6}{11}$

$\frac{9}{10} - \frac{3}{10}$

$5\frac{7}{13} + 3\frac{8}{13}$

$1\frac{4}{11} + 2\frac{6}{11}$

$1\frac{1}{10} - \frac{3}{10}$

$5\frac{7}{13} - 3\frac{8}{13}$



$\frac{4}{11} + \frac{7}{11}$

$6\frac{9}{10} - 4\frac{3}{10}$

$8\frac{3}{8} + 2\frac{4}{8}$

$1\frac{4}{11} + 2\frac{7}{11}$

$6\frac{1}{10} - 4\frac{3}{10}$

$8\frac{3}{8} - 2\frac{6}{8}$

766  Знайди значення виразів.

$5\frac{6}{9} + 4\frac{5}{9}$

$9\frac{4}{7} - 3\frac{6}{7}$

$12\frac{7}{8} + 9\frac{3}{8}$

$15\frac{2}{5} - 8\frac{4}{5}$

$21\frac{3}{13} - 9\frac{9}{13}$

$34\frac{15}{23} + 26\frac{8}{23}$

$42\frac{5}{12} - 18\frac{9}{12}$

$55\frac{23}{32} + 27\frac{28}{32}$

Алгоритм додавання мішаних чисел



Перетворюю одержаний неправильний дріб на мішане число.

Так

Додаю цілі частини.

Додаю дробові частини.

У дробовій частині неправильний дріб?

Ні

Додаю одержані числа.

$$\text{Наприклад: } 7\frac{8}{10} + 5\frac{1}{10} = 12 + \frac{9}{10} = 12\frac{9}{10};$$

$$7\frac{8}{10} + 5\frac{4}{10} = 12 + \frac{12}{10} = 12 + 1\frac{2}{10} = 13.$$



Алгоритм віднімання мішаних чисел

Із цілої частини зменшуваного «позичаю» число 1 і замінюю його неправильним дробом із таким самим знаменником, що й у дробовій частині.

Додаю одержаний неправильний дріб до дробової частини зменшуваного.

Подаю зменшуване у вигляді мішаного числа, дробова частина якого — неправильний дріб.

Ні

Чи можна від дробової частини зменшуваного відняти дробову частину від'ємника?

Так

Віднімаю цілі частини.

Віднімаю дробові частини.

До одержаної цілої частини дописую дробову частину.


$$\text{Наприклад: } 7\frac{4}{10} - 5\frac{2}{10} = 2 + \frac{2}{10} = 2\frac{2}{10};$$

$$7\frac{4}{10} - 5\frac{9}{10} = \left(6 + \frac{10}{10} + \frac{4}{10}\right) - 5\frac{9}{10} = 6\frac{14}{10} - 5\frac{9}{10} = 1\frac{5}{10}.$$

767  Знайди значення буквених виразів.

$$45\frac{12}{21} + a, \text{ якщо } a = 38\frac{18}{21};$$

$$\text{🏠 } 63\frac{32}{45} - b, \text{ якщо } b = 26\frac{27}{45}$$

768  Розв'яжи рівняння.


$$8\frac{3}{7} + x = 14\frac{2}{7}$$

$$11\frac{5}{11} - y = 8\frac{7}{11}$$

$$\text{🏠 } c - 15\frac{9}{10} = 18\frac{2}{10}$$


769  Знайди значення виразів.

$$14\frac{11}{13} + 9\frac{5}{13} - 8\frac{9}{13}; 21\frac{9}{10} - \left(8\frac{7}{10} + 9\frac{6}{10}\right); 54\frac{9}{13} - \left(23\frac{5}{13} - 18\frac{9}{13}\right)$$


770  Знайди значення виразів зручним способом.

$$\left(8\frac{5}{8} + 4\frac{7}{8}\right) + 12\frac{5}{8}; \left(14\frac{9}{11} + 5\frac{7}{11}\right) - 12\frac{9}{11}; \left(23\frac{14}{15} + 6\frac{9}{15}\right) - 9\frac{4}{15};$$


$$12\frac{18}{25} + 7\frac{7}{25} - 9\frac{8}{25}; 31\frac{65}{100} - \left(1\frac{17}{100} + 29\frac{15}{100}\right); 23\frac{14}{15} + \left(6\frac{9}{15} - 9\frac{4}{15}\right)$$

771  Розв'яжи рівняння.

$$1\frac{11}{17} - \left(x + \frac{9}{17}\right) = \frac{4}{17}; \left(5\frac{8}{9} + b\right) - 6\frac{5}{9} = 9\frac{4}{9}; \left(15\frac{5}{7} - y\right) + 3\frac{4}{7} = 9\frac{5}{7}$$

772  Як зміниться значення суми двох доданків, якщо перший доданок збільшити на $\frac{5}{8}$, а другий зменшити на $\frac{7}{8}$?

ПОРІВНЮЄМО МІШАНІ ЧИСЛА. РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ

773  Порівняй числа в першому рядку кожного стовпчика. Зістав пару чисел у першому рядку з парою чисел у другому рядку; у третьому рядку. Що змінилося? Як ця зміна вплине на спосіб міркування? Зістав пари чисел у другому та третьому рядках. Як можна міркувати під час порівняння мішаних чисел?

$$\frac{3}{4} \bullet \frac{1}{4}$$



$$\frac{5}{6} \bullet \frac{4}{6}$$



$$\frac{7}{12} \bullet \frac{5}{12}$$

$$2\frac{3}{4} \bullet 2\frac{1}{4}$$

$$8\frac{5}{6} \bullet 8\frac{4}{6}$$

$$14\frac{7}{12} \bullet 14\frac{5}{12}$$

$$2\frac{3}{4} \bullet 5\frac{1}{4}$$

$$8\frac{5}{6} \bullet 3\frac{4}{6}$$

$$14\frac{7}{12} \bullet 19\frac{5}{12}$$

Алгоритм порівняння мішаних чисел (у дробових частинах — дробі з однаковими знаменниками / чисельниками)

Порівнюю цілі частини за правилом порівняння натуральних чисел.

Більше те число, у якого ціла частина більша; менше те, у якого ціла частина менша.



Цілі частини рівні?

Ні

Так

Порівнюю дробові частини за правилом порівняння звичайних дробів.

Більше те число, у якого дробова частина більша; менше те, у якого дробова частина менша.

Записую нерівність.

Наприклад: $8\frac{4}{11} > 2\frac{6}{11}$;

$$9\frac{4}{11} < 9\frac{6}{11}.$$

774 Порівняй мішані числа.

$$7\frac{3}{17} \bullet 12\frac{9}{17}$$

$$15\frac{24}{31} \bullet 15\frac{19}{31}$$

$$11\frac{24}{51} \bullet 12\frac{3}{51}$$

$$4\frac{8}{19} \bullet 4\frac{9}{19}$$

$$21\frac{18}{100} \bullet 24\frac{11}{100}$$

$$32\frac{9}{10} \bullet 32\frac{5}{10}$$

775 Знайди значення виразів.

$$9\frac{67}{100} + 7\frac{53}{100}$$


$$17\frac{2}{10} - 8\frac{6}{10}$$

$$4\frac{5}{7} + 3\frac{3}{7}$$

$$12\frac{13}{25} - 9\frac{9}{25}$$

$$32\frac{15}{23} - 24\frac{8}{23}$$

$$9\frac{5}{9} + 6\frac{8}{9}$$


776  Друзі замовили піцу. Єгор з'їв $\frac{3}{8}$ піци, Марина — $\frac{2}{8}$, а Микола — $\frac{1}{8}$. Яку частину піци з'їли?




777  Знайди значення виразів.

$$\left(18\frac{3}{10} + 9\frac{4}{10}\right) - 8\frac{9}{10}; \quad 14\frac{5}{15} - \left(5\frac{6}{15} + 6\frac{9}{15}\right); \quad 17\frac{11}{35} - \left(13\frac{15}{35} - 8\frac{9}{35}\right);$$


$$14\frac{91}{100} - \left(4\frac{75}{100} + 8\frac{63}{100}\right); \quad \left(14 - 9\frac{5}{13}\right) - 2\frac{9}{13}; \quad 40\frac{9}{16} + \left(13\frac{14}{16} - 7\frac{8}{16}\right)$$

778  Зріст Миколи 120 см, що становить $\frac{5}{6}$ зросту Тараса. Зріст Олени становить $\frac{3}{4}$ зросту Тараса. Визнач зріст кожної дитини.

779  Коли Петро з'їв $\frac{3}{4}$ своїх горіхів, а Семен — $\frac{2}{3}$ своїх, у них лишилося порівну горіхів, разом 408 горіхів. Скільки горіхів було в кожного хлопця спочатку?




ПОЗНАЧАЄМО ДРОБИ НА КООРДИНАТНОМУ ПРОМЕНІ

780  Накресли координатний промінь OX з одиничним відрізком довжиною 12 клітинок. Познач точки: $A(1)$, $B(2)$,

$$C\left(\frac{1}{2}\right), K\left(\frac{2}{3}\right), P\left(\frac{3}{4}\right), S\left(\frac{5}{12}\right).$$

Поміркуй, як позначити точки: $G\left(1\frac{5}{6}\right)$, $L\left(1\frac{1}{2}\right)$, $N\left(1\frac{2}{3}\right)$, $V\left(1\frac{3}{4}\right)$.

На цьому ж промені познач точки: $M\left(1\frac{2}{4}\right)$, $E\left(1\frac{9}{12}\right)$, $D\left(1\frac{4}{6}\right)$.

781  Порівняй мішані числа. За необхідності скористайся координатним променем, одержаним після виконання попереднього завдання.

$$1\frac{5}{6} \bullet 2\frac{2}{3} \quad 1\frac{3}{4} \bullet 1\frac{4}{6} \quad 2\frac{2}{4} \bullet 1\frac{1}{2} \quad 1\frac{5}{6} \bullet 2\frac{4}{6} \quad 2\frac{2}{3} \bullet 2\frac{2}{4}$$

782  Порівняй мішані числа.

$$12\frac{34}{37} \bullet 9\frac{29}{37} \quad 16\frac{74}{100} \bullet 16\frac{73}{100} \quad 45\frac{725}{1000} \bullet 45\frac{832}{1000}$$

783  Знайди значення виразів.

$$\frac{6}{23} + \frac{7}{23} + \frac{10}{23} \quad \left(\frac{11}{42} + \frac{19}{42}\right) - \frac{30}{42}$$


$$5\frac{8}{9} - \left(1\frac{7}{9} + \frac{5}{9}\right) \quad 4 - \left(\frac{15}{17} + \frac{9}{17}\right)$$

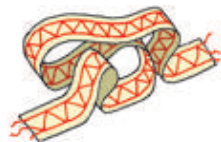
$$\left(4\frac{7}{13} - 2\frac{5}{13}\right) + 1\frac{2}{13}$$

$$\left(3\frac{8}{12} + 2\frac{5}{12}\right) - 4\frac{9}{12}$$

784  Розв'яжи задачі.


▶▶ 1) Олена вишила $\frac{7}{15}$ стрічки, а її сестра — на $\frac{3}{15}$ менше. Яку частину стрічки вишили дівчата разом?


 ▶▶ 2) Довжина стрічки 6 м. Олена із сестрою вишили $\frac{11}{15}$ стрічки. Скільки метрів стрічки їм залишилося вишити?




785  Знайди:


1) $\frac{2}{5}$ від 1 год; 2) $\frac{4}{25}$ від 1 ц;  3) $\frac{3}{100}$ від 1 км.

786  1) Знайди, скільки метрів у $\frac{3}{4}$ км; у $\frac{2}{5}$ км.

 2) Знайди, скільки кілограмів у $\frac{3}{4}$ ц; у $\frac{3}{4}$ т.

787  Подай величини в зазначених одиницях вимірювання; результат запиши у вигляді звичайного дроби або мішаного числа:

- 1) у метрах: 8 дм; 37 см; 15 мм; 6 дм 7 см;
9 дм 2 см 4 мм;
2) у тоннах: 27 кг; 6 ц; 456 кг; 65 ц; 8 ц 34 кг.


788  Виконай обчислення. Запиши результат у вигляді звичайного дробу або мішаного числа.



$$4\frac{1}{10} \text{ т} + 5\frac{3}{10} \text{ т} + 6 \text{ ц} = \blacksquare \text{ т}$$

$$4\frac{7}{30} \text{ год} - 42 \text{ хв} + 25 \text{ с} = \blacksquare \text{ хв}$$


$$8\frac{905}{1000} \text{ км} - 3\frac{837}{1000} \text{ км} + 200 \text{ м} = \blacksquare \text{ км}$$

789  Розв'яжи рівняння.


$$\left(x + 3\frac{11}{12}\right) - 5\frac{7}{12} = 9\frac{11}{12} \quad y - 5\frac{6}{7} = 0 \quad \left(b - \frac{2}{3}\right)\left(b - 4\frac{5}{7}\right) = 0$$


790  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

► Власна швидкість катера $35\frac{1}{5}$ км/год. Знайди швидкість катера за течією річки та проти течії, якщо швидкість течії річки $2\frac{3}{5}$ км/год.


791  Із 17 м тканини пошили 8 однакових суконь. Скільки метрів тканини використали на пошиття однієї сукні? Скільки метрів тканини потрібно на дві такі сукні?



792  Знайди найбільше натуральне число, яке задовольняє істинну нерівність $k < \frac{160}{9}$.

793  Знайди всі натуральні значення x , які задовольняють істинну нерівність $3\frac{1}{4} < \frac{x}{4} < 6\frac{3}{4}$.


РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ

794  Зістав задачі. Як відмінність задач вплине на їх розв'язання? До кожної задачі виконай схематичний рисунок. Запиши виразом розв'язання кожної задачі.



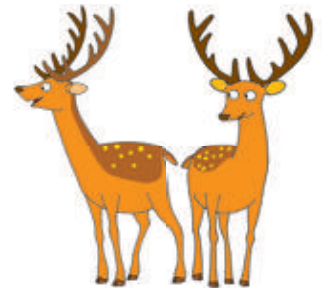
▶▶ 1) Пасажирський дрон може взяти на борт 540 кг вантажу. Знайди масу дрона, якщо вона становить $\frac{3}{4}$ від маси вантажу, який може взяти на борт цей дрон.

▶▶ 2) Маса пасажирського дрона 405 кг, що становить $\frac{3}{4}$ від маси вантажу, який він може взяти на борт. Скільки кілограмів вантажу може взяти на борт цей дрон?

795  Добери короткий запис до задачі 1, розв'яжи її. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.


▶▶ 1) Біосферний заповідник «Асканія-Нова» визнано одним із семи природних чудес України. Кількість диких копитних у цьому заповіднику підтримується на рівні 600 голів, причому степові олені становлять $\frac{3}{15}$ від загальної кількості копитних. Визнач кількість антилоп, якщо вони становлять $\frac{3}{6}$ від кількості оленів.

▶▶ 2) До заповідника привезли 45 ланей, що становить $\frac{9}{30}$ від кількості плямистих оленів. Благородних оленів привезли $\frac{14}{50}$ від кількості плямистих оленів. Скільки благородних оленів привезли до заповідника?

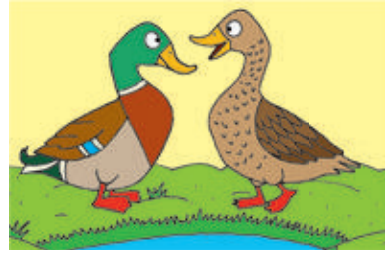


Ол. — ?, $\frac{3}{15}$ від 600 гол. ←
 Ант. — ?, $\frac{3}{6}$ від _____

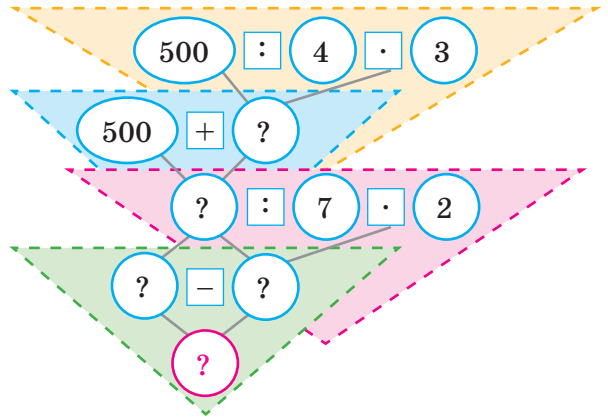
Л. — 45 гол., що становить $\frac{9}{30}$ від _____] ←
 Плям. ол. — ? ←
 Благ. ол. — ?, $\frac{14}{50}$ від _____] ←


796  Поясни подані короткий запис і пошук розв'язування задачі. Розв'яжи задачу.

► У зграї було 500 качок. Спочатку вилупилися каченята, які становили $\frac{3}{4}$ від кількості качок, а потім $\frac{2}{7}$ усієї кількості птахів відлетіли. Скільки птахів залишилось у зграї?




Було — 500 кач.
 Вилуп. — ?, $\frac{3}{4}$ від «було»
 Полетіли — ?, $\frac{2}{7}$ від «стало»
 Залишилось — ?



797  1) У класній бібліотеці 115 книжок, з яких $\frac{4}{5}$ — підручники. Скільки підручників у класній бібліотеці?



► 2) У класній бібліотеці 27 науково-популярних журналів, що становить $\frac{3}{7}$ усіх журналів. Скільки журналів у класній бібліотеці?

798  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.

► 1) На відкриття художньої виставки прийшло 96 учнів. З них $\frac{2}{6}$ були учнями п'ятих класів, а решта — учнями четвертих класів. Скільки учнів четвертих класів прийшло на відкриття виставки?

► 2) На відкриття художньої виставки прийшло 96 учнів. З них $\frac{2}{6}$ були учнями п'ятих класів, $\frac{3}{4}$ решти — учнями четвертих класів, а інші — учнями третіх класів. Скільки учнів третіх класів прийшло на відкриття виставки?



Поміркуй, яким іншим способом у задачі 2 можна дізнатися, скільки учнів третіх класів прийшло на відкриття виставки.


799  За яких натуральних значень букви b подані дроби будуть правильними?

$$\frac{2b+6}{12}$$

$$\frac{9b-3}{15}$$



УЗАГАЛЬНЮЄМО І ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

800  У кожному випадку запиши дріб, що позначає частину цілого, яку вилучили.



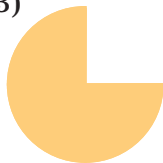
1)



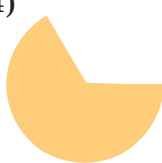
2)



3)



4)



5)




801  У кожному ряді знайди дроби, рівні першому із записаних.

1) $\frac{1}{4}$; $\frac{7}{8}$; $\frac{2}{8}$; $\frac{3}{12}$; $\frac{4}{4}$; $\frac{8}{16}$;




2) $\frac{2}{3}$; $\frac{4}{5}$; $\frac{8}{12}$; $\frac{10}{12}$; $\frac{4}{6}$; $\frac{18}{27}$;

802  Розбий дроби на дві групи. Кожний неправильний дріб перетвори на мішане число.


$$\frac{3}{5} \quad \frac{11}{9} \quad \frac{4}{3} \quad \frac{18}{13} \quad \frac{12}{7} \quad \frac{3}{25} \quad \frac{8}{17} \quad \frac{23}{15} \quad \frac{14}{9} \quad \frac{21}{16} \quad \frac{19}{20}$$

803  Познач на координатному промені точки, які відповідають дробам:

$$\frac{4}{6} \quad \frac{14}{6} \quad \frac{19}{6} \quad \frac{40}{12} \quad \frac{30}{12} \quad \frac{18}{12}$$

804  За 5 хв Віра пробігла $\frac{3}{4}$ км, Юля — $\frac{4}{5}$ км, Оля — $\frac{7}{10}$ км, Настя — $\frac{17}{20}$ км. Дізнайся, скільки метрів пробігла за 5 хв кожна дівчинка. Побудуй діаграму.



805  Тарас взяв у дорогу з Києва до Харкова кілограм цукерок. Поки поїзд доїхав до Миргорода, хлопець почастував своїх супутників $\frac{2}{5}$ усіх цукерок. На шляху до Полтави Тарас з'їв $\frac{1}{5}$ усіх цукерок сам і ще $\frac{1}{5}$ дав другові. Чи залишилися в хлопчика цукерки? Якщо залишилися, то яка їх маса?



ПЕРЕВІРЯЄМО СВОЇ ДОСЯГНЕННЯ

806 Які з наведених дробів більші за число 1?

$$\frac{12}{13} \quad \frac{35}{23} \quad \frac{7}{3} \quad \frac{10}{11} \quad \frac{11}{10} \quad \frac{73}{69} \quad \frac{41}{41} \quad \frac{1}{9} \quad \frac{9}{1} \quad \frac{20}{18} \quad \frac{50}{70}$$

807 Виконай арифметичні дії з дробами.

$$\begin{array}{llll} \frac{8}{13} + \frac{4}{13} & \frac{19}{24} + \frac{4}{24} & \frac{11}{32} + \frac{19}{32} & \frac{14}{27} + \frac{12}{27} \\ \frac{19}{20} - \frac{3}{20} & \frac{26}{41} - \frac{17}{41} & \frac{13}{26} - \frac{1}{26} & \frac{5}{16} - \frac{3}{16} \end{array}$$

808 Перетвори неправильний дріб на мішане число. Прочитай одержане мішане число.

$$\frac{6}{5} \quad \frac{9}{7} \quad \frac{14}{11} \quad \frac{22}{4} \quad \frac{39}{5} \quad \frac{49}{8}$$

809 Знайди значення виразів.

$$6\frac{3}{7} + \frac{1}{7} \quad 5\frac{4}{5} - \frac{2}{5} \quad 9\frac{2}{11} + 1\frac{7}{11} \quad 8\frac{9}{10} - 7\frac{3}{10}$$

810 Знайди значення буквених виразів, якщо $a = \frac{27}{100}$;
 $a = \frac{33}{100}$; $a = \frac{19}{100}$.

$$a + \frac{41}{100}$$



$$\frac{41}{100} - a$$

811 Визнач, за яких натуральних значень букви кожна з поданих нерівностей є істинною. Запиши відповідь у вигляді нерівності.

$$\frac{3}{8} < \frac{a}{8} \quad \frac{11}{17} > \frac{x}{17} \quad \frac{12}{21} < \frac{n}{21} \quad \frac{6}{19} > \frac{6}{y} \quad \frac{5}{13} < \frac{5}{c}$$

812 Розв'яжи рівняння.



$$4\frac{1}{3} + x = 10\frac{2}{3}$$

$$16\frac{7}{8} - y = 12\frac{3}{8}$$

$$a - 5\frac{3}{7} = 11\frac{3}{7}$$

813 Накресли координатний промінь з одиничним відрізком довжиною 8 клітинок. Познач точки, що відповідають поданим дробам. Знайди серед поданих дробів рівні. Наведи приклади інших рівних дробів.

$$\frac{1}{8} \quad \frac{2}{8} \quad \frac{4}{8} \quad \frac{6}{8} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{2}{4} \quad \frac{3}{4}$$



**УЗАГАЛЬНЮЄМО ЗНАННЯ
ПРО ДЕСЯТКОВУ СИСТЕМУ ЧИСЛЕННЯ**



814 Прочитай число 430526. Схарактеризуй це число за поданим планом.

План характеристики багатоцифрового числа

1. Найвищий розряд у числі; вид числа.
2. Розрядний склад числа; загальна кількість одиниць кожного розряду.
3. Загальна кількість одиниць кожного класу.
4. Подання числа у вигляді суми розрядних доданків; у вигляді суми чисел різних класів.
5. Які цифри застосовуються для запису числа; які цифри повторюються.
6. Місце числа в натуральному ряді; «сусіди» числа.
7. Способи одержання числа.

815 Розкажи, що ти знаєш про десяткову систему числення та позиційний принцип запису чисел.

Клас	Мільярди			Мільйони			Тисячі			Одиниці		
Розряд	Сотні	Десятки	Одиниці	Сотні	Десятки	Одиниці	Сотні	Десятки	Одиниці	Сотні	Десятки	Одиниці

Оціни міркування дітей і висновок, який вони зробили.



$$10 \text{ од.} = 1 \text{ д.} \Rightarrow 1 \text{ од.} = \frac{1}{10} \text{ д.}$$

$$10 \text{ д.} = 1 \text{ с.} \Rightarrow 1 \text{ д.} = \frac{1}{10} \text{ с.}$$

$$10 \text{ с.} = 1 \text{ тис.} \Rightarrow 1 \text{ с.} = \frac{1}{10} \text{ тис.}$$



Кожна одиниця наступного розряду в 10 разів більша за попередню; кожна одиниця попереднього розряду в 10 разів менша від наступної.

816 🔍 Зістав вирази в кожному стовпчику. Як відмінність виразів впливає на їх результат? Знайди значення виразів.

456 · 10
456 · 100
456 · 1000
456 · 10 000
456 · 100 000



2 700 000 : 10
2 700 000 : 100
2 700 000 : 1000
2 700 000 : 10 000
2 700 000 : 100 000



817 🔍 Подай числа в першому стовпчику у вигляді суми розрядних доданків та у вигляді суми добутків числа й відповідної розрядної одиниці. У другому стовпчику заміни суму розрядних доданків числом. Поміркуй, що залишиться, якщо від числа відняти один із його розрядних доданків. Знайди значення відповідних різниць.

78 906 480 321 60 000 000 + 700 000 + 300 + 20 + 5
500 670 321 008 60 700 325 - 60 000 000
123 005 006 703 345 60 700 325 - 700 000

818 🔍 Прочитай дроби. Як утворити кожне з поданих чисел?

$\frac{3}{10}$, $2\frac{3}{10}$; $\frac{34}{100}$, $4\frac{34}{100}$; $\frac{9}{1000}$, $1\frac{9}{1000}$; $\frac{543}{10\,000}$, $3\frac{543}{10\,000}$.


819 🧩 Запиши всі натуральні числа, які задовольняють істинну нерівність. Схарактеризуй хоча б одне із записаних чисел за планом, поданим вище.

$$5\,489\,632\,007 < d < 5\,489\,632\,012$$

820 🧩 Порівняй числа. Визнач, на скільки одне число більше або менше, ніж інше.

45 006 732 405 ● 45 007 632 405
806 346 895 408 ● 86 346 895 408
9 500 732 750 ● 950 732 750
183 000 467 301 ● 183 000 167 301




821  Округли числа до розряду:

1) десятків: 45 672, 300 568, 234 156 709, 437 245;

2) сотень тисяч: 200 376 400, 972 301, 83 504 999;

 3) мільйонів: 8 705 342, 124 023 789, 9 409 756 000;

4) десятків мільярдів: 845 000 302 045, 32 356 000 001.

822  Видатний український композитор та хоровий диригент Григорій Верьовка народився 25 грудня 1895 року. Визнач, скільки часу пройшло з дати його народження до сьогоднішнього дня.


823  Персики розклали в коробки, по 18 кг


 у кожну коробку. Виявилося, що маса


персиків в одній коробці — це $\frac{2}{6}$ маси


всіх персиків. Скільки кілограмів персиків розклали по коробках?





824  До чотирицифрового числа ліворуч дописали цифру 5. На скільки збільшилося це число?


825  Запиши таке натуральне число, яке закінчується цифрою 5 і задовольняє істинну нерівність: $215 < d < 233$.

826  Запиши всі двоцифрові числа, у яких число розряду десятків утричі більше за число розряду одиниць.

827  У числі 12967503 закресли чотири цифри так, щоб одержати запис найменшого з можливих чотирицифрових чисел; найбільшого з можливих чотирицифрових чисел.

828  Не виконуючи обчислень, поміркуй, що більше — сума всіх одноцифрових чисел чи їхній добуток?


829  Скільки існує двоцифрових чисел, у яких число розряду десятків більше за число розряду одиниць?

830  Перша цифра поданого чотирицифрового числа — 8. Якщо переставити цю цифру на останнє місце, одержимо число, яке на 327 менше від поданого числа. Знайди одержане число.

ОЗНАЙОМЛЮЄМОСЬ ІЗ ДЕСЯТКОВИМИ ДРОБАМИ

831  Прочитай дроби. У якому порядку записано дроби.

$$\frac{1}{10} \quad \frac{1}{100} \quad \frac{1}{1000} \quad \frac{1}{10\,000} \quad \frac{1}{100\,000} \quad \frac{1}{1\,000\,000}$$

832  Розглянь таблицю розрядів. Назви відомі тобі розрядні одиниці. У чому полягає спосіб утворення розрядної одиниці вищого розряду?

Сотні мільярдів	Десятки мільярдів	Одиниці мільярдів	Сотні мільйонів	Десятки мільйонів	Одиниці мільйонів	Сотні тисяч	Десятки тисяч	Одиниці тисяч	Сотні	Десятки	Одиниці
-----------------	-------------------	-------------------	-----------------	-------------------	-------------------	-------------	---------------	---------------	-------	---------	---------

Перевір, чи правильно діти записали співвідношення розрядних одиниць.

$$10 = 1 \cdot 10$$

$$10\,000 = 1000 \cdot 10$$

$$100 = 10 \cdot 10$$

$$100\,000 = 10\,000 \cdot 10$$

$$1000 = 100 \cdot 10$$

$$1\,000\,000 = 100\,000 \cdot 10$$



$$10\,000\,000 = 1\,000\,000 \cdot 10$$



$$100\,000\,000 = 10\,000\,000 \cdot 10$$

$$1\,000\,000\,000 = 100\,000\,000 \cdot 10$$

$$1 = 10 : 10$$

$$1000 = 10\,000 : 10$$

$$10 = 100 : 10$$

$$10\,000 = 100\,000 : 10$$

$$100 = 1000 : 10$$

$$100\,000 = 1\,000\,000 : 10$$



$$1\,000\,000 = 10\,000\,000 : 10$$

$$10\,000\,000 = 100\,000\,000 : 10$$

$$100\,000\,000 = 1\,000\,000\,000 : 10$$



Єгор записав співвідношення розрядних одиниць за допомогою звичайних дробів. Прочитай та поясни записи хлопця.

$$1 \text{ од.} = \frac{1}{10} \text{ д.}$$

$$1 \text{ од. тис.} = \frac{1}{10} \text{ д. тис.}$$

$$1 \text{ д.} = \frac{1}{10} \text{ с.}$$



$$1 \text{ д. тис.} = \frac{1}{10} \text{ с. тис.}$$

$$1 \text{ с.} = \frac{1}{10} \text{ тис.}$$

$$1 \text{ с. тис.} = \frac{1}{10} \text{ млн}$$



$$1 \text{ од. млн} = \frac{1}{10} \text{ д. млн}$$

$$1 \text{ д. млн} = \frac{1}{10} \text{ с. млн}$$

$$1 \text{ с. млн} = \frac{1}{10} \text{ млрд}$$



833 🔍 Микола стверджує, що в **десятковій системі числення 10 одиниць нижчого розряду утворюють 1 одиницю вищого розряду**. Тому таблицю розрядів можна нескінченно продовжити в напрямі більших розрядів — справа наліво.



Марина стверджує, що таблицю розрядів можна продовжити й зліва направо — у напрямі зменшення розрядів. У 10 разів менше від одиниці — це $\frac{1}{10}$ (одна десята) — розряд десятих. У 100 разів менше від одиниці й у 10 разів менше від десятих — це $\frac{1}{100}$ (одна сота) — розряд сотих.

Продовжи утворювати розряди, менші від розряду одиниць. Запиши відповідні звичайні дроби.

Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?

Тарас зазначив, що **для натуральних чисел найменшим розрядом є розряд одиниць**. Менші розряди існують лише для дробових чисел — десяткових дробів, оскільки ці числа містять ще й частину від одного цілого. Отже, у таблиці розрядів виокремлено дві частини: ціла й дробова. Щоб відокремити цілу частину від дробової, між ними ставлять кому.



Розглянь таблицю розрядів. Прочитай розряди цілої частини, дробової частини числа; зістав їх. Чи існує відповідність між розрядами?

..	Сотні мільйонів	Десятки мільйонів	Одиниці мільйонів	Сотні тисяч	Десятки тисяч	Одиниці тисяч	Сотні	Десятки	Одиниці	,	Десяті	Соті	Тисячні	Десятитисячні	Сотитисячні	Мільйонні	Десятимільйонні	Стомільйонні	..
Ціла частина числа											Дробова частина числа								

Прочитай звичайні дроби.

$$\frac{1}{10}, \frac{1}{100}, \frac{1}{1000}, \frac{1}{10000} \dots$$

Чим вони цікаві? Що ти можеш сказати про такі дроби?

Знаменник у цих дробах поданий розрядною одиницею (10, 100, ...). Такі дроби можна записати простіше: без знаменника, розділяючи цілу й дробову частини комою. Записані в такій формі дроби називають десятковими.

Тетяна вважає, що подані звичайні дроби є правильними, оскільки вони менші від числа 1 і в цих дробах немає цілої частини, тому у відповідному десятковому дробі пишуть «нуль цілих», відділяючи дробову частину числа комою.



Якщо звичайний дріб правильний, то запис відповідного десяткового дробу починається з нуля цілих. Якщо звичайний дріб неправильний або мішане число, то запис відповідного десяткового дробу починається із цілої частини.

Наприклад: $2\frac{9}{10} = 2,9$ — це різні форми запису того самого числа.
 Звичайний дріб Десятковий дріб

Прочитай звичайні і десяткові дробу. З'ясуй, яка існує залежність між позицією цифри 1 у записі десяткового дробу після коми й кількістю нулів у розрядній одиниці, записаній у знаменнику звичайного дробу.



$$\frac{1}{10} = 0,1 \quad \text{— одна десята}$$

$$\frac{1}{100} = 0,01 \quad \text{— одна сота}$$

$$\frac{1}{1000} = 0,001 \quad \text{— одна тисячна}$$

$$\frac{1}{10000} = 0,0001 \quad \text{— одна десятитисячна}$$



**Запис звичайного дробу або мішаного числа
у вигляді десяткового дробу**

- ① Записую цілу частину числа, відділяю її комою; якщо цілої частини немає, на її місці записую цифру 0.
- ② Лічу кількість нулів у знаменнику дробової частини числа.
- ③ Ставлю таку саму кількість точок у дробовій частині десяткового дробу.
- ④ Записую чисельник справа наліво, починаючи з останньої точки.
- ⑤ За потреби на місці решти точок пишу 0.

834 🗣️ Запиши звичайний дріб у вигляді десяткового дробу.

$$\frac{34}{1000} = 0, \dots$$

$$\frac{126}{10000} = 0, \dots$$

$$\frac{56}{100}$$

$$\frac{184}{100000}$$

Десяткова форма запису дробу дозволяє порівнювати дробу й виконувати арифметичні дії з ними за алгоритмами, аналогічними до відповідних алгоритмів виконання арифметичних дій із натуральними числами.

835 🗣️ Прочитай розрядні числа розряду десятків, розряду десятків; розряду сотень, розряду сотих. Продовж кожний ряд.

10	20	30	40	50	60	■
0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	■
100	200	300	400	500	600	■
0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	■



836 Запиши число у вигляді десяткового дробу.

$\frac{17}{100}$	$3\frac{17}{100}$	$\frac{9}{1000}$	$12\frac{9}{1000}$	$\frac{2}{10}$	$34\frac{2}{10}$	$8\frac{45}{10000}$
------------------	-------------------	------------------	--------------------	----------------	------------------	---------------------

837 Запиши десятковий дріб у вигляді звичайного дробу або мішаного числа.

0,6	12,07	45,045	123,0892
8,0004	56,405	3,6078	25,034

838 Подай величини в зазначених одиницях вимірювання, результат запиши у вигляді звичайного та десяткового дробів.

$$1 \text{ г} = \frac{1}{\square} \text{ кг} = 0, \square \text{ кг}$$

$$1 \text{ мм} = \frac{1}{\square} \text{ см} = 0, \square \text{ см}$$

$$1 \text{ кг} = \frac{1}{\square} \text{ ц} = 0, \square \text{ ц}$$



$$1 \text{ см} = \frac{1}{\square} \text{ м} = 0, \square \text{ м}$$

$$1 \text{ кг} = \frac{1}{\square} \text{ т} = 0, \square \text{ т}$$

$$1 \text{ дм} = \frac{1}{\square} \text{ км} = 0, \square \text{ км}$$

839 Подай величини в зазначених одиницях; результат запиши у вигляді десяткового дробу:


1) у кілометрах: 8 м; 8 дм; 8 см; 8 мм; 5 м 3 см;
1 км 63 м 25 см; 3 м 5 дм 6 см 9 мм.

2) у тоннах: 340 г; 7 кг; 456 кг; 67 кг; 804 кг;
1 т 804 кг; 40 ц 67 кг; 2 т 3 ц 50 кг.



840 На одну чашу терезів поклали шматок мила, а на іншу — $\frac{1}{3}$ такого шматка та ще 30 г мила. Яка маса шматка мила, якщо терези перебувають у рівновазі?

ЧИТАЄМО І ЗАПISУЄМО ДЕСЯТКОВІ ДРОБИ

841  Зістав числа в кожному стовпчику. Що відмінне? Запиши звичайний дріб або мішане число у вигляді десяткового дробу. Прочитай одержані числа.


$\frac{6}{10}$	$\frac{8}{100}$	$\frac{12}{1000}$	$\frac{327}{10\,000}$	$\frac{324}{100}$
$1\frac{6}{10}$	$3\frac{8}{100}$	$4\frac{12}{1000}$	$12\frac{327}{10\,000}$	$\frac{56}{10}$



Марина вважає, що в останньому стовпчику подано неправильні дроби, оскільки вони більші за число 1. Подаючи звичайні неправильні дроби у вигляді десяткових, дівчинка міркувала двома способами:

- 1) неправильний дріб перетворила на мішане число й замінила одержане мішане число десятковим дробом;
- 2) записала чисельник неправильного дробу й відділила комою справа наліво стільки цифр, скільки нулів у розрядній одиниці, записаній у знаменнику.

Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?

842  Назви розряди цілої частини числа; дробової частини числа. Прочитай числа, записані в таблиці розрядів.

..	Сотні мільйонів	Десятки мільйонів	Одиниці мільйонів	Сотні тисяч	Десятки тисяч	Одиниці тисяч	Сотні	Десятки	Одиниці	,	Десяті	Соті	Тисячні	Десятитисячні	Стотисячні	Мільйонні	Десятимільйонні	Стомільйонні	..	
Ціла частина числа											Дробова частина числа									
									0	,	3									
									0	,	0	3								
									0	,	0	0	3							
									0	,	0	0	0	3						
						2	1	7	,	0	0	2	3							

Читання десяткових дробів	Записування десяткових дробів
<p>① Читаю цілу частину числа зі словом «цілих».</p> <p>② Читаю дробову частину числа із вказівкою назви останнього розряду в родовому відмінку.</p>	<p>① Записую цілу частину числа і ставлю за нею кому.</p> <p>② Визначаю найменший розряд у дробовій частині числа, з'ясовую його позицію в таблиці розрядів, ставлю стільки ж точок.</p> <p>③ На місті точок записую одиниці відповідних розрядів.</p>
<p>Наприклад: 12,0007 12 цілих 7 десятитисячних</p>	

843 🔍 Прочитай десяткові дроби. Кожний десятковий дріб запиши у вигляді звичайного дробу або мішаного числа.
7,6 8,45 12,056 345,4007 18,00006 9,24 47,0555

844 🔍 Подай звичайний дріб у вигляді суми розрядних доданків за зразком.

$$\frac{752}{1000} = \frac{700+50+2}{1000} = \frac{700}{1000} + \frac{50}{1000} + \frac{2}{1000} = 0,700 + 0,050 + 0,002 = 0,752.$$

$$\frac{65}{100}$$

$$\frac{492}{1000}$$

$$\frac{748}{10000}$$



Тарас зазначив, що в записі десяткового дробу можна відкинути нуль (нулі) у дробовій частині числа, що записані праворуч від першої цифри, відмінної від нуля — від цього величина дробу не зміниться. Чи погоджуєшся ти з хлопцем?

Настя вважає, що міркування Тараса мають сенс з огляду на основну властивість дробу.

$$0,700 = \frac{700}{1000} = \frac{700:100}{1000:100} = \frac{7}{10}$$



845 🔍 Подай кожне число у вигляді суми за зразком.

$$56 = 50 + 6 = 5 \cdot 10 + 6 \cdot 1$$

$$0,56 = 0,5 + 0,06 = 5 \cdot 0,1 + 6 \cdot 0,01$$

72

342

168

31 098

0,72

0,342


0,0162

31,098


846  Заміни суму розрядних доданків числом за зразком.

$$0,7 + 0,03 + 0,006 = 0,736$$


$$6 + 0,7 + 0,03 + 0,006 = 6,736$$


$$0,8 + 0,05 + 0,009 + 0,0001$$

$$9 + 0,07 + 0,003 + 0,0002$$

847  Прочитай десяткові дроби; визнач їх розрядний склад.

0,7 0,04 2,04 12,005 7,045 346,9 2,00008 1,2065 0,203

848  Запиши числа у вигляді десяткового дробу, скориставшись опорним конспектом, поданим у завданні 871:


0 цілих, 3 десятих і 8 сотих;

5 цілих, 8 десятих і 9 тисячних;

45 цілих, 6 сотих і 8 тисячних;

19 цілих, 4 десятих і 7 тисячних;

0 цілих, 8 сотих і 2 десятитисячні;



0 цілих і 26 сотих;

3 цілих і 456 тисячних;

207 цілих і 3 десятих;


7 цілих і 5 десятитисячних;

12 цілих і 12 сотих;


4 цілих і 13 тисячних;

134 цілих і 134 десятитисячних.




849  Подай кожний десятковий дріб у вигляді суми розрядних доданків.

0,5673 6,034 11,8002



143,10111 87,5209

850  Заміни суму розрядних доданків десятковим дробом. З кожної рівності на додавання склади всі можливі рівності на віднімання.

$$0,5 + 0,006 + 0,0002$$

$$6 + 0,03 + 0,002$$

$$0,2 + 0,0005$$

$$70 + 3 + 0,5 + 0,07$$

$$0,3 + 0,04 + 0,001$$

$$0,06 + 0,002$$

851  Подай величини в метрах.

6 м 7 дм 8 см 4 мм

6 дм 3 мм

12 м 9 дм 5 см 1 мм

4 м 7 мм

852 🧩 Подай величини в зазначених одиницях вимірювання. Результат запиши у вигляді десяткового дробу.

$17 \text{ дм} = \square \text{ м}$

$8 \text{ см } 3 \text{ мм} = \square \text{ м}$

$7 \text{ дм } 8 \text{ мм} = \square \text{ м}$

$64 \text{ мм} = \square \text{ дм}$

$485 \text{ м} = \square \text{ км}$

$1 \text{ км } 38 \text{ м} = \square \text{ км}$

$409 \text{ г} = \square \text{ кг}$

$4 \text{ кг } 18 \text{ г} = \square \text{ кг}$

$456 \text{ кг} = \square \text{ ц}$

853 🧩 Використовуючи цифри 6, 2 і 8, склади всі можливі десяткові дробу, щоб цифри в записі числа не повторювалися.

ПОЗНАЧАЄМО ДЕСЯТКОВІ ДРОБИ НА КООРДИНАТНОМУ ПРОМЕНІ

854 🕒 Накресли координатний промінь з одиничним відрізком довжиною 10 клітинок. Познач точки: $A\left(\frac{3}{10}\right)$, $B\left(\frac{9}{10}\right)$, $C\left(1\frac{6}{10}\right)$, $D\left(2\frac{5}{10}\right)$.

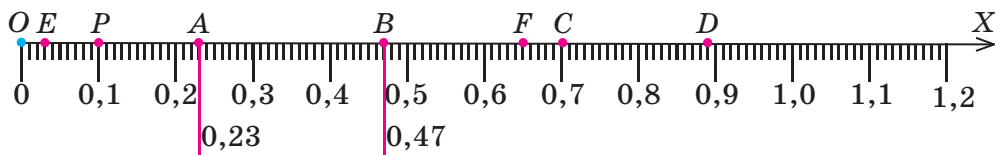



Запиши координати точок у вигляді десяткових дробів та зроби відповідні підписи на координатному промені. Поміркуй, як позначити десятковий дріб на координатному промені.

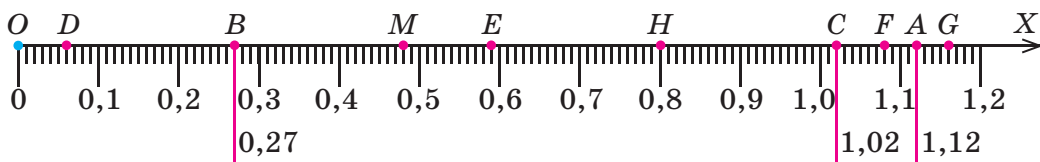
Позначення десяткових дробів на координатному промені


- ① Креслю координатний промінь.
- ② Знаходжу на координатному промені поділку, яка відповідає цілій частині десяткового дробу.
- ③ Ділю одиничний відрізок праворуч від цієї поділки на стільки рівних частин, скільки вказує назва останнього розряду дробової частини десяткового дробу.
- ④ Відлічую праворуч від цієї поділки стільки рівних частин, на скільки вказує дробова частина числа, ставлю точку і підписую під нею число.


Наприклад:




855  Визнач координати точок, позначених на координатному промені.



856  Накреси координатний промінь з одиничним відрізком довжиною 10 см. Познач точки: $G(0,5)$; $S(1,8)$; $Z(1,4)$; $F(0,03)$; $Y(1,08)$.

857  Накреси координатний промінь з одиничним відрізком довжиною 1 см. Познач точки: $M(0,7)$; $C(0,9)$; $K(1,8)$; $P(2,3)$; $B(3,7)$; $A(4,2)$.

858  Запиши звичайні дроби або мішані числа у вигляді десяткових дробів, а десяткові дроби — у вигляді звичайних дробів або мішаних чисел. Прочитай одержані числа.

$$\frac{2}{1000}$$

$$7\frac{34}{100}$$


17,054



0,6

3,27

$$92\frac{8}{10000}$$

859  Прочитай числа. Визнач розрядний склад кожного десяткового дробу. Подай кожний дріб у вигляді суми розрядних доданків.

45,809

1,0007


23,45





77,056

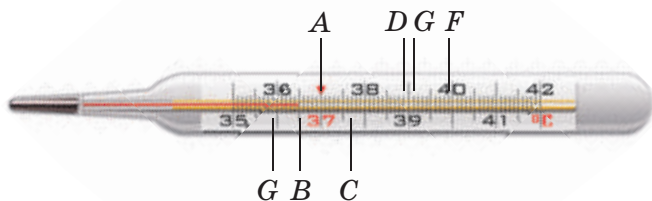
123,9

6,0709

860  Познач на координатному промені точки: $A(0,04)$; $B(0,25)$; $C(0,43)$; $D(0,18)$; $F(0,7)$; $M(0,75)$; $N(0,9)$.

861  На координатному промені числу 8,35 відповідає точка K . Запиши натуральні числа, які відповідають точкам, розташованим на координатному промені ліворуч від точки K .

862  Розглянь шкалу термометра. Яку температуру показуватиме термометр, якщо його стовпчик підніметься до кожної з позначених поділок?



863  Установи істинність або хибність рівностей.

$$1 \text{ см} = 0,1 \text{ дм}$$

$$78 \text{ м} = 0,78 \text{ км}$$

$$15 \text{ мм} = 1,5 \text{ дм}$$

$$123 \text{ дм} = 0,123 \text{ км}$$




$$7 \text{ мм} = 0,07 \text{ см}$$

$$12 \text{ дм} = 1,2 \text{ м}$$


$$547 \text{ см} = 5,47 \text{ м}$$

$$46 \text{ мм} = 4,6 \text{ дм}$$



864  Два мурахи змагаються з бігу. Вони біжать від підлоги до стелі й повертаються. Перший мураха в обидві сторони біжить з однаковою швидкістю. Другий мураха вниз біжить удвічі швидше, а вгору — удвічі повільніше, ніж перший. Який мураха переможе?

ПОРІВНЮЄМО ДЕСЯТКОВІ ДРОБИ

865  Прочитай звичайні дроби. Сформулюй основну властивість дроби. Розглянь, як діти застосували цю властивість, щоб до перших двох дробів утворити рівні їм дроби. До решти дробів утвори рівні їм дроби. Подай кожний звичайний дріб (поданий і одержаний рівний йому дріб) у вигляді десяткового дроби. Чи будуть рівними відповідні одержані десяткові дроби? Зроби висновок.

$$\frac{3}{10} \quad \frac{500}{1000} \quad \frac{8}{10} \quad \frac{8000}{10000} \quad \frac{1}{10} \quad \frac{700}{10000}$$

$$\frac{3}{10} = \frac{3 \cdot 10}{10 \cdot 10} = \frac{30}{100}; \quad 0,3 = 0,30;$$

$$\frac{500}{1000} = \frac{500 : 100}{1000 : 100} = \frac{5}{10}; \quad 0,500 = 0,5.$$



Якщо до десяткового дроби праворуч приписати нуль (кілька нулів), то значення дроби від цього не зміниться. Якщо десятковий дріб закінчується нулем (нулями), то цей нуль (ці нулі) можна відкинути — значення дроби від цього не зміниться.

866 ☉ Накресли координатний промінь з одиничним відрізком довжиною 1 см. Познач на ньому точки: $A(0,5)$; $B(1)$; $C(9)$; $D(3,8)$; $F(11)$; $M(2,9)$; $N(1,3)$; $R(6)$; $P(0,7)$.

Вибери на промені два будь-яких натуральних числа. Порівняй їх за розташуванням на промені. Чи можна міркувати аналогічно під час порівняння десяткових дробів?

867 ☉ Поміркуй, який одиничний відрізок доцільно обрати, щоб позначити на координатному промені точки $A(1,8)$; $C(0,58)$; $N(1,15)$; $K(0,9)$; $B(1,7)$; $M(0,85)$. Познач ці точки на координатному промені з вибраним одиничним відрізком. Порівняй десяткові дроби за їх розташуванням на координатному промені.

868 ☉ Зістав пари чисел у кожному стовпчику. Чим відрізняються ці пари чисел? Порівняй натуральні числа способом порозрядного порівняння. Чи можна міркувати аналогічно під час порівняння десяткових дробів?

345 ● 278 781 ● 795 2034 ● 978 4328 ● 34 328
 0,345 ● 0,278 0,781 ● 0,795 2,034 ● 0,978 4,328 ● 34,328

Алгоритм порівняння десяткових дробів

Порівнюю цілі частини за правилом порівняння натуральних чисел.

Цілі частини рівні?

Більший
Менший
 той дріб, у якого ціла частина **більша** / **менша**.

Записую, читаю нерівність.

Порівнюю кількість десяткових знаків після коми в обох дробах, **дописуючи** нуль (нулі) **відкидаючи** наприкінці запису числа.

Порівнюю кількість одиниць у розряді десятих.


Чи однакова кількість одиниць цього розряду?

Більший той дріб, у якого кількість одиниць цього розряду **більша** / **менша**.

Порівнюю кількість одиниць у наступному розряді.

869  Порівняй десяткові дроби за алгоритмом.


45,7 \bullet 9,345 6,78 \bullet 6,81 19,421 \bullet 19,425 8,5 \bullet 8,12
0,306 \bullet 0,36 4,991 \bullet 1,721 98,06 \bullet 198,06 4,500 \bullet 4,7

870  Зістав дроби. Що можна сказати про ці дроби? Продовж послідовність чисел.

1) 8,34; 8,340; 8,3400; 2) 9,34000; 9,3400; 9,340;

 3) 5,8; 5,80; 5,800.

871  Порівняй десяткові дроби за алгоритмом.


7,3 \bullet 2,8	0,80 \bullet 0,7	7,23 \bullet 8,4
3,234 \bullet 3,231	12,46 \bullet 12,51	 37,89 \bullet 37,09
8,324 \bullet 8,432	43,26 \bullet 43,25	0,365 \bullet 0,363


872  Розташуй дроби в порядку зростання.

9,67 0,023 5,4 0,1 2,809 9,128 2,06 0,1305


Розташуй дроби в порядку спадання.

8,12 11,005 7,34 8,06 10,421 7,006 11,1 8,809


873  Запиши три десяткові дроби, які на координатно-му промені розташовані між числами 4 і 5,1.

874  У кожному випадку запиши кілька десяткових дробів, які задовольняють істинну нерівність.

$1,3 < x < 3,2$ $0,8 < p < 5,9$ $12,7 < z < 15,02$


875  Порівняй іменовані числа.

43,67 м \bullet 38,09 м	2,125 км \bullet 2125 м	9,8 кг \bullet 980 г
0,4 м ² \bullet 400 см ²	2,567 м ³ \bullet 2567 см ³	0,8 дм \bullet 8 см
9,604 г \bullet 9,6 г	7,2 га \bullet 0,8 км ²	4,2 га \bullet 420 га

876  Які цифри можна записати у віконцях, щоб утворились істинні нерівності? Розглянь всі можливі варіанти.


4,0 \square > 4,06	8,64 < 8, \square 5	3, \square 7 > 3,27
6,345 > 6,3 \square 5	4,7 \square 2 < 4,741	56,4 \square 1 < 56,436
4,850 > 4,8 \square 9	9,560 < 9,56 \square	94,133 > 94,13 \square

877  У записі числа 40,001 090 закресли три нулі так, щоб одержати найбільше число з можливих.

878  Запиши всі десяткові дроби, у яких 4 цілих, а дробова частина записується цифрами 3, 0, 2, 1 (цифри в записі числа не повторюються). Розташуй записані дроби в порядку зростання.




ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

879  Прочитай десяткові дроби, що позначають, скільки електроенергії споживають деякі побутові прилади. Запиши відповідні подвійні нерівності. Знайди кілька розв'язків кожної нерівності.

ЯК ЗБЕРЕГТИ ЕЛЕКТРОЕНЕРГІЮ?


Орієнтовні витрати електроенергії побутовими приладами:

кондиціонер — 2,20–3,37 кВт·год*;
електрочайник — 2,2–2,4 кВт·год;
пилосос — 0,7–2,0 кВт·год;
бойлер — 1,5–2,5 кВт·год;
обігрівач — 1,5–2,0 кВт·год;
праска — 1,0–2,4 кВт·год;
пральна машина — 0,80–1,14 кВт·год;
холодильник — 0,77–0,90 кВт·год;
мікрохвильова піч — 0,7–1,5 кВт·год;
телевізор — 0,08–0,14 кВт·год;
електролампа — 0,04–0,10 кВт·год;
комп'ютер — 0,065–0,450 кВт·год.

 **Вимикай побутові прилади, коли вони не потрібні.**




* 1 кВт·год — одиниця вимірювання кількості спожитої електроенергії.

880  Подай кожне число у вигляді суми розрядних доданків. Запиши кожний поданий у тексті десятковий дріб у вигляді звичайного дробу або мішаного числа.


Щоб зменшити енерговитрати, доцільно придбати побутову техніку вищого класу енергоощадження: «А» або «А+». Порівняй: холодильники класу «А» споживають близько 0,9 кВт·год на добу, а класу «С» — близько 1,45 кВт·год.

881  Розташуй подані в тексті числа в порядку спадання.


Якщо залишати електроприлади в режимі очікування, то вони продовжують витрачати електроенергію. Наприклад, у середньому за місяць в режимі очікування телевізори споживають близько 8,9 кВт·год, музичні центри — 7,8 кВт·год, комп'ютери — 3,6 кВт·год.

882  Запиши звичайний дріб або мішане число у вигляді десяткового дробу. Запиши одержані десяткові дробу в порядку зростання.

$$2\frac{3}{100} \quad \frac{19}{1000} \quad 8\frac{2}{10} \quad \frac{7}{100} \quad \img alt="house icon" data-bbox="488 488 525 511"/> 12\frac{56}{1000} \quad \frac{456}{10000} \quad 8\frac{12}{10000}$$


883  Запиши десятковий дріб у вигляді звичайного дробу або мішаного числа.

$$5,7 \quad 0,007 \quad 12,09 \quad 0,4075 \quad \img alt="house icon" data-bbox="528 598 565 621"/> 45,304 \quad 56,0456 \quad 0,9$$


884  Подай величини в зазначених одиницях вимірювання, результат запиши у вигляді десяткового дробу:

1) у кілограмах: 134 г; 6543 г; $2\frac{7}{10}$ т; $12\frac{34}{1000}$ кг;


2) у дециметрах: 65 см; 3 см; 4 мм; 567 см; 9 мм.

885  Порівняй іменовані числа.

$$82 \text{ кг} \bullet 0,8 \text{ ц} \quad 3,4 \text{ т} \bullet 34,2 \text{ ц} \quad 1,42 \text{ м} \bullet 150 \text{ см} \quad 1,3 \text{ км} \bullet 30 \text{ м}$$

886  Між якими послідовними натуральними числами розташований на координатному промені дріб 4,2? 34,18? 14,3?




887  За яких натуральних значень букви подана нерівність є істинною?

$$7,5 < a < 9,1$$

$$15,8 < a \leq 19,24$$

$$24,1 \leq a \leq 28?$$


888  Які цифри треба записати у віконцях, щоб утворились істинні нерівності?

$$0,5 \blacksquare < 0,53$$

$$0,4 \blacksquare < 0,48$$

$$5,43 < 5,4 \blacksquare$$


$$0,7 \blacksquare < 0,75$$

889  Запиши всі десяткові дроби, у яких ціла частина числа — 5, а дробова частина містить три десяткові знаки й записується цифрами 6 і 8 (цифри в записі числа можуть повторюватися). Розташуй записані числа в порядку спадання.

ОКРУГЛЮЄМО ДЕСЯТКОВІ ДРОБИ


Каппадокія (з давньоперської «Країна прекрасних коней») — давня назва великої місцевості на території Туреччини, що зачаровує своїми казковими пейзажами.



890  Округли до розряду тисяч; десятків тисяч; сотень тисяч числа, що позначають кількість туристів, які відвідали Каппадокію у 2020 і 2021 роках.



За перші сім місяців 2020 року Каппадокію відвідали лише 419 905 туристів, а за цей самий період у 2021 році — 854 449 туристів.

891  Округли до розряду тисяч числа, що позначають, скільки осіб відвідали найбільш популярні туристичні місця в Каппадокії за перші сім місяців 2021 року.

Печерний комплекс «Зельве» відвідали 243 308 туристів, національний парк «Гьореме» — 215 483 туристи, а підземне місто Каймакли — 133 872 туристи.



Перевір розв'язки дітей:


$$24\mathbf{3}308 \approx 243\,000; \quad 21\mathbf{5}483 \approx 215\,000; \quad 13\mathbf{3}872 \approx 134\,000.$$

Олена вважає, що в результаті округлення числа до розряду тисяч ми одержуємо похибку; ці числа можна подати в тисячах дещо точніше:

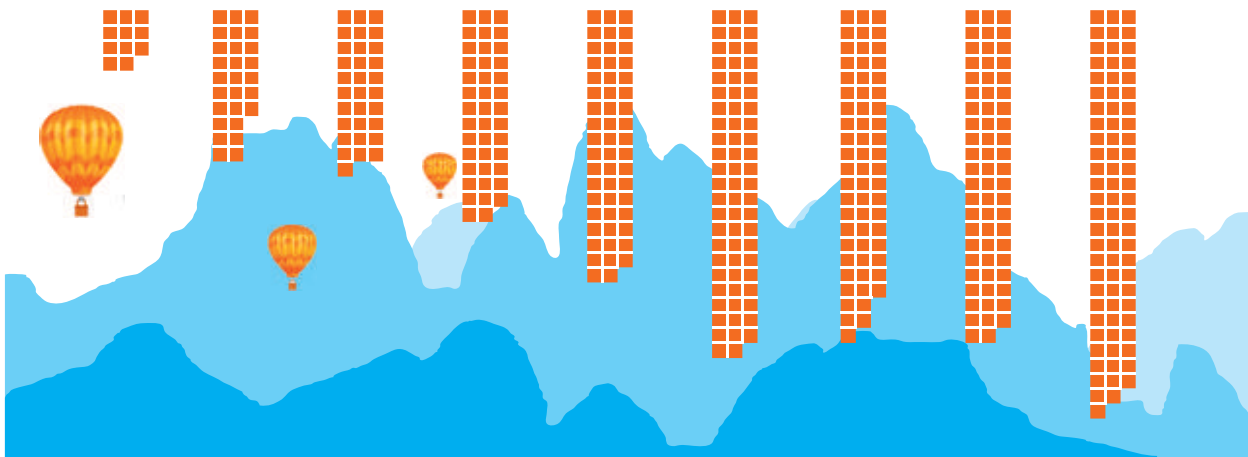
$$243,308 \text{ тис.}; \quad 215,483 \text{ тис.}; \quad 133,872 \text{ тис.}$$



Прочитай десяткові дроби. Визнач їх розрядний склад.

892  Розглянь дані щодо кількості туристів і туристок, які у 2019 році в період із січня по вересень здійснили в Каппадокії політ на повітряній кулі. Запиши ці числа в одиницях; запиши ці числа в тисячах у вигляді десяткового дробу. Округли натуральні числа до розряду сотень; десяткові дроби — до розряду десятих.

Січень	Лютий	Березень	Квітень	Травень	Червень	Липень	Серпень	Вересень
11 210	27 135	30 972	41 171	53 365	68 256	62 642	64 998	77 767



Прокоментуй розв'язання Єгора: $77\mathbf{7}67 \approx 77\,800$;
 $77,\mathbf{7}67 \approx 77,800$.

Наталя зазначила, що в кінці запису дробової частини десяткового дробу можна відкинути нуль (нулі) — величина дробу від цього не зміниться. Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?



Що спільне в способах округлення натуральних чисел і десяткових дробів? Що відмінне?

Число 437,516 тис. позначає, скільки тисяч туристів здійснили політ на повітряній кулі в період із січня по вересень

2019 року. Скориставшись підказками, округли це число до розряду:

сотих

десятих

одиниць

десятків

$437,5\underline{1}6 \approx \blacksquare$

$437,5\underline{1}6 \approx \blacksquare$

$437,5\underline{1}6 \approx \blacksquare$

$437,516 \approx \blacksquare$

Округлення десяткового дробу

- ① Округляю десятковий дріб за правилом округлення натуральних чисел.
- ② Відкидаю нуль (нулі) у записі дробової частини числа праворуч від того розряду, до якого виконували округлення.
- ③ Записую відповідь.

Наприклад, число 5,207 округлити до розряду:

одиниць: $5,207 \approx 5,000$; десятих: $5,207 \approx 5,200$;

сотих: $5,207 \approx 5,210$.



893 🔍 Округли до розряду:

одиниць:	34 <u>5</u> ,6324	24,3456	9,7777
десятих:	34 <u>5</u> ,6324	24,3456	9,7777
сотих:	34 <u>5</u> ,6324	24,3456	9,7777
тисячних:	34 <u>5</u> ,6324	24,3456	9,7777

894 🧩 Округли до розряду:

- 1) десятитисячних: 0,04562; 2,36095; 8,00456; 12,23244;
- 2) тисячних: 2,4445; 18,03429; 0,20181; 1,3336;
- 3) сотих: 0,56034; 7,987; 12,09777; 1,3333;

4) десятих: 3,45692; 0,08101; 1,72307; 6,97;

5) одиниць: 65,83; 8,347; 9,7; 82,345.



895 🧩 Округли компоненти дій до розряду одиниць і знайди значення виразів усно.

$4,3 + 7,8$

$12,6 - 6,4$

$8,9 + 3,1$

$11,3 - 7,4$

$21,8 - 16,2$

$45,82 + 15,3$


$53,7 - 49,2$

$37,6 + 28,1$

896 🧩 Округли наведені в тексті числа до розряду: 1) одиниць; 2) десятих; 3) сотих.


На території Каппадокії протікає річка Кизил-Ірмак — найдовша річка Туреччини. Її довжина дорівнює 1,151 тис. км, а площа басейну — 77,130 тис. км².




897  На координатному промені познач точки $M(0,5)$, $P(0,8)$, $T(1,7)$, $C(2,1)$, $K(2,7)$. Округли числа, що є координатами точок, до розряду одиниць. Познач на координатному промені точки, які відповідають одержаним числам.







898  Установи істинність або хибність записів.

793804 \approx 793 тис. 4302 м \approx 4 км 568094 мм \approx 569 м
235086 г \approx 235 кг 456783 см² \approx 45 м² 20165424 кг \approx 21 т


899  Округли числа до розряду одиниць і знайди значення виразів усно зручним способом.

24,8 · 37,3 · 4,1 125,2 · 67,9 · 7,8 49,7 · 123,4 · 1,7
499,8 · 43,4 · 2,2 1,6 · 35,8 · 4,75 250,4 · 18,4 · 3,9


900  Віконце позначає першу цифру, яку відкинули під час округлення. Запиши таку цифру, щоб округлення було виконано правильно.

4,48  \approx 4,48 12,654  \approx 12,655 7,0056  \approx 7,0056
0,326  \approx 0,327 9,43  \approx 9,43 215,034  \approx 215,035

ДОДАЄМО І ВІДНІМАЄМО ДЕСЯТКОВІ ДРОБИ

901  Поміркуй, які усні прийоми обчислення можна застосувати, щоб знайти значення виразів. Знайди значення виразів із коментарем.

12 - 7 54 - 36 460 + 170 270 - 180
25 + 9 38 + 45 410 - 240 750 + 160

902  Знайди значення виразу в першому рядку кожного стовпчика, застосувавши усний прийом обчислення. Зістав перший і другий вирази в кожному стовпчику. Що відмінне? Чи допоможе одержане розв'язання знайти зна-

чення виразу в другому рядку? Як можна міркувати під час усного додавання й віднімання десяткових дробів?

$45 + 3$

$71 - 24$

$28 + 15$

$91 - 32$

$4,5 + 3,8$

$7,1 - 2,4$

$2,8 + 1,5$

$9,1 - 3,2$

903 Знайди значення виразу в першому рядку кожного стовпчика. Зістав вирази в кожному стовпчику попарно. Що відмінне? Як ця відмінність вплине на розв'язання?

$3,8 + 5,1$

$8,7 - 6,6$

$2,46 + 7,53$

$9,24 - 6,23$

$3,8 + 5,2$

$8,7 - 6,7$

$2,47 + 7,53$

$9,23 - 6,23$

$3,8 + 5,3$

$8,7 - 6,8$

$2,48 + 7,53$

$9,22 - 6,23$

$3,8 + 5,32$

$8,7 - 6,82$

$2,482 + 7,53$

$9,221 - 6,23$

Прочитай перші три вирази в стовпчику. Який компонент арифметичної дії змінюється? Як це впливає на результат? Як значення виразів знайти легше? Виконай обчислення. Прочитай останній вираз у стовпчику. Чим він відрізняється від попередніх? Як ця відмінність вплине на результат? Знайди значення останнього виразу в стовпчику.

У випадку, коли в дробових частинах десяткових дробів різна кількість знаків, треба в числі, в якому десяткових знаків менше, приписати справа стільки нулів, щоб урівняти кількість десяткових знаків у числах.

Якщо поставити кому після натурального числа й за нею написати один чи кілька нулів, то величина числа від цього не зміниться.



Наприклад: $6 = 6,0$; $12 = 12,00$ — ці числа містять лише цілі частини, а їх дробові частини дорівнюють нулю.

Усне додавання десяткових дробів
(прийом порозрядного додавання)

- ① Додаю дробові частини числа, за потреби урівнюю кількість десяткових знаків.
- ② Додаю цілі частини числа.
- ③ Додаю одержані суми.

Наприклад: $38,27 + 9,9 = 38,27 + 9,90 = 47 + 1,17 = 48,17$

$$38 + 0,27 \quad 9 + 0,90$$

Алгоритм усного віднімання десяткових дробів (прийом порозрядного віднімання)

Подаю зменшуване у вигляді суми, де перший доданок — це ціла частина, але на 1 менше, другий — дробова частина, але на 1 більше.

Від другого доданка віднімаю дробову частину від'ємника.

Від першого доданка віднімаю цілу частину від'ємника.

Читаю дробову частину зменшуваного; від'ємника; за потреби урівнюю кількість десяткових знаків.

Чи можна від дробової частини зменшуваного відняти дробову частину від'ємника?



Від дробової частини зменшуваного віднімаю дробову частину від'ємника.

Від цілої частини зменшуваного віднімаю цілу частину від'ємника.

Додаю одержані різниці.

Наприклад: $11,32 - 5,8 = 11,32 - 5,80 = 5 + 0,52 = 5,52$

$$\begin{array}{c} 10 + 1,32 \quad 5 + 0,80 \\ \text{-----} \quad \text{-----} \\ 10 + 1,32 \quad 5 + 0,80 \end{array}$$

904 Знайди значення виразів, застосувавши усні прийоми обчислення.

$4 + 0,7$

$12,6 - 7$

$3,56 + 18$

$8 - 3,4$

$1,1 - 0,6$

$0,4 + 0,3$

$0,23 - 0,15$

$0,52 - 0,35$

$2,6 + 4,24$

$9,1 - 0,12$

$6,8 + 3,56$

$4,24 - 2,34$

$7,11 - 4,7$


$5,6 + 4,8$

$10,07 - 3,62$

$7,48 + 8,34$


905 Повітряна куля підіймалася в повітря: вранці, в обід і ввечері — й усього витратила 33 м^3 гелію. Скільки кубічних метрів гелію повітряна куля витрачала кожного разу, якщо вранці та в обід було витрачено $16,5 \text{ м}^3$ гелію, а в обід і ввечері — $27,5 \text{ м}^3$ гелію?



906  Знайди значення виразів, застосувавши усні прийоми обчислення.

$$5 + 3,12 + 8,99 \quad 7,24 - 5,36 + 3,27 \quad 12 - (4,5 + 3,7) - 1,8$$


$$\img alt="house icon" data-bbox="102 148 142 175"/> $2,8 - 1,9 + 7,5 \quad 11,3 - (2,4 + 8,7) \quad 3,6 + (8,2 - 6,9) - 2,4$$$

907  Які цифри треба записати у віконцях, щоб утворились істинні рівності?

$$\square, 8 \square + 7, \square 7 = 14,92$$

$$\square, 14 - 1,0 \square = 2, \square 6$$

ДОДАЄМО І ВІДНІМАЄМО ДЕСЯТКОВІ ДРОБИ

908  Знайди значення виразів, застосувавши усні прийоми обчислення.

$$5,6 + 2,5$$



$$67,4 - 64,8$$



$$12,2 + 38,3$$

$$6,1 - 4,3$$

$$46,4 + 27,2$$

$$11,4 - 7,3$$

$$4,8 + 4,8$$


$$15,6 - 7,3$$

$$23,6 + 34,9$$

$$8,2 - 4,3$$

$$45,7 + 4,6$$


$$5 - 0,12$$

909  Знайди значення виразів письмово з коментарем. Перевір одержані результати.

$$5\ 689\ 045 + 876\ 032$$

$$5\ 004\ 327 - 456\ 946$$


$$4\ 556\ 089 + 309\ 546 + 456\ 207$$

910  Урівняй кількість десяткових знаків у кожній парі чисел.

$$7,0987 \text{ і } 34,87$$

$$9,0007 \text{ і } 3,1$$

$$23,84 \text{ і } 9,7005$$

911  Знайди значення виразу в першому рядку кожного стовпчика, застосувавши письмовий прийом обчислення. Зістав вирази в стовпчику. Що відмінне? Чи допоможе одержаний розв'язок знайти значення виразу в другому рядку? Як можна міркувати під час письмового додавання й віднімання десяткових дробів?

$$2\ 178\ 325 + 860\ 452$$



$$45\ 005\ 621 - 9\ 113\ 445$$

$$21,783\ 25 + 8,604\ 52$$

$$450,056\ 21 - 91,134\ 45$$

$$21,783\ 25 + 86,045\ 2$$

$$450,056\ 21 - 911,344\ 5$$



$$5\,000\,000\,002 - 5\,608\,012$$

$$5\,000\,000,002 - 5608,012$$

$$5\,000\,000,002 - 560801,2$$



Чи можна стверджувати, що одержані результати обчислень із натуральними числами допоможуть знайти значення виразів у третьому рядку кожного стовпчика?

Письмовий прийом додавання
віднімання десяткових дробів

- ① Урівнюю в десяткових дробах кількість знаків після коми.
- ② Підписую числа стовпчиком — розряд під розрядом, кома під комою.
- ③ Додаю числа за алгоритмом письмового додавання
Віднімаю віднімання натуральних чисел.
- ④ Ставлю у відповіді кому під комами.

Наприклад:


$$\begin{array}{r} 123,25402 \\ + 89,35600 \\ \hline 212,61002 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 123,25402 \\ - 89,35600 \\ \hline 34,89802 \end{array}$$

912  Знайди значення виразів усно.

$1 - 0,3$


$5,3 - 2,8$

 $8,6 + 0,56$


$9 - 0,56$

$3,3 + 8,7$

$8,34 + 2,7$


 $9,1 - 0,6$

$7,26 + 12,9$

913  Знайди значення виразів письмово. Виконай перевірку.

$567,328 + 4,5607$

$26,731 - 4,5672$

 $45,6 - 17,8506$

$4 - 2,3008$

$7,6093 + 12,538$

 $8,7056 + 12,3539$

914  Знайди значення виразів зручним способом.

$7,236 - (1,236 - 0,089)$

$12,567 - (0,567 - 4,72)$

$26,458 - (12,84 + 3,458)$



$(83,21 - 7,83) - 53,21$

$(12,3 + 5,429) - 2,429$

$6,703 + 5,236 + 27,64$

915  Віднови розв'язання.

$$\begin{array}{r} \boxed{3}, \boxed{8} \boxed{7} \\ + \boxed{4}, \boxed{} \boxed{} \\ \hline \boxed{}, \boxed{6} \boxed{3} \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \boxed{2} \boxed{}, \boxed{} \\ + \boxed{} \boxed{5}, \boxed{9} \\ \hline \boxed{6} \boxed{3}, \boxed{2} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \boxed{} \boxed{}, \boxed{} \boxed{6} \\ - \boxed{} \boxed{4}, \boxed{8} \boxed{} \\ \hline \boxed{7}, \boxed{3} \boxed{8} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \boxed{} \boxed{3} \boxed{4}, \boxed{0} \boxed{} \\ - \boxed{} \boxed{9}, \boxed{} \boxed{2} \\ \hline \boxed{5} \boxed{1} \boxed{}, \boxed{2} \boxed{0} \end{array}$$



РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ


916  Розв'яжи задачу 1 арифметичним або алгебраїчним методом. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.

На фестивалі повітряних куль, що проходить у Каппадокії, кулі піднялися на різну висоту над землею.

▶▶ 1) Перша куля піднялася на висоту 0,76 км, що на 0,18 км більша за висоту, на яку піднялася друга куля. Третя куля піднялася на висоту, що на 0,68 км менша, ніж сума висот, на які піднялися перша і друга кулі. На яку висоту піднялася третя куля?

▶▶ 2) Перша куля піднялася на висоту 0,76 км, що на 0,18 км більша за висоту, на яку піднялася друга куля, і на 0,08 км менша від висоти, на яку піднялася третя куля. Четверта куля піднялася на висоту, що на 0,74 км менша, ніж сума висот, на які піднялися друга і третя кулі. На яку висоту піднялася четверта куля?



917  Знайди значення виразів усно. Запиши результати в порядку зростання.

$6,7 + 9,3$

$8 - 0,12$

$9,12 + 0,78$

$1,34 - 0,7$

$0,32 - 0,16$

$0,4 + 2,8$

$1,13 - 0,76$


$8 + 4,56$

$8,6 + 4,56$

$5,04 - 0,12$

$3,42 + 7,56$

$1 - 0,456$

918  Знайди значення виразів письмово. Округли одержані результати до розряду сотих.

$45,8073 - 9,8322$

$14,829 + 9,6421$

$80 - 34,5007$

$4,29562 + 3,4873$

$7,4532 - 2,1456$

$45,3 + 99,8994$

919  Знайди значення буквених виразів.



$72 - (a + b)$, якщо $a = 4,567$ та $b = 9,888$.

$x - 14,5233 + 67,284$, якщо $x = 132,006$.

$(c + 3,8272) - (k - 12,7382)$, якщо $c = 46,2070$, $k = 20,7600$.

920  Подай величини в метрах.

3 м 6 дм

8 м 4 дм 5 см

 2 м 9 дм 5 см


1 м 3 см

6 дм

7 дм 1 см

5 м 2 дм 7 см 4 мм

4 м 8 мм

921  Як зміниться значення суми, якщо один із доданків збільшиться? зменшиться? Як має змінитися інший доданок, щоб значення суми не змінилося? Чи можна стверджувати, що значення сум у кожному стовпчику однакові? Перевір свої міркування, виконавши обчислення.

$32,59 + 2,31$


$6,7035 + 4,206$

$32,57 + 2,33$

$32,58 + 2,32$

$6,7034 + 4,205$

$32,56 + 2,34$

922  Визнач порядок виконання арифметичних дій і знайди значення виразів.

$(38,4223 - 4,444 - 0,555) + 7,86$

$(38,4223 - (4,444 - 0,555)) + 7,86$



Як зміна порядку виконання арифметичних дій вплинула на значення другого виразу?

923  Обчисли зручним способом.

$56,34 - (12,34 - 0,72)$

$2,435 - (0,435 - 0,293)$


$(3,724 - 1,090) - 1,724$

$(9,029 + 7,423) - 5,023$

$7,328 - (3,294 + 2,328)$

$45,68 + 12,437 + 24,42$





924  Розв'яжи рівняння.


$12,762 - y = 9,804$

$a + 65,3001 = 112$

$b - 7,6235 = 84,567$

925  Швидкість руху катера за течією річки становить 58,7 км/год, а проти течії річки — 55,9 км/год. Знайди швидкість течії річки.

926  Використовуючи цифри 5, 0 і 3, склади всі можливі десяткові дробу так, щоб цифри в записі числа не повторювалися.


927  На скільки можна зменшити число 326,428 так, щоб змінилися цифри, які стоять у розряді тисячних, сотих і десятих, а цифри, які стоять в інших розрядах, не змінилися? Розглянь різні варіанти. Перевір свої міркування обчисленням.




УЗАГАЛЬНЮЄМО І ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

929  Запиши у вигляді десяткового дробу.


$$\frac{7}{10} \quad \frac{13}{100} \quad \frac{11}{1000} \quad \frac{27}{10\,000} \quad 5\frac{7}{10} \quad \text{🏠} \quad 2\frac{13}{100} \quad 4\frac{11}{1000}$$


930  Запиши десятковий дріб у вигляді звичайного дробу або мішаного числа.

$$0,3 \quad 15,08 \quad 23,012 \quad 89,0135 \quad \text{🏠} \quad 9,0014 \quad 16,207$$


931  Заміни кожний десятковий дріб сумою розрядних доданків.

$$0,74 \quad 4,63 \quad 0,015 \quad 7,109 \quad \text{🏠} \quad 0,5102 \quad 12,0123$$


932  Накресли координатний промінь з одиничним відрізком довжиною 10 см. Познач на ньому точки: $A(0,5)$; $T(0,9)$; $P(1,3)$; $B(1,2)$; $C(1,05)$.

933  Порівняй десяткові дробу.

$$\begin{array}{ll} 0,2 \text{ } \bullet \text{ } 1,2 & 6,31 \text{ } \bullet \text{ } 6,01 \\ 0,3 \text{ } \bullet \text{ } 0,26 & 8,091 \text{ } \bullet \text{ } 8,901 \end{array} \quad \text{🏠} \quad \begin{array}{ll} 28,184 \text{ } \bullet \text{ } 28,129 \\ 35,02 \text{ } \bullet \text{ } 135,02 \end{array}$$


934  Віднови істинні нерівності.


$$\text{🏠} \quad 0,4 < 0, \blacksquare \quad 0,7 \blacksquare > 0,78 \quad 3,12 < 3,1 \blacksquare \quad 0,93 > 0, \blacksquare 5$$

935  Округли подані числа до розряду одиниць; десятих; сотих.

73,548

16,293

 51,739

936  Знайди значення виразів усно.

$1,8 - 1,4$

$1 - 0,5$

 $5,12 + 2,08$

$3,4 + 2,5$

$6,7 - 4,8$

 $7,2 - 0,9$

937  Знайди значення виразів письмово.


$53,98 + 14,57$

$74,582 - 3,653$

 $23,7 + 18,125$

$6 - 3,207$

$4,093 + 8,749$

 $30 - 15,079$

ПЕРЕВІРЯЄМО СВОЇ ДОСЯГНЕННЯ

938 Запиши звичайний дріб або мішане число у вигляді десяткового дробу.

$3\frac{7}{10}$

$\frac{8}{10}$

$5\frac{21}{100}$

$\frac{16}{100}$

$8\frac{325}{1000}$

$\frac{142}{1000}$

939 Порівняй десяткові дроби.

$1,5 \bigcirc 1,7$

$3,17 \bigcirc 3,25$

$17,6 \bigcirc 17,593$

$13,85 \bigcirc 13,851$

940 Які цифри пропущені в істинних нерівностях?

$1,8 > 1, \blacksquare$

$7,25 > \blacksquare,25$

$4,1 \blacksquare < 4,1 \blacksquare$

$0,592 > 0, \blacksquare 92$

$8,1 \blacksquare 4 < 8,1 \blacksquare 4$

941 Знайди значення виразів.

$2,7 + 1,2$

$5,39 - 1,27$

$12,814 + 18,164$

$42,206 - 1,2$

$3,4 + 4,8$

$9,41 - 3,35$

$11,49 - 3,59$

$33,451 - 2,5$

942 Першого дня господарка зібрала 2,25 кг чорниці, другого — на 0,75 кг більше, а третього — на 1,8 кг менше, ніж першого дня. Скільки всього кілограмів чорниці зібрала господарка?



943 Туристка підіймалася на полонину зі швидкістю 2,4 км/год, а спускалася зі швидкістю 3 км/год. У якому напрямку туристка рухалася швидше? На скільки швидше?




944 Власна швидкість яхти становить 11,5 км/год, а швидкість течії річки — 2,3 км/год. Знайди швидкість руху яхти за течією річки; проти течії річки.

945 Власна швидкість човна 2,8 км/год. Швидкість руху човна за течією річки становить 3,5 км/год. Знайди швидкість руху човна проти течії річки.

946 Власна швидкість руху човна 3,2 км/год. Швидкість руху човна проти течії річки становить 1,4 км/год. Знайди швидкість руху човна за течією річки.

МНОЖИМО І ДІЛИМО ДЕСЯТКОВИЙ ДРІБ НА РОЗРЯДНУ ОДИНИЦЮ 10, 100, 1000...

947  Розкажи, що ти знаєш про десяткову систему числення. Назви розрядні одиниці; розрядні числа.

948  Виконай обчислення.

$$27 \cdot 10\,000$$

$$12 \cdot 1000$$

$$12\,300\,000 : 100\,000$$

$$60\,000 : 100$$

$$480\,000 : 10\,000$$

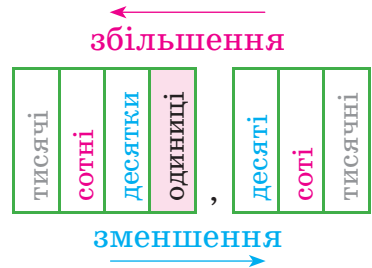
$$278 \cdot 1\,000\,000$$



Поліна вважає, що в результаті множення натурального числа на 10 ми одержуємо число наступного, вищого розряду. Отже, у результаті множення числа на розрядну одиницю ми підвищуємо розряд числа на стільки порядків, скільки нулів у розрядній одиниці; а в результаті ділення числа на розрядну одиницю — понижуємо розряд числа на стільки порядків, скільки нулів у розрядній одиниці. Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?

949 Назви розряди дробової частини десяткового дробу за зменшенням; за збільшенням. Прочитай числа в кожному стовпчику. Що в них спільне? відмінне? Як позиція коми впливає на величину числа? Який висновок можна зробити?

2,1074	7439,1
21,074	743,91
210,74	74,391
2107,4	7,4391



У скільки разів збільшиться або зменшиться десятковий дріб, якщо перенести кому на один знак; два знаки; три знаки вправо? вліво? Поміркуй, як можна помножити / поділити десятковий дріб на розрядну одиницю 10, 100, 1000... .

Прокоментуй розв'язання та перевір свої припущення.

$1,02 : 10 = 0,102$	$5,674 \cdot 100 = 567,4$
$8,9 \cdot 10 = 89$	$207,45 : 100 = 2,0745$
$0,2951 \cdot 1000 = 295,1$	
$1004,4 : 1000 = 1,0044$	



Множення / ділення десяткового дробу на розрядну одиницю 10, 100, 1000...

- ① Рахую кількість нулів у розрядній одиниці.
- ② Переношу кому в десятковому дробі **вправо** / **вліво** на таку саму кількість цифр.


Наприклад: $1,32 \cdot 10 = 13,2$; $423,7 : 100 = 4,237$.

950 Виконай множення й ділення.

$8,4 \cdot 10$	$9,07 : 10$	$6,231 \cdot 100$
$5011,6 : 1000$	$0,763 \cdot 100$	$20202,2 : 10000$
$0,4 \cdot 1000$	$3,4 : 100$	$8,6 \cdot 1000$

951 Знайди значення сум і різниць письмово. Округли одержані дробу до розряду десятих.


$5,6 - 1,2304$	$56,2609 + 39,502$	$34,5006 - 27,75012$
$72,09 + 19,043$	$12,03 - 9,8321$	$5,10278 + 0,4083$

952  Знайди значення виразів. Назви одержані результати в порядку спадання.

$$53,4 - (36,7 + 7,096)$$


$$81,31 + (51,7 - 29,92)$$

$$\text{🏠 } (27,321 - 18,302) + (2,532 + 2,7)$$

953  Розв'яжи рівняння.

$$b - (4,3 - 3,8) = 5,6$$

$$\text{🏠 } (x - 2,8) - 6,3 = 5,8$$

954  Віднови істинні рівності.

$$4,6702 \cdot \blacksquare = 4670,2$$

$$302,83 \cdot \blacksquare = 3028,3$$


$$0,3278 \cdot \blacksquare = 3278$$

$$4562,7 : \blacksquare = 45,627$$

$$1004,56 : \blacksquare = 10,0456$$

$$478,003 : \blacksquare = 4,78003$$



955  Порівняй числа. Не виконуючи обчислень, визнач, у скільки разів одне число більше або менше, ніж інше.


$$47,326 \bigcirc 473,26$$



$$1,4753 \bigcirc 1474,3$$

$$52,64 \bigcirc 5,264$$

$$734,28 \bigcirc 7,3428$$

956  Знайди значення виразів зручним способом. У виразах в останньому рядку зміни компоненти арифметичних дій так, щоб одержаний результат збільшився або зменшився у 10; 100; 1000 разів.

$$(6,24 + 2,605) - 4,24$$

$$18,62 - (7,47 + 2,62)$$

$$4,37 - (1,27 + 2,4)$$

$$6,28 + 7,35 + 1,72$$

$$(14,07 + 8,4) - 6,4$$

$$142,45 - (42,35 + 2,6)$$

$$17,38 + 6,465 - 2,28 - 3,405$$

$$6,266 + 8,34 - 3,366 - 4,44$$

957  Виконай обчислення з іменованими числами.



$$\frac{3}{4} \text{ км} + 350 \text{ м} + 28 \text{ дм}$$


$$1,2 \text{ т} - 6,3 \text{ ц} + 80 \text{ кг}$$


$$0,3 \text{ т} + 5 \text{ ц} - 60 \text{ кг}$$


$$1,5 \text{ км} + 802 \text{ м} + 9 \text{ дм}$$

$$0,43 \text{ км} + 170 \text{ м} - 38 \text{ дм}$$

$$0,06 \text{ т} + 0,7 \text{ ц} + 45 \text{ кг}$$


958  Перша сторона трикутника має довжину 43,6 см, друга на 2,9 см коротша від першої, а третя на 1,8 см коротша від другої. Знайди периметр цього трикутника.


959  На скільки потрібно зменшити число 326,428, щоб у результаті одержати число з тією самою цілою частиною і найменшою з можливих дробовою частиною, у записі якої всі цифри різні?

960  Двоє друзів їли персики. Один сказав іншому: «Дай мені свої два персики — тоді в нас буде персиків порівну». А інший відповів: «Ні, краще ти дай мені свої два персики — тоді в мене буде удвічі більше персиків, ніж у тебе». Скільки персиків було в кожного з них?



МНОЖИМО І ДІЛИМО ДЕСЯТКОВИЙ ДРІБ НА РОЗРЯДНУ ОДИНИЦЮ 0,1; 0,01; 0,001...

961  Розкажи, що ти знаєш про десяткову систему числення. Назви розрядні одиниці цілої частини числа; дробової частини десяткового дробу. У скільки разів кожний наступний розряд більший за попередній? У скільки разів кожний попередній розряд менший від наступного?

962  Згадай правила множення десяткового дробу на розрядну одиницю 10, 100, 1000... . Прокоментуй і перевір записи учнів та учениць. Застосуй переставний закон множення й запиши відповідні рівності.

$$0,1 \cdot 10 = 1$$

$$0,01 \cdot 10 = 0,1$$

$$0,1 \cdot 100 = 10$$

$$0,01 \cdot 100 = 1$$

$$0,1 \cdot 1000 = 100$$

$$0,01 \cdot 1000 = 10$$

$$0,001 \cdot 10 = 0,01$$

$$0,0001 \cdot 10 = 0,001$$

$$0,001 \cdot 100 = 0,1$$

$$0,0001 \cdot 100 = 0,01$$

$$0,001 \cdot 1000 = 1$$


$$0,0001 \cdot 1000 = 0,1$$



У складених тобою рівностях зістав перший множник і значення добутку. Як множення на розрядну одиницю 0,1; 0,01; 0,001... впливає на значення добутку?



Людмила вважає, що в результаті множення десяткового дробу на розрядну одиницю 10, 100, 1000... величина числа збільшується, а в результаті множення на розрядну одиницю 0,1; 0,01; 0,001... — навпаки, зменшується. У якому напрямі в таблиці розрядів відбувається зменшення розрядів? Поміркуй, як помножити десятковий дріб на розрядну одиницю 0,1; 0,01; 0,001... .

963  Згадай правила ділення десяткового дробу на розрядну одиницю: 10, 100, 1000... . Перевір і прокоментуй записи учнів та учениць.

$$0,1 : 10 = 0,01$$

$$0,01 : 10 = 0,001$$

$$0,1 : 100 = 0,001$$

$$0,01 : 100 = 0,0001$$

$$0,1 : 1000 = 0,0001$$

$$0,01 : 1000 = 0,00001$$

$$0,001 : 10 = 0,0001$$

$$0,001 : 100 = 0,00001$$

$$0,001 : 1000 = 0,000001$$



Денис зазначив, що в результаті ділення десяткового дробу на розрядну одиницю 10, 100, 1000... величина числа зменшується. Хлопець припустив, що в результаті ділення десяткового дробу на розрядну одиницю 0,1; 0,01; 0,001... величина числа, навпаки, збільшується.



Діти припустили, що в результаті **множення** десяткового дробу на 0,1; 0,01; 0,001... величина числа **зменшується**, тому треба **перенести кому вліво** на стільки знаків, скільки нулів у розрядній одиниці (включаючи нуль). У результаті **ділення** десяткового дробу на 0,1; 0,01; 0,001... десятковий дріб **збільшується**, тому треба **перенести кому вправо** на стільки знаків, скільки нулів у розрядній одиниці (включаючи нуль). Прокоментуй розв'язання та перевір припущення учнів.

$$1,071 \cdot 0,01 = 0,01071$$

$$0,13 \cdot 0,001 = 0,00013$$

$$6,1 \cdot 0,1 = 0,61$$

$$2,0745 : 0,01 = 207,45$$

$$1,0031 : 0,001 = 1003,1$$


$$3,02 : 0,1 = 30,2$$

Множення / ділення десяткового дробу на розрядну одиницю 0,1; 0,01; 0,01...

- ① Рахую кількість нулів у розрядній одиниці (ураховуючи й нуль цілих).
- ② Переношу кому в десятковому дробі **вліво** / **вправо** на таку саму кількість цифр.

Наприклад: $1,32 \cdot 0,1 = 0,132$

$423,7 : 0,01 = 42370$

964  Зістав вирази в кожному стовпчику. Як відмінність виразів вплине на їх розв'язання? Виконай множення й ділення десяткового дробу на розрядну одиницю. Зістав пари стовпчиків. Що цікаве можна помітити?

$4,56 \cdot 10$

$4,56 : 10$

$82,674 \cdot 100$

$82,674 : 100$

$4,56 \cdot 0,1$

$4,56 : 0,1$

$82,674 \cdot 0,01$

$82,674 : 0,01$

Діти помітили, що в результаті множення на 10 (100) та ділення на 0,1 (0,01) одержують той самий результат, оскільки кому переносять у той самий бік на ту саму кількість цифр. Чи погоджуєшся ти з дітьми?

965  Виконай множення й ділення.

$0,8 \cdot 10$

$9,3 : 10$

$56,98 : 0,1$

$11,08 : 100$


$34,005 \cdot 0,01$

$4503,56 \cdot 0,001$

$8,1 \cdot 1000$

$2,009 : 0,01$

$2,1001 : 0,0001$

966  Знайди значення виразів. Назви одержані результати в порядку спадання. Збільш або зменш кожний результат у 0,1 разів.

$3,7108 + 41,892$

$63,8075 - 33,687$


$64,0144 - 45,638$

$3,042 + 7,4956$

$4,327 + 1,2673$

$62,8014 - 8,756$



967  Знайди значення буквених виразів, за потреби попередньо спростивши вираз.



$56,73 + 2n - n$, якщо $n = 34,2788$

$45,6009 - k$, якщо $k = 38,900$

$12,7804 + 5,6770 + p$, якщо $p = 3,6582$

$71,930 + a - 26,555$, якщо $a = 4,3761$

968  Знайди значення виразів зручним способом.


$7,8 + (3,9 - 2,8)$

$(6,47 + 3,85) - 2,47$

$(8,29 - 4,37) - 3,17$

$32,1 + 32,9 + 11,7 + 13,3 + 9,1$

$14,8 - (4,8 - 2,9)$

969  Швидкість моторного човна за течією річки 56,7 км/год, а проти течії — 53,9 км/год. Знайди власну швидкість катера і швидкість течії річки.



970  Віднови розв'язання.


$$\begin{array}{r} \square 7, \square \\ + \square \square, 3 \\ \hline \square 56, 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \square 6, \square 8 \\ - \square, 4 \square \\ \hline \square 2, 96 \end{array}$$


$$\begin{array}{r} \square \square, 7 \square \\ + \square 76, \square 3 \\ \hline \square \square 5, 68 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \square 67, 0 \square \\ + \square 9, 99 \\ \hline \square 6 \square, \square 4 \end{array}$$

МНОЖИМО ДЕСЯТКОВИЙ ДРІБ НА НАТУРАЛЬНЕ ЧИСЛО

971  Розкажи, що ти знаєш про арифметичні дії множення й ділення.



972  Виконай множення й ділення числа на розрядну одиницю.

$7,2 \cdot 10$

$7 : 10$

$4,56 \cdot 0,1$

$1,23 : 0,1$

$8 \cdot 0,001$

$52,004 : 0,01$




$6,3 : 0,1$

$81 : 10$

$12 : 100$

$3,056 \cdot 0,001$

973  Поміркуй, які усні прийоми обчислення можна застосувати, щоб знайти значення добутків. Виконай обчислення з коментарем.

$24 \cdot 7$

$150 \cdot 8$

$32 \cdot 11$

$47 \cdot 9$

$134 \cdot 3$


$18 \cdot 5$

$16 \cdot 400$

$380 \cdot 7$

$101 \cdot 34$

$36 \cdot 99$

974  Згадай, як залежить значення добутку від зміни одного з множників. Зістав вирази в кожному стовпчику. Значення якого виразу знайти легше? Знайди його. Знайди значення іншого виразу.

$42 \cdot 3 = \square$

$64 \cdot 5 = \square$

$24 \cdot 100 = \square$

$16 \cdot 25 = \square$




$420 \cdot 3 = \square$

$64 \cdot 10 = \square$

$24 \cdot 25 = \square$

$16 \cdot 1000 = \square$


975  Порівняй числа. З'ясуй без обчислень, у скільки разів одне число більше або менше, ніж інше.

$76 \bullet 7,6$

$0,354 \bullet 35,4$

$12,7 \bullet 0,127$

$8,2 \bullet 820$

976  Знайди значення добутку в першому рядку кожного стовпчика, застосувавши усний прийом обчислення. Чи допоможе одержаний результат знайти значення добутку в другому рядку? Як можна міркувати в ході усного множення десяткового дробу на натуральне число?

$56 \cdot 3$

$608 \cdot 2$

$57 \cdot 9$

$86 \cdot 11$

$44 \cdot 5$

$5,6 \cdot 3$

$6,08 \cdot 2$

$0,57 \cdot 9$

$8,6 \cdot 11$

$0,44 \cdot 5$

Виконуючи множення десяткового дробу на натуральне число в першому стовпчику, Яна зістала у виразах перші множники — 56 і 5,6 — та визначила, що перший множник у другому виразі зменшився в 10 разів, отже, й значення цього добутку також зменшиться в 10 разів, тому одержаний результат першого добутку 168 треба розділити на 10 — маємо 16,8.



У кожному виразі в другому рядку діти зіставили перший множник і значення добутку й помітили закономірність. Як ти вважаєш, що цікаве вони помітили?

977 🔍 Прокоментуй розв'язання. Як можна міркувати в ході множення десяткового дробу на натуральне число?

$$4,8 \cdot 6 = 28,8$$

$$3,26 \cdot 3 = 9,78$$

$$3,5 \cdot 11 = 31,5$$

Чи можна міркувати аналогічно в ході письмового множення десяткового дробу на натуральне число? Спробуй перемножити числа.

$$\begin{array}{r} \times 12,387 \\ \quad \quad \quad 6 \\ \hline \square\square\square\square\square \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 5,0387 \\ \quad \quad \quad 3 \\ \hline \square\square\square\square\square \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 253,87 \\ \quad \quad \quad 4 \\ \hline \square\square\square\square\square \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 20,0459 \\ \quad \quad \quad 7 \\ \hline \square\square\square\square\square \end{array}$$

Множення десяткового дробу на натуральне число

Усний прийом

Письмовий прийом

Записую множники стовпчиком, не звертаючи уваги на кому.

Перемножую множники як натуральні числа.

Відділяю комою в добутку справа наліво стільки цифр, скільки знаків у дробовій частині десяткового дробу.

Наприклад:

$$\begin{array}{r} \times 0,45803 \\ \quad \quad \quad 6 \\ \hline 2,74818 \end{array}$$



978 🔍 Знайди значення виразів усно або письмово. Прокоментуй розв'язання.


$$6,8 \cdot 7$$

$$4,8 \cdot 25$$

$$37 \cdot 4,2$$


$$125 \cdot 3,2$$

$$3,0678 \cdot 28$$

979  Виконай арифметичні дії.

$128 : 16 \cdot 36 - 152 : 19 \cdot 27 : 18 + 51 : 17 \cdot 95 : 19 = ?$



980  Виконай множення, використовуючи усний прийом обчислення.


$2,3 \cdot 4$
 $0,13 \cdot 7$

$0,16 \cdot 7$
 $3,4 \cdot 6$



$7,2 \cdot 2$
 $4 \cdot 2,5$

$1,91 \cdot 4$
 $4,8 \cdot 5$

981  Виконай множення, використовуючи письмовий прийом обчислення.


$4,567 \cdot 4$
 $36,43 \cdot 5$

$12,36 \cdot 7$
 $38 \ 514 \cdot 6$



$3,2754 \cdot 8$
 $82,126 \cdot 5$

$0,6432 \cdot 6$
 $57,864 \cdot 3$


982  Обчисли зручним способом на основі законів множення.

$2,3 \cdot 10 \cdot 2$
 $0,8 \cdot 5 \cdot 7$
 $0,5 \cdot 7 \cdot 0,9 \cdot 2$
 $2,5 \cdot 1,3 \cdot 7 \cdot 4$
 $0,25 \cdot 1,2 \cdot 4$

$1,5 \cdot 20 \cdot 4$
 $5 \cdot 9 \cdot 6$
 $0,04 \cdot 6 \cdot 0,7 \cdot 25$
 $2,5 \cdot 6,5 \cdot 4 \cdot 3$
 $1,25 \cdot 2,3 \cdot 8$


$50 \cdot 1,4 \cdot 2$
 $3 \cdot 6 \cdot 5$
 $10 \cdot 2 \cdot 1,2 \cdot 0,05$
 $1,25 \cdot 1,4 \cdot 8 \cdot 6$
 $0,25 \cdot 0,07 \cdot 4$



983  Знайди значення виразів зручним способом на підставі правил і законів додавання і віднімання. Округли одержані дробі до розряду одиниць.

$2,18 + 4,27 + 1,73 + 2,82$
 $25,6 - (15,6 + 2,8)$

$2,48 - (0,48 + 1,23)$
 $(44,8 + 24,5) - 14,5$

984  Не обчислюючи значень виразів, постав знаки $>$, $<$, $=$ так, щоб отримати істинні рівності / нерівності.

$(3,67 - 1,17) \cdot 4 \bigcirc 3,67 \cdot 4 + 1,17 \cdot 4$

$0 : 2,45 \bigcirc 7,234 \cdot 0$

$12,5 \cdot 5,6 \cdot 8 \bigcirc (12,5 \cdot 8) \cdot 5,6$

$1 \cdot 8,506 \bigcirc 8,506 : 1$

$(4,2 + 1,22) : 12 \bigcirc 4,2 : 12 - 1,22 : 12$

$4,56 \cdot 0 \bigcirc 0 \cdot 8,69$

$1,23 : (3 \cdot 4,1) \bigcirc (1,23 : 3) : 4,1$

$(5,6 \cdot 4) : 8 \bigcirc (5,6 : 8) \cdot 4$

На основі яких правил тобою було зроблено такі умовиводи?

ДІЛИМО ДЕСЯТКОВИЙ ДРІБ НА НАТУРАЛЬНЕ ЧИСЛО

985 Знайди значення добутків. Чи зміниться величина дробу, якщо в десятковій частині дробу приписати справа нуль або кілька нулів?

$$1,5 \cdot 5 \quad 5,4 \cdot 7 \quad 0,36 \cdot 6 \quad 2,7 \cdot 4 \quad 1,35 \cdot 4$$

986 Які усні прийоми обчислення можна застосувати, щоб знайти значення часток? Обчисли з коментарем.

$$\begin{array}{ccccc} 84:7 & 64:16 & 69:3 & 98:14 & 95:19 \\ 108:27 & 42:3 & 72:18 & 78:13 & 91:7 \end{array}$$

987 Значення якого виразу в стовпчику знайти легше? Знайди його. Знайди значення іншого виразу в стовпчику, скориставшись залежністю значення частки від зміни діленого або дільника.

$$\begin{array}{cccc} 42:7 = \square & 3200:100 = \square & 3000:125 = \square & 1700:50 = \square \\ \updownarrow ? & \updownarrow ? & \updownarrow ? & \updownarrow ? \\ 84:7 = \square & 3200:25 = \square & 3000:1000 = \square & 1700:100 = \square \end{array}$$

988 Порівняй числа. З'ясуй, не виконуючи обчислення, у скільки разів одне число більше або менше, ніж інше.

$$24 \bullet 2,4 \quad 123,31 \bullet 1,2331 \quad 42,76 \bullet 4276 \quad 6,4 \bullet 640$$

989 Знайди значення частки в першому рядку кожного стовпчика, застосувавши усний прийом обчислення. Чи допоможе одержаний результат знайти значення частки в другому рядку? Як можна міркувати в ході усного ділення десяткового дробу на натуральне число?

$$\begin{array}{ccccc} 72:4 & 153:17 & 112:16 & 81:3 & 120:3 \\ 7,2:4 & 1,53:17 & 11,2:16 & 8,1:3 & 1,2:3 \end{array}$$



Виконуючи ділення десяткового дробу на натуральне число в першому стовпчику, Сергій зіставив у виразах ділені 72 і 7,2 та визначив, що ділене в другому виразі зменшилося в 10 разів, отже, значення цієї частки також зменшиться в 10 разів, тому одержаний результат першої частки 18 слід розділити на 10 — маємо 1,8.

У кожному виразі в другому рядку діти зіставили ділене і значення частки й помітили закономірність. Як ти вважаєш, що цікаве вони помітили?

990 🔍 Прокоментуй розв'язання. Перевір свої припущення. Як можна міркувати в ході ділення десяткового дробу на натуральне число?

$$4,8 : 6 = 0,8$$

$$6,8 : 17 = 0,4$$

$$5,4 : 6 = 0,9$$

$$1,44 : 18 = 0,08$$



Світлана зазначила, що в ході ділення десяткового дробу на натуральне число можна міркувати інакше. Слід з'ясувати, чи можна цілу частину десяткового дробу розділити на дільник — натуральне число: якщо можна, то значення частки в цілій частині десяткового дробу буде відмінне від нуля; якщо не можна, то в цілій частині десяткового дробу слід написати нуль. Аналогічно можна з'ясувати, чи будуть у значенні частки десятки, соті і т. д. Загалом ділення десяткового дробу на натуральне число виконується так само, як і ділення натуральних чисел, треба лише з'ясувати, на якому місці слід поставити кому.

991 🔍 Знайди значення часток, використовуючи усний прийом обчислення. Перевір одержані результати.

$$4,8 : 4 \quad 5,7 : 19 \quad 1,12 : 8 \quad 0,42 : 14 \quad 1,28 : 16$$

$$0,54 : 18 \quad 0,64 : 4 \quad 0,91 : 13 \quad 3,8 : 19 \quad 8,5 : 17$$

Чи можна міркувати аналогічно в ході письмового ділення десяткового дробу на натуральне число? Прокоментуй розв'язання.

$$\begin{array}{r} 564,8 \quad | \quad 8 \\ \underline{56} \quad | \quad 70,6 \\ 4 \quad | \\ \underline{0} \quad | \\ 48 \quad | \\ \underline{48} \quad | \\ 0 \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 12,040 \quad | \quad 8 \\ \underline{8} \quad | \quad 1,505 \\ 40 \quad | \\ \underline{40} \quad | \\ 40 \quad | \\ \underline{40} \quad | \\ 0 \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 3,33 \quad | \quad 9 \\ \underline{27} \quad | \quad 0,37 \\ 63 \quad | \\ \underline{63} \quad | \\ 0 \end{array}$$

Оксана зазначила, що в другому випадку в дробовій частині десяткового дробу можна дописати нулі наприкінці запису числа — від цього величина дробу не зміниться.

Письмове ділення десяткового дробу на натуральне число


- ① Записую числа куточком.
- ② Ділю числа за алгоритмом ділення натуральних чисел.

Пам'ятаю, що в значенні частки кома ставиться безпосередньо перед тим, як буде використано першу цифру десяткової частини діленого.

Наприклад:



$$\begin{array}{r}
 \underline{13,51} \quad | \quad 7 \\
 \underline{7} \\
 65 \\
 \underline{63} \\
 21 \\
 \underline{21} \\
 0
 \end{array}$$

992  Виконай ділення усно. Назви одержані результати в порядку зростання.

$8,4 : 7$

$8,5 : 17$

 $0,76 : 19$

$6,5 : 13$

$0,95 : 19$

$1,08 : 18$

 $7,8 : 13$

$0,96 : 8$

993  Виконай ділення письмово. Перевір результати.

$216,24 : 3$

$8,298 : 9$

 $8,6208 : 3$

$3,906 : 6$

$272,72 : 56$

$24,0288 : 48$

 $56,35 : 23$

$27,885 : 65$


994  Знайди значення виразів.

$97,35 : 59 + 3,35 - 53,265 : 265$

$4,37 \cdot 59 - 39,43 + 127 \cdot 23,5$

$100,04 : 41 + 17,181 : 83 - 2,51$

$57 \cdot 2,36 + 26,7 \cdot 43 - 6,398$

995  Знайди хоча б один розв'язок кожної буквеної нерівності.

$5 \cdot x > 6,5$

$c : 7 < 8,2$

$2,8 : d > 4$

996  Віднови розв'язання.

$$\begin{array}{r}
 \boxed{7} \boxed{}, \boxed{2} \boxed{8} \\
 \underline{ \boxed{}} \\
 \boxed{9}, \boxed{}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \times \boxed{2}, \boxed{} \boxed{} \\
 \boxed{} \boxed{} \\
 \hline
 \boxed{2} \boxed{9} \boxed{5}, \boxed{7} \boxed{5}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \boxed{}, \boxed{} \boxed{7} \\
 \underline{\boxed{5} \boxed{6}} \\
 \boxed{0}, \boxed{7}
 \end{array}$$


$$\begin{array}{r}
 \boxed{3} \boxed{} \\
 \underline{ \boxed{3} \boxed{}} \\
 \boxed{0}
 \end{array}$$

$$ \boxed{2} \boxed{9} \boxed{5}, \boxed{7} \boxed{5}$$


$$\begin{array}{r}
 \boxed{4} \boxed{} \\
 \underline{ \boxed{4} \boxed{}} \\
 \boxed{0}
 \end{array}$$



ОДЕРЖУЄМО ДЕСЯТКОВИЙ ДРІБ ЯК ЧАСТКУ ДВОХ НАТУРАЛЬНИХ ЧИСЕЛ

997  Виконай обчислення. Назви одержані результати в порядку зростання.


$7,2:4$	$0,16 \cdot 5$	$0,72:18$	$3,6 \cdot 6$
$2,7 \cdot 4$	$1,53:17$	$1,6 \cdot 7$	$0,81:3$

998  Виконай ділення письмово. Перевір одержані результати.





$348,24:6$	$3,2064:8$	$39,228:4$	$5,6042:7$
$16,308:27$	$172,688:86$	$9,6520:19$	$8,68:35$

Обчислюючи значення останньої частки, Інна дописала один нуль у дробовій частині діленого. Як ти вважаєш, чому дівчинка так зробила?

999  Запиши кожне натуральне число у вигляді десяткового дробу.

5	7	358
---	---	-----

 Натуральне число можна записати у вигляді десяткового дробу, якщо після числа поставити кому й справа від коми записати хоча б один нуль.

1000  Знайди значення частки в першому рядку кожного стовпчика. Зістав вирази в стовпчику. Що змінилося? Як ця відмінність вплине на обчислення значення другої частки? Виконай ділення з остачею.

$56:4$	$72:6$	$45:5$	$40:8$	$48:16$
$58:4$	$75:6$	$43:5$	$46:8$	$50:16$

Учні та учениці вважають, що під час обчислення значень часток у другому рядку можна продовжити ділення, дописавши у дробовій частині діленого кілька нулів.

Чи погоджуєшся ти з дітьми?

Обчислюючи значення останньої частки, Тимофій виконав запис. Перевір і прокоментуй запис хлопчика.



Отже, у випадку, коли виконати ділення натуральних чисел націло неможливо, можна або виконати ділення з остачею, або продовжити ділення, дописавши в дробовій частині діленого кілька нулів й у результаті одержати десятковий дріб.



Частка двох натуральних чисел може дорівнювати десятковому дробу.

1001 Заміни частку двох натуральних чисел звичайним дробом; десятковим дробом.

$7:32$	$27:25$	$882:36$	$94:400$	$532:500$
$12:15$	$935:220$	$780:300$	$468:3600$	$3563:700$

1002 Знайди значення виразів і зроби перевірку.

$8,64 \cdot 67$	$26,992:28$	$7,081 \cdot 34$
$11,4893:19$	$56,78 \cdot 34$	$346,56:57$

1003 Знайди значення виразів.

$(50,4:56 - 3,15:63) \cdot 4573$ $4,78 \cdot 600 - 12,270:30 - 4,2:50$

1004 Равлик і черепаха одночасно поповзли назустріч одне одному. Равлик повзе зі швидкістю 6,2 м/год, а черепаха — 3,8 м/хв. Вони зустрілися за 4 год. Яка відстань була між равликом і черепахою на момент початку руху?



1046 Віднови розв'язання.

$\begin{array}{r} \square \square \square, 64 \square \\ \underline{144} \\ \square \square \end{array}$	$\begin{array}{r} 8, \square 4 \square \\ \underline{72} \\ \square \square \end{array}$	$\begin{array}{r} 1 \square \\ \underline{0,4 \square} \\ \square \square \end{array}$	$\begin{array}{r} 2 \square 9 \square, 6 \square 3 2 \\ \underline{2 \square \square} \\ \square \square 4, \square \end{array}$
$\begin{array}{r} \square 3 2 6 \\ \underline{288} \\ \square \square \square \\ \underline{\square \square \square} \\ 0 \end{array}$	$\begin{array}{r} \square 4 4 \\ \underline{\square \square \square} \\ 0 \end{array}$	$\begin{array}{r} 13 \square \\ \underline{\square \square \square} \\ 9 \square \\ \underline{\square \square} \\ 0 \end{array}$	

РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ

1005 🕒 До кожної задачі добери короткий запис, доповни його. Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2; задачі 2 і 3. Що змінилося? Як ця зміна вплине на розв'язання задач 2 і 3? Розв'яжи задачі 2 і 3. Виконай перевірку.

▶▶ 1) Один майстер-плиточник за 8 год поклав $34,56 \text{ м}^2$ плитки. Скільки квадратних метрів плитки поклав інший майстер за 6 год, якщо майстри працювали з однаковою продуктивністю?

▶▶ 2) Один майстер-плиточник працював 8 год, а інший — 6 год. Скільки квадратних метрів плитки поклав кожний майстер, якщо вони працювали з однаковою продуктивністю й усього поклали $60,48 \text{ м}^2$ плитки?

▶▶ 3) Перший майстер-плиточник працював 8 год, а другий — 6 год. Перший майстер поклав на $8,64 \text{ м}^2$ плитки більше, ніж другий. Скільки квадратних метрів плитки поклав кожний майстер, якщо вони працювали з однаковою продуктивністю?


а	Продуктивність праці N (м^2 за 1 год)	Час роботи t (год)	Загальний виробіток A (м^2)
I	?, однак.	■	■
II		■	?



б	N (м^2 за 1 год)	t (год)	A (м^2)
I	?, однак.	■	?
II		■	?

в	N (м^2 за 1 год)	t (год)	A (м^2)
I	?, однак.	■	?, на ■ б.
II		■	?



1006  Зістав задачу 1 із задачами в попередньому завданні. Що відмінне? До задачі 1 добери короткий запис і доповни його. Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Чи потрібно розв'язувати задачу 2?

▶▶ 1) Один майстер-плиточник за 8 год кладе $34,56 \text{ м}^2$ плитки, а інший за 6 год — $25,92 \text{ м}^2$ плитки. Скільки квадратних метрів плитки покладуть ці майстри за 7 год, якщо працюватимуть разом?

▶▶ 2) Один майстер-плиточник за 8 год, рухаючись уздовж доріжки, викладає плиткою доріжку довжиною $34,56 \text{ м}$ (за кожну годину майстер долає той самий шлях), а інший за 5 год — довжиною $25,92 \text{ м}$. Якої довжини доріжку викладуть ці майстри за 7 год, якщо вони одночасно почали рухатися з різних боків будівельного майданчика назустріч один одному?


а	N (м^2 за 1 год)	t (год)	A (м^2)
I	?	■	■
II	?	■	■
I і II	?	■	?


б	v (км/год)	t (год)	s (км)
I	?	■	■
II	?	■	■
I і II	?	■	?

1007  Знайди значення виразів.

$$28,032 : 64 + 47,432 : 56 - (0,6586 : 74 + 5,952 : 24)$$

$$(66,06 : 18 - 38,376 : 26) - (10,9521 : 43 + 16,1432 : 68)$$

1008  Від залізничної станції одночасно в протилежних напрямках вирушили два товарні потяги. Один потяг ішов зі швидкістю $40,2 \text{ км/год}$, а інший — $35,3 \text{ км/год}$. За який час відстань між ними становитиме $468,1 \text{ км}$?

1009  На яке число треба помножити число 87912 так, щоб одержати п'ятицифрове число, яке записується цими самими цифрами, але у зворотному порядку?



МНОЖИМО ДЕСЯТКОВІ ДРОБИ

1010 Виконай множення й ділення.

$5,8 \cdot 10$

$2 : 10$

$1,26 \cdot 0,1$

$4,5 : 0,1$

$2,45 : 0,1$

$7 \cdot 0,001$

$29,002 : 0,01$

$58 : 100$

1011 Виконай обчислення з коментарем.

$8,5 \cdot 6$

$5,04 \cdot 8$

$32 \cdot 11$

$4,7 \cdot 9$

$3,9 \cdot 5$

$0,16 \cdot 400$

$3,801 \cdot 7$

$1,01 \cdot 34$

1012 У стовпчику знайди значення виразу, який знайти легше. Знайди значення іншого виразу, скориставшись залежністю значення добутку від зміни одного з множників.

$3,8 \cdot 3 = \square$

$4,6 \cdot 7 = \square$

$8,8 \cdot 2 = \square$

$2,4 \cdot 9 = \square$

$3,8 \cdot 0,3 = \square$

$4,6 \cdot 0,7 = \square$

$8,8 \cdot 0,2 = \square$

$2,4 \cdot 0,9 = \square$

$3,8 \cdot 0,3 = \square$

$4,6 \cdot 0,7 = \square$

$8,8 \cdot 0,02 = \square$

$2,4 \cdot 0,009 = \square$

Зістав кількість десяткових знаків у значенні добутку та кількість десяткових знаків в обох множниках разом. Що цікаве можна помітити? Чи можна міркувати аналогічно в ході письмового множення десяткового дробу на десятковий дріб? Спробуй перемножити числа.

$$\times \begin{array}{r} 23,024 \\ 0,6 \end{array}$$

$$\times \begin{array}{r} 3,1357 \\ 5,3 \end{array}$$

$$\times \begin{array}{r} 452,86 \\ 0,23 \end{array}$$

$$\times \begin{array}{r} 40,0274 \\ 2,59 \end{array}$$

Множення десяткового дробу на десятковий дріб

Усний прийом

Письмовий прийом

Підписую множники стовпчиком, не звертаючи уваги на кому.


Перемножую множники як натуральні числа.

Відділяю в добутку комою справа наліво стільки цифр, скільки десяткових знаків в обох множниках разом.

Наприклад:

$$\begin{array}{r} \times 0,45803 \\ 0,6 \\ \hline 0,274818 \end{array}$$



1013  Знайди значення виразів усно. Назви одержані дробі в порядку зростання.

$1,4 \cdot 0,9$

$8,4 : 5$

$1,7 \cdot 1,1$

$9,5 : 5$

$7,6 : 19$

$0,32 \cdot 1,25$



$6 : 4$


$0,9 \cdot 1,6$

$4,2 \cdot 1,1$

$15,3 : 9$

$2,5 \cdot 0,16$

$0,72 : 1,2$

1014  Виконай множення письмово. Округли одержані дробі до розряду сотих.

$43,27 \cdot 3,4$

$27,8 \cdot 5,6$

$2,58 \cdot 0,32$

$3,056 \cdot 0,48$

$0,429 \cdot 5,4$

$8,368 \cdot 0,47$

$0,367 \cdot 2,46$

$2,056 \cdot 1,84$

$3,670 \cdot 2,18$



1015  Знайди значення виразів.

$9 : 15 \cdot 3,2 + 4,78$

$(4,9 + 8,4) : 19 \cdot 0,32 - 1,26$

1016  Знайди значення буквених виразів.

$3,4 : a + 0,38 : 2$, якщо $a = 17$

$0,91 : 7 - 7,6 : b$, якщо $b = 19$


1017  Знайди значення виразів.

$6,7 \cdot 3,08 - 5,2 \cdot 0,805$

$78,131 : 79 + 4,623 : 201$

$(12,92 : 19 + 9,99) \cdot 0,2$


$(63,1368 : 632 - 9,98) \cdot 0,3$

1018  Розв'яжи рівняння.

$(x + 1,5) : 37 = 0,86$

$8,32 + 28a = 51,72$

$y - (45,736 : 8 - 5,717) \cdot 9,18 = 67,5225 : 15$

1019  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

▶ З двох селищ, відстань між якими 5,3 км, одночасно в протилежних напрямках вирушили два пішоходи. Один із них йшов зі швидкістю 4,3 км/год, а інший — зі швидкістю 5,2 км/год. За скільки годин відстань між ними становитиме 52,8 км?



1020  Віднови розв'язання.

$$\begin{array}{r} \times \quad \boxed{2}\boxed{}, \boxed{7} \\ \quad \boxed{6}\boxed{}, \boxed{2} \\ \hline \quad \quad \boxed{4}\boxed{3}\boxed{4} \\ + \quad \quad \boxed{}\boxed{}\boxed{1} \\ \hline \boxed{}\boxed{}\boxed{} \\ \hline \boxed{}\boxed{}\boxed{7}\boxed{}, \boxed{}\boxed{} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times \quad \boxed{}\boxed{}, \boxed{} \\ \quad \boxed{3}, \boxed{}\boxed{} \\ \hline \quad \quad \boxed{2}\boxed{4}\boxed{4} \\ + \quad \boxed{3}\boxed{6}\boxed{6} \\ \hline \boxed{}\boxed{}, \boxed{}\boxed{} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - \quad \boxed{9}\boxed{}\boxed{4}, \boxed{}\boxed{} \\ \quad \boxed{}\boxed{} \quad \boxed{3}\boxed{}\boxed{}, \boxed{} \\ \hline \quad \quad \boxed{8} \\ - \quad \boxed{}\boxed{} \\ \hline \quad \quad \boxed{}\boxed{} \\ - \quad \boxed{}\boxed{} \\ \hline \quad \quad \boxed{6} \\ - \quad \boxed{}\boxed{} \\ \hline \quad \quad \boxed{0} \end{array}$$



ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

1021  Виконай множення й ділення.


8,2 : 0,01
0,54 · 100

4,3 : 100
5,003 · 10

 8,007 · 0,0001
7,0032 : 0,001


1022  Установи, чи є істинними подані рівності.

95 : 5 = 9,5 : 0,5 0,76 : 0,19 = 76 : 19
1,72 : 0,43 = 172 : 43 15,4 : 2,2 = 154 : 22

 1,8 : 0,3 = 18 : 3
9,6 : 2,4 = 96 : 24

1023  Знайди значення виразів усно.


0,23 · 4	0,42 : 3	0,016 · 7
6,4 : 16	4,2 · 2,5	0,72 : 18
4,6 · 1,1	0,84 : 7	0,69 : 3
1,53 : 17	0,19 · 0,4	2,08 : 52

 5,8 : 5
6,4 · 1,25
0,72 · 2
0,34 · 0,02


1024  Знайди значення виразів.

(81,8 - 52,4 · 22,5 : 30) : 17 + 62,208 : 243
167,28 : 20,4 · (3,28 - 42,67 : 17) : 11 - 0,19



1025  Розв'яжи рівняння.

14,75 - x : 12 = 2,75 (2,4 : a + 0,48) : 2,6 = 2 16,83 : (0,3 - b) = 17

1026  Моторний човен проплив 31,2 км, рухаючись за течією річки, за 2 год, а проти течії річки — за 3 год. Яка швидкість руху човна за течією річки? проти течії річки? Яка швидкість течії річки?

1027  Віднови розв'язання.



$$\begin{array}{r}
 \times \begin{array}{r} \square, \square \\ \square, \square, 1 \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{r} 148 \\ 296 \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{r} \square, \square \end{array}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \times \begin{array}{r} \square 8, 4 \\ 3, \square \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{r} 3388 \\ 14 \square \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{r} \square 8, \square \end{array}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \square 40 \square, \square \quad | \quad \square 6 \\
 \hline
 \square 5 \square \quad | \quad \square 00, \square \\
 \hline
 \square 1 \square \\
 \hline
 \square \square \\
 \hline
 0
 \end{array}$$



ДІЛИМО НА ДЕСЯТКОВИЙ ДРІБ

1028  Знайди значення виразів усно.

$0,64:16$

$9,8:14$

$0,95:19$

$1,08:27$

$7,6:19$

$1,53:17$

$0,96:24$

$1,26:18$

1029  Виконай множення й ділення.

$72,003:10$


$8,005 \cdot 0,01$

$92,0004 \cdot 0,0001$

$0,956 \cdot 100$

$301,003:0,01$

$0,045 \cdot 1000$


1030  Порівняй числа. З'ясуй без обчислень, у скільки разів одне число більше або менше, ніж інше.

$18,28 \bullet 1828$

$35,6 \bullet 356$

$0,657 \bullet 657$


$0,004 \bullet 4$

1031  Згадай основну властивість частки. Застосуй цю властивість, щоб порівняти значення виразів.

$91:7 \bullet 0,91:0,07$

$7,6:1,9 \bullet 76:19$

$1,44:0,18 \bullet 144:18$

1032  Знайди значення частки в першому рядку кожного стовпчика, застосувавши усний прийом обчислення. Чи допоможе одержаний результат знайти значення частки в другому рядку? Як можна міркувати під час усного ділення десяткового дробу на десятковий дріб?

$840:5$

$90:6$

$112:16$

$7,2:12$

$8,4:0,05$

$9:0,6$

$1,12:0,16$

$0,72:1,2$

Кіра вважає, що в ході ділення десяткового дробу на десятковий дріб обчислення можна звести до ділення десяткового дробу на натуральне число. Для цього треба дільник (десятковий дріб) збіль-



шити в декілька разів, щоб одержати натуральне число. Щоб значення частки не змінилося, треба й ділене також збільшити у стільки ж разів.



Микола зазначив, що в ході письмового ділення десяткового дробу на десятковий дріб у дільнику можна перенести кому вправо на стільки знаків, щоб одержати натуральне число, а потім у діленому перенести кому вправо на ту саму кількість знаків і виконати ділення на натуральне число.

Письмове ділення десяткового дробу на десятковий дріб

- ① У дільнику переносу кому вправо на стільки знаків, щоб одержати натуральне число.
- ② У діленому переносу кому вправо на ту саму кількість знаків.
- ③ Виконую ділення за алгоритмом ділення десяткового дробу на натуральне число.

$$\begin{array}{r}
 13,51 \overline{) 7} \\
 \underline{7} \\
 65 \\
 \underline{63} \\
 21 \\
 \underline{21} \\
 0
 \end{array}$$

Наприклад: $1,351 : 0,7 = 13,51 : 7$

1033 🔍 Знайди значення часток усно з коментарем.

$$15,3 : 0,17 = 15,3 : 0,17 = 1530 : 17 = 90$$

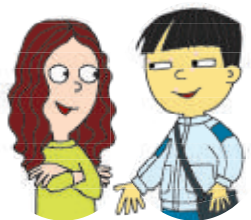
- | | | | |
|---------------|-------------|---------------|---------------|
| $9,8 : 1,4$ | $9 : 1,5$ | $0,52 : 0,13$ | $0,04 : 0,12$ |
| $0,36 : 0,12$ | $3,9 : 1,3$ | $1,36 : 0,17$ | $12,6 : 1,4$ |

1034 🔍 Знайди значення виразів письмово з коментарем.

- | | | |
|------------------|------------------|-----------------|
| $85,692 : 0,3$ | $891,216 : 0,06$ | $9,246 : 0,002$ |
| $7,5902 : 0,002$ | $8,624 : 0,0004$ | $12,096 : 0,56$ |
| $330,276 : 6,8$ | $4,0421 : 0,83$ | $18,144 : 7,56$ |

1035 🧩 У скільки разів треба збільшити десятковий дріб, щоб одержати натуральне число?

- $7,8 \cdot \blacksquare = 78$
- $0,034 \cdot \blacksquare = 34$
- $0,456 \cdot \blacksquare = 456$
- $0,39 \cdot \blacksquare = 39$



- $4,234 \cdot \blacksquare = 4234$
- $42,6 \cdot \blacksquare = 426$
- $0,0041 \cdot \blacksquare = 41$
- $9,00013 \cdot \blacksquare = 90013$

1036  Знайди значення виразів. Виконай перевірку.

$7,48 : 0,5$

$2,048 : 0,008$

$6,6456 : 2,34$

$21,6 : 0,06$

$2,664 : 3,6$

$3,0753 : 4,59$

$12,18 : 0,028$

$8,352 : 0,87$

$14,5344 : 1,6$

1037  Знайди значення виразів.

$17,328 \cdot 4 + (9,87 - 1,87) : 20 - 8,498$

$6,3 : 0,9 + (47,8008 - 37,9122) \cdot 7$

$(52,8 + 6,6 : 0,11 - 5,4) : 6 + 24,5286$

$(0,72 : 0,24 \cdot 6 + 332) : 0,07 - 0,3608$



1038  Знайди значення виразів.

$11,924 : 2,71 + 0,47 \cdot 5,3 - 2,535$


$(33,264 : 0,63 + 4987,2) : 0,75$

$(5,7 : 0,075 + 3,73 - 0,248) \cdot 8 + 0,9$

$(20,91 - 50,184 : 8,2) \cdot 0,019$

1039  Розв'яжи задачу. Склади й розв'яжи обернену задачу.

▶ Від однієї пристані одночасно в протилежних напрямках вирушили два катери. За 3 год відстань між ними становила 161,1 км. Один катер рухався зі швидкістю 25,4 км/год. Знайди швидкість руху іншого катера.

1040  Розв'яжи рівняння.

$1,1 \cdot x + 15,66 - 0,2 \cdot x + 0,9 \cdot x = 20 - 0,2 : 0,1$

$1,234 + p - p + 0,326 - p = 0,867$



1041  Віднови розв'язання.

$$\begin{array}{r}
 \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & 3 \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array} \\
 + \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & 2 & 5 & 3 & 8 \\ \hline 1 & \square & \square & 9 & \\ \hline \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 1 & 2 & 9 & \square & \square & \square \\ \hline \end{array}
 \end{array}$$


$$\begin{array}{r}
 - \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline \square & \square & 9 & \square & \square & 5 & \square \\ \hline 1 & 2 & 6 & & & & \\ \hline \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{|c|c|c|} \hline 2 & \square & 5 \\ \hline \square & 1 & \\ \hline \end{array}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 - \begin{array}{|c|c|c|} \hline 2 & \square & 5 \\ \hline \square & 1 & \\ \hline \end{array}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 - \begin{array}{|c|c|c|} \hline 2 & 5 & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array}
 \end{array}$$


0

$$\begin{array}{r}
 - \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 1 & 9 & \square & \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square & \square & \square & \square \\ \hline \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{|c|c|c|} \hline 1 & 6 & \square \\ \hline 1 & \square & 8 \\ \hline \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{|c|} \hline 0 \\ \hline \end{array}
 \end{array}$$

1042  У спекотний день 6 косарів випили барило квасу за 8 год. Скільки косарів за 4 год вип'ють таке саме барило квасу?



ЗНАХОДИМО ДЕСЯТКОВИЙ ДРІБ ВІД ЧИСЛА; ЗНАХОДИМО ЧИСЛО ЗА ВЕЛИЧИНОЮ ЙОГО ДЕСЯТКОВОГО ДРОБУ


1043  Запиши звичайний дріб або мішане число у вигляді десяткового дробу.

$$\frac{7}{10}$$

$$1\frac{18}{100}$$

$$\frac{123}{1000}$$

$$3\frac{4}{10\,000}$$

1044  Запиши десятковий дріб у вигляді звичайного дробу або мішаного числа.


0,6

5,09

14,567

0,034

0,0004

1045  Зістав завдання в кожному стовпчику. Як їх відмінність вплине на розв'язання? Знайди:

$$\frac{5}{6} \text{ від } 102$$

$$\frac{7}{9} \text{ від } 126$$

$$\frac{13}{14} \text{ від } 56$$


$$\frac{18}{27} \text{ від } 81$$

$$\frac{5}{6} \text{ від } 1,02$$

$$\frac{7}{9} \text{ від } 12,6$$

$$\frac{13}{14} \text{ від } 5,6$$

$$\frac{18}{27} \text{ від } 0,81$$

1046  Згадай правило знаходження дробу від числа. Знайди дріб від числа в першому рядку кожного стовпчика. Чи допоможе одержаний розв'язок знайти десятковий дріб від числа в другому рядку?

$$\frac{8}{10} \text{ від } 96$$

$$\frac{2}{100} \text{ від } 48$$

$$\frac{34}{1000} \text{ від } 106$$

0,8 від 96

0,02 від 48

0,034 від 106




Максим вважає: щоб знайти десятковий дріб від числа, десятковий дріб можна замінити звичайним дробом і застосувати відоме правило знаходження дробу від числа.

Наприклад:

$$\begin{array}{l} 1 - m \\ \frac{a}{b} - ? \end{array} \rightarrow m : b \cdot a$$

$$0,8 = \frac{8}{10}, \text{ тому } 96 : 10 \cdot 8 = 9,6 \cdot 8 = 76,8.$$

Чи мають міркування Максима сенс?

1047  Згадай правило знаходження числа за величиною його дробу. Знайди число за величиною його дробу в першому рядку кожного стовпчика. Чи допоможе одержаний

розв'язок знайти число за величиною його десяткового дробу в другому рядку?

$\frac{5}{10}$ становить 95; $\frac{6}{100}$ становить 84; $\frac{23}{100}$ становить 92;
 0,5 становить 95; 0,06 становить 84; 0,23 становить 92.

Поліна вважає: щоб знайти число за величиною його десяткового дробу, десятковий дріб можна замінити звичайним дробом і застосувати відоме правило знаходження числа за величиною його дробу.

Наприклад:

$$0,5 = \frac{5}{10}; 95 : 5 \cdot 10 = 19 \cdot 10 = 190.$$

Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?



$$\begin{array}{l} 1 - ? \\ \frac{a}{b} - k \end{array} \rightarrow k : a \cdot b$$

$$\begin{array}{l} 1 - a \\ ? - b \end{array} \rightarrow \frac{b}{a} = b : a$$

1048 Згадай правило знаходження того, яку частину одне число становить від іншого. Запиши одержаний результат у вигляді десяткового дробу.

17 і 68 19 і 95 52 і 208 46 і 368 17 і 136

1049 Знайди десятковий дріб від числа.

0,07 від 91
 0,07 від 9,1

0,6 від 96
 0,6 від 0,96

0,23 від 184
 0,23 від 1,84

1050 Знайди число за величиною його десяткового дробу.

0,7 числа становлять 91
 0,7 дорівнюють 9,1

0,6 становлять 96
 0,6 дорівнюють 0,96

1051 В овочевому магазині було 135,8 кг овочів. Цибуля становила 0,3 усіх овочів, а морква — 0,2. Чого менше — моркви чи цибулі? На скільки менше?

1052 У вазі лежало в 6 разів більше слив, ніж яблук. Якщо у вазу покласти ще 3 яблука і забрати 6 слив, то слив буде в 3 рази більше, ніж яблук. Скільки яблук і скільки слив було у вазі спочатку?



РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА ЗНАХОДЖЕННЯ ДРОБУ ВІД ЧИСЛА; ЗАДАЧІ НА ЗНАХОДЖЕННЯ ЧИСЛА ЗА ВЕЛИЧИНОЮ ЙОГО ДРОБУ

1053 🔍 Знайди десятковий дріб від числа.

0,14 від 56,3

0,8 від 48,2

0,134 від 2,365

0,5 від 7,7

0,004 від 5,4

0,45 від 34,8

1054 🔍 Знайди число за величиною його десяткового дробу.

0,13 числа становлять 0,91

0,33 становлять 1,98

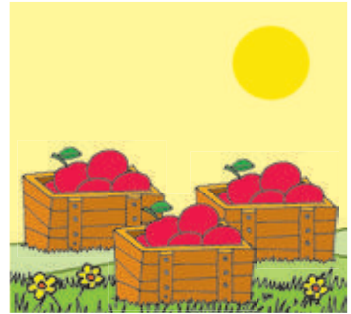
0,19 дорівнюють 3,8

1,7 дорівнюють 0,136

1055 🔍 Порівняй задачі. Як їх відмінність вплине на розв'язання? Розв'яжи задачі.

▶▶ 1) Яблука вирішили розкласти в ящики. Коли в один ящик поклали 16,8 кг яблук, виявилось, що в нього поклали 0,4 усіх яблук. Скільки кілограмів яблук треба було розкласти?

▶▶ 2) 16,8 кг яблук вирішили розкласти в ящики. В один ящик поклали 0,4 всіх яблук. Скільки кілограмів яблук у цьому ящику?

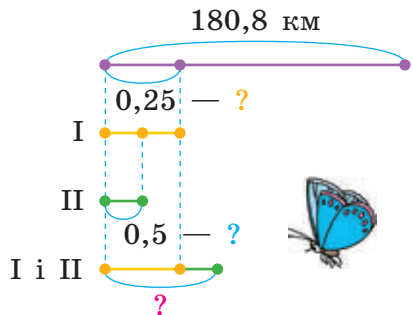


1056 🔍 Поясни схематичний рисунок і короткий запис кожної задачі. Розв'яжи задачі.

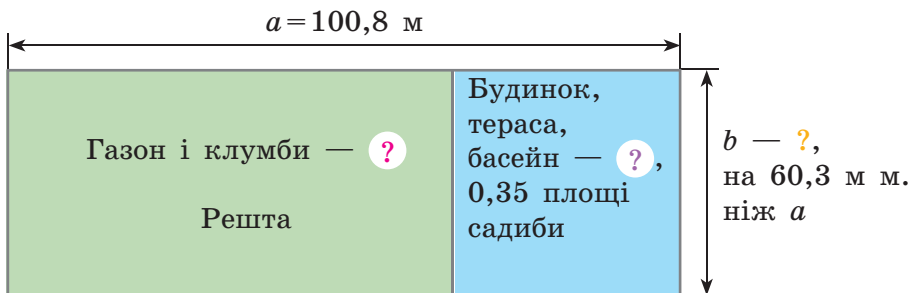
▶▶ 1) Туристу треба було подолати 180,8 км. Першого дня він подолав 0,25 усього шляху, а другого — 0,5 того шляху, який подолав першого дня. Скільки кілометрів турист пройшов за два дні?



I день — ?, 0,25 від 180,8 км ←
II день — ?, 0,5 від _____ } ?



► 2) Довжина садиби прямокутної форми 100,8 м, а її ширина на 60,3 м менша. Будинок, тераса і басейн займають 0,35 площі садиби, а газон і клумби — решту. Яку площу садиби займають газон і клумби?



$$\left. \begin{array}{l} S_{\text{буд., тер., бас.}} - ?, 0,35 \text{ від } S_{\text{с.}} \\ S_{\text{г., кл.}} - ? \end{array} \right\} S_{\text{с.}} - ?, \begin{cases} a = 100,8 \text{ м} \\ b - ?, \text{ на } 60,3 \text{ м м.} \end{cases}$$


1057 Маса виробу, виготовленого за старою технологією, становила 480,56 кг. Після удосконалення виробництва маса виробу зменшилася на 0,03 від попередньої маси. Знайди масу виробу, виготовленого за новою технологією.

1058 На будівництво привезли 4068,4 т піску. Великими самоскидами привезли 0,8 усього піску, а решту — маленькими самоскидами, по 4 т на кожному. Скількома маленькими самоскидами привезли пісок?


1059 Вихід вершків із молока становить 0,16 маси молока, а вихід масла з вершків — 0,22 маси вершків. Скільки тонн масла можна отримати з 9,4 т молока?

1060 Фермер зібрав 2826,3 т томатів. На виробництво томатного соку він використав 0,44 усіх томатів, а на виробництво томатної пасти — 0,8 решти. Скільки тонн томатів фермер використав на виробництво томатної пасти?

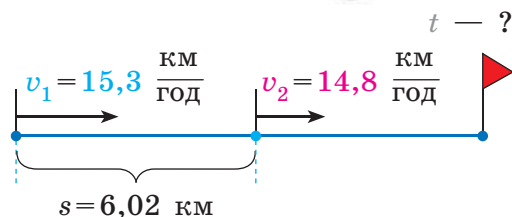
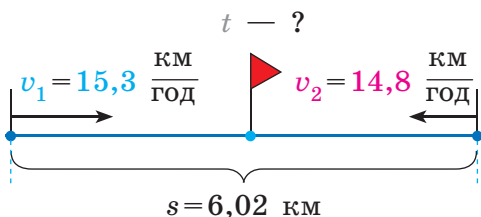
1061 Площа санаторію становить 84 000,68 м². Під житлові корпуси відведено ділянку прямокутної форми зі сторонами 320,4 м і 100,3 м, а під парк — 0,75 решти площі санаторію. Яку площу санаторію займає парк?

1062  Равлик повзе по стовпу висотою 20 м. Кожного дня він підіймається на 2 м, а кожної ночі опускається на 1 м. За скільки днів равлик досягне вершини?

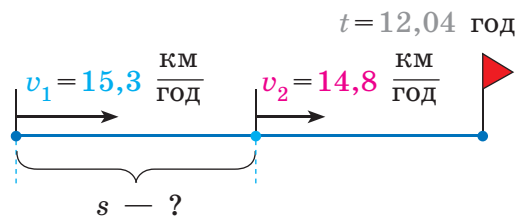
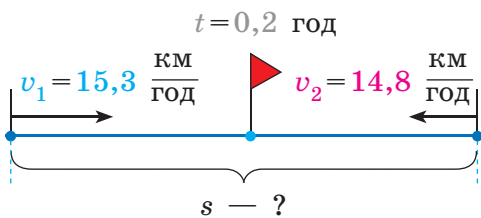
РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ

1063  Розв'яжи задачу на одночасний рух двох тіл назустріч одне одному. Як зміна напрямку руху — навздогін — вплине на розв'язання задачі? Скористайся підказками.

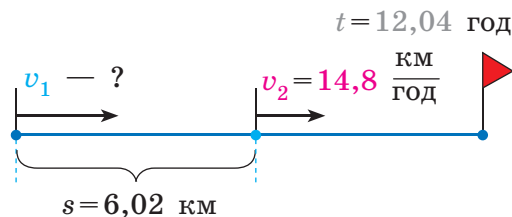
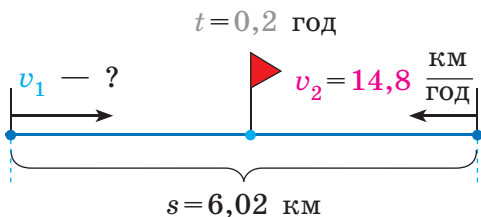
▶ З двох селищ, відстань між якими 6,02 км, одночасно назустріч / навздогін вирушили два велосипедисти. Один велосипедист рухається зі швидкістю 15,3 км/год, а інший — зі швидкістю 14,8 км/год. За скільки годин велосипедисти опиняться поряд?



Для кожного випадку руху склади та розв'яжи обернену задачу на знаходження відстані між велосипедистами на момент початку руху.



Для кожного випадку руху склади та розв'яжи обернену задачу на знаходження швидкості руху першого велосипедиста.



1064  Знайди десятковий дріб від числа.

0,05 від 0,65

1,3 від 0,91

0,17 від 0,068

1,9 від 0,57


0,13 від 0,065


0,023 від 9,2

1065  Знайди число за величиною його десяткового дробу.

0,15 становлять 4,5


0,036 становлять 0,072

 0,34 становлять 20,4
1,9 становлять 0,152

1066  Знайди, який дріб становить перше число від другого в кожній парі.

12 і 60

1,3 і 10,4

 5,2 і 20,8
4,6 і 9,2


18 і 72

3,6 і 144

1067  Знайди значення часток. Перевір одержані результати.

378,82 : 4,7

16,912 : 0,028

 22,656 : 0,032
6,32 : 0,079

84,112 : 0,14

191,646 : 6,3


1068  Знайди значення виразів.

$40 - (0,2 - 0,1951) \cdot (12,2402 : (5,4415 + 6,7987))$

$(127,563 + 52,437) : 30 + 567 : 1,25 + 6,734$

$(3,551 : 0,53 + 35,99 : 5,9) \cdot 4,08 - 1,4867$



1069  Розв'яжи рівняння.

$1,683 : (y + 0,45) = 0,17$

$(m - 1,1) \cdot 1,8 = 4,446$

$14,75 - x : 1,2 = 12$

$9,2 : (n \cdot 0,03 + 0,5) = 0,004$

$8 \cdot a - 6,574 = 1,434$

$13,7894 \cdot b \cdot 2 = 0$

1070  Віднови розв'язання.




$$\begin{array}{r} \boxed{98}, \boxed{} \boxed{38} \\ \underline{\boxed{76}} \\ \boxed{} \boxed{} \\ \underline{} \\ \boxed{0} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \boxed{40}, \boxed{42} \boxed{8} \\ \underline{\boxed{344}} \\ \boxed{} \boxed{} \\ \underline{} \\ \boxed{0} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times \boxed{}, \boxed{7} \\ \underline{} \boxed{} \\ + \underline{\boxed{26}} \boxed{} \\ \underline{} \boxed{67} \\ \boxed{}, \boxed{} \end{array}$$

РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ

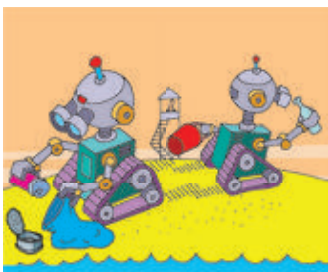
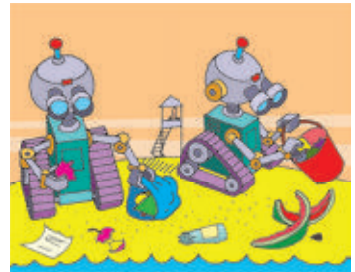
1071  Прочитай задачі. До кожної задачі добери короткий запис і доповни його. Розв'яжи одну із задач двома способами. Чи допоможе розв'язання цієї задачі розв'язати іншу задачу? Розв'яжи її.

Нідерландська компанія створила робота для прибирання пляжу.

▶▶ 1) Один робот за годину прибирає $205,7 \text{ м}^2$ пляжу, а інший — $197,8 \text{ м}^2$. Скільки квадратних метрів пляжу ці роботи приберуть за 3 год, якщо працюватимуть разом?


▶▶ 2) Два роботи одночасно розпочали рух від рятувальної станції у протилежних напрямках пляжної смуги. Один робот рухається зі швидкістю $205,7 \text{ м/год}$, а інший — зі швидкістю $197,8 \text{ м/год}$. Яка відстань буде між ними за 3 год?

а	Продуктивність праці N (м^2 за 1 год)	Час роботи t (год)	Загальний виробіток A (м^2)
I	■		
II	■		
I і II	?	■	?



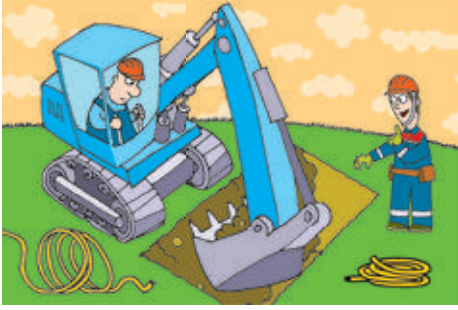
б	v (км/год)	t (год)	s (км)
I	■		
II	■		
I і II	?	■	?

Склади та розв'яжи обернену задачу на знаходження часу спільної роботи / часу спільного руху роботів; задачу на знаходження продуктивності праці першого робота / швидкості руху першого робота.

1072  Зістав задачі. Розв'яжи двома способами задачу, яку тобі розв'язати легше. Чи допоможе розв'язання цієї задачі розв'язати іншу задачу?


Щоб прокласти кабель у землі, потрібно вирити траншею. Швейцарські інженери створили екскаватор, який може рити траншеї за заданою програмою.

▶▶ 1) За годину екскаватор риє 205,7 м траншеї, а робітник прокладає 197,8 м кабелю. Скільки метрів кабелю залишиться прокласти робітнику після 3 год спільної роботи?

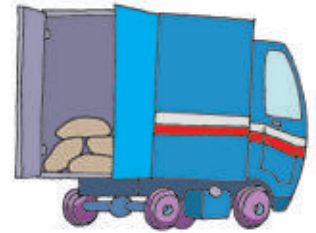



▶▶ 2) Екскаватор та робітник одночасно почали рухатися в одному напрямку. Екскаватор рухається зі швидкістю 205,7 м/год, а робітник — зі швидкістю 197,8 м/год. Яка відстань буде між ними за 3 год?


Склади та розв'яжи обернену задачу — на знаходження часу спільної роботи / часу спільного руху; на знаходження продуктивності праці екскаватора / швидкості руху екскаватора.

1073  Зістав задачі. Як відмінність задач вплине на їх розв'язання? Розв'яжи задачі.

▶▶ 1) На будівництво привезли 11,8 т суміші цементу та піску. За 4 год робітники використали 0,4 усієї суміші. Скільки тонн суміші залишилося?




 ▶▶ 2) Будівельники використали 11,8 т суміші цементу та піску, що становить 0,4 усієї суміші. Скільки тонн суміші привезли?

1074  Зістав задачі. Як відмінність задач вплине на їх розв'язання? Розв'яжи задачі.

Для забезпечення людей якісним зв'язком в інтернеті потрібні оптоволоконні лінії. Американські компанії створили робота, який намотує оптоволокно на дріт мереж електропередач. А нідерландська та швейцарська компанії розробили робота, який прокладає оптоволоконні лінії в підземних мережах.

►► 1) Один робот за годину намотує на дріт електромережі 83,3 м оптоволокна, а інший прокладає в підземних мережах 75,6 м оптоволокна. Скільки метрів оптоволокна прокладуть роботи за 3 год, якщо працюватимуть разом?

►► 2) Від одного пункту одночасно вирушили в протилежних напрямках два роботи. Один робот прокладав оптоволокно по дротах електромережі, рухаючись зі швидкістю 83,3 м/год, а інший — у підземних мережах, рухаючись зі швидкістю 75,6 м/хв. Яка відстань буде між роботами за 3 год?


1074  На скільки можна зменшити число 3,5672 так, щоб змінилися цифри, які стоять у розряді десятитисячних і тисячних, а цифри, які стоять в інших розрядах, не змінилися? Розглянь різні варіанти. Перевір свої міркування обчисленням.



1075  Віднови розв'язання.

$$\begin{array}{r}
 \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & 2 \\ \hline \end{array} \\
 + \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & 3 \\ \hline \end{array} \\
 + \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline 3 & \square & 4 \\ \hline \end{array} \\
 + \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 - \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline 2 & 3 & 1 \\ \hline \end{array} \\
 - \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array} \\
 \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{|c|c|c|} \hline \square & \square & \square \\ \hline \square & \square & \square \\ \hline \end{array}
 \end{array}$$

УЗАГАЛЬНЮЄМО І ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

1076  Згадай відповідні правила й виконай множення і ділення десяткового дробу на розрядну одиницю.

$3,2 \cdot 10$

$14,3 \cdot 100$


$0,816 \cdot 10$

$7,3 : 10$

$43,12 : 100$

$214,7 : 100$



1077  Знайди значення добутків, використовуючи усний прийом обчислення.

$1,1 \cdot 7$

$0,23 \cdot 5$

$9,1 \cdot 3$


$2,15 \cdot 2$

$0,18 \cdot 3$

$2,8 \cdot 2$

$5 \cdot 1,4$

$6,3 \cdot 5$

1078  Знайди значення добутків, використовуючи письмовий прийом обчислення.

$2,78 \cdot 3$

$18,12 \cdot 9$

 $1,414 \cdot 9$


$0,8249 \cdot 2$

$1,43 \cdot 7$

$73,92 \cdot 4$


$82,635 \cdot 3$

$64,134 \cdot 6$

1079  Знайди значення часток, використовуючи усний прийом обчислення. Назви одержані результати в порядку зростання.

$3,6 : 4$

$5,15 : 5$

 $0,64 : 18$


$1,26 : 6$

$2,7 : 3$

$1,56 : 6$


$1,96 : 14$

$0,108 : 12$

1080  Знайди значення часток, використовуючи письмовий прийом обчислення. Виконай перевірку.

$934,8 : 41$


$97,35 : 59$

 $0,4134 : 39$

$585,2 : 28$


$17,181 : 83$


$2,5004 : 47$

1081  Розв'яжи рівняння.


$9,6 - (x : 12) = 1,8$

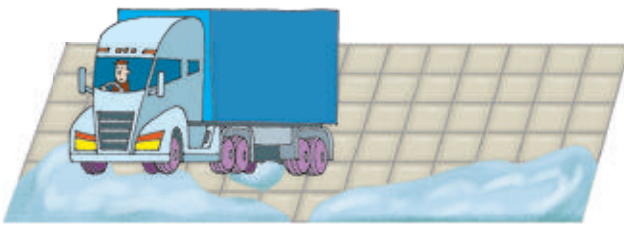
$6,25 : y + 1,73 = 1,78$

 $(3,23 + c) : 10 = 1,748$

1082  Автобус і автомобіль одночасно виїхали назустріч один одному й зустрілися за 3 год. Автобус рухався зі швидкістю 62,4 км/год, а автомобіль — зі швидкістю 73,8 км/год. Яка відстань була між ними на момент початку руху?



1083  На подвір'ї будинку бруківкою виклали майданчик прямокутної форми для паркування автомобілів. Довжина майданчика 36,5 м, а ширина 6,5 м. Цей майданчик потрібно обгородити бордюром. Скільки метрів бордюру потрібно?



ПЕРЕВІРЯЄМО СВОЇ ДОСЯГНЕННЯ

1084 З'єднай лініями вирази та їхні значення.

$1,2 \cdot 7$

$12,8 : 4$

$2,25 : 5$

$1,15 \cdot 2$

$8,6 : 2$

$8,4$

$0,45$

$4,3$

$3,2$

$2,3$



1085 Перевір істинність поданих рівностей. Визнач істинні рівності. Зміни хибні рівності так, щоб вони стали істинними.

$5,12 \cdot 10 = 51,2$

$34,6 : 100 = 3460$

$0,817 \cdot 100 = 8,17$

$4,71 : 10 = 0,471$

$0,23 \cdot 1000 = 230$

$32,7 \cdot 10 = 3270$

1086 Знайди значення виразів, використовуючи усний або письмовий прийом обчислення.

$2,12 + 4,79$

$15,33 - 4,138$

$6,18 \cdot 5$

$25,92 : 2,4$

$17,8 - 8,85$

$0,639 + 3,9254$

$0,496 : 0,8$

$11,043 \cdot 0,5$

1087 Розв'яжи рівняння.

$20,5 : (x - 28) = 4,1$

$(61,3 - a) + 0,284 = 84,19$

1088 Знайди кілька розв'язків кожної буквеної нерівності.

$9,351 - c > 9,1$

$y : 5,2 < 4$


$0,34 \cdot p > 100$

1089 Потяг 3 год ішов зі швидкістю 54,3 км/год, 2 год — зі швидкістю 48,4 км/год і 4 год — зі швидкістю 51,9 км/год. Яку відстань він подолав?

1090 Довжина спортивного майданчика прямокутної форми становить 21,6 м, а його площа — 319,68 м². Обчисли периметр цього майданчика.




ВИВЧАЄМО СЕРЕДНЄ АРИФМЕТИЧНЕ КІЛЬКОХ ЧИСЕЛ

1091  Щоб натягнути тент, потрібні рейки. У хлопця було дві рейки: одна довжиною 8 м, а інша — 6 м. Якою була б довжина рейки, якби ці рейки були однаковими?



У цій задачі ми знаходили середню довжину рейок — середнє арифметичне чисел 8 м і 6 м.

1092  Зістав вирази в кожному стовпчику. Що в них спільне? відмінне? Середнє арифметичне яких чисел знаходили? Як слід міркувати, щоб знайти середнє арифметичне двох чисел?

$$(2 + 4) : 2$$

$$\frac{2+4}{2}$$

$$(3 + 9) : 2$$

$$\frac{3+9}{2}$$

$$(23 + 48) : 2$$


$$\frac{23+48}{2}$$

$$(4,7 + 2,54) : 2$$

$$\frac{4,7+2,5}{2}$$

Середнє арифметичне двох чисел дорівнює їх півсумі:

$$\frac{a+b}{2} = (a+b) : 2$$

1093  Знайди середнє арифметичне чисел. Прокоментуй.
5 і 7 9 і 8 31 і 34 488 і 491



Інна зазначила, що в ході знаходження середнього арифметичного двох чисел ми ділимо їх суму на 2, тому що доданків два. Інна припустила: якби було 3 числа або 5 чисел, то треба було б ділити суму на 3 і на 5 відповідно.

Як знайти середнє арифметичне трьох чисел? чотирьох чисел? п'ятнадцяти чисел? n чисел?

Середнє арифметичне

Середнім арифметичним кількох чисел називається частка від ділення суми цих чисел на кількість чисел.

$$\frac{a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n}{n}$$

Знаходження середнього арифметичного кількох чисел

- ① Знаходжу суму всіх чисел.
- ② Визначаю кількість чисел.
- ③ Ділю значення суми всіх чисел на їхню кількість.

Наприклад: середнє арифметичне чисел 5, 6, 7, 8:

$$\frac{5 + 6 + 7 + 8}{4} = 6,5.$$

1094  Знайди середнє арифметичне чисел у кожному рядку.

3, 4, 5

124, 131, 153



322, 1000, 202

3, 4, 5, 6

37, 43, 25, 35, 50


7, 12, 8, 4, 6, 5, 14

1095  Знайди середнє арифметичне чисел.

128, 4 і 456,3

367,84 і 513,32


146,43 і 142,56


1096  За даними сервісу погоди визнач середню температуру протягом другої половини дня 3 листопада 2021 року в м. Одесі.

Середа
03
листопада




15:00	16:00	17:00	20:00	23:00
+17°	+15°	+13°	+10°	+9°


1097  За годину перший робітник прокопав 5,4 м траншеї, другий — 6,3 м, третій — 5,8 м, четвертий — 6,5 м. Визнач середню продуктивність праці робітників.

1098  Середнє арифметичне трьох чисел дорівнює 13. Знайди значення суми цих чисел.


ДОСЛІДЖУЄМО СЕРЕДНЄ АРИФМЕТИЧНЕ КІЛЬКОХ ЧИСЕЛ

1099  Визнач середню глибину річки Дніпро на певній ділянці, якщо дослідники зробили 5 вимірів й одержали такі результати: 3,5 м; 4,2 м; 2,8 м; 3,6 м; 5,1 м. Побудуй стовпчасту діаграму за результатами вимірювань. Накресли відрізок, який позначає середнє значення.



1100  Учневi потрібно знайти середнє арифметичне чисел 4 і 4. Чи можна знайти середнє арифметичне цих чисел, не виконуючи обчислень? Що можна сказати про середнє арифметичне однакових чисел?




1101  Порівняй середні арифметичні поданих пар чисел. Чи можна порівняти середні арифметичні цих пар чисел, не виконуючи обчислень? Чому?

$$\begin{array}{l} 4 \text{ і } 6 \bigcirc 4 \text{ і } 8 \\ 7 \text{ і } 9 \bigcirc 9 \text{ і } 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 5 \text{ і } 7 \bigcirc 5 \text{ і } 3 \\ 3 \text{ і } 9 \bigcirc 9 \text{ і } 3 \end{array}$$



Сергій міркував так. Середнє арифметичне двох чисел дорівнює їх півсумі, отже, між собою треба порівняти півсуми. Скористаємося залежністю значення суми від зміни одного з доданків: якщо в сумах один із доданків однаковий, то більша та сума, у якій інший доданок більший, оскільки якщо відповідна сума більша, то більшою буде й півсума, а тому й середнє арифметичне відповідних чисел буде більшим. Чи погоджуєшся ти з хлопчиком?

1102  Середнє арифметичне двох чисел дорівнює 7. Знайди значення суми цих чисел.


Ірина міркувала так. Середнє арифметичне двох чисел дорівнює їх півсумі. Щоб знайти суму цих двох чисел, треба їх середнє арифметичне — число 7 — помножити на 2. Чи має дівчинка рацію?




1103  Знайди середнє арифметичне чисел.

128 і 456


367,4 і 513,8

 128,146 і 143


1104  На змаганнях із фігурного катання спортсмен





одержав такі оцінки: 5,8; 5,9; 5,7; 5,9; 6,0; 5,7; 5,9; 6,0; 5,7; 5,9; 5,8; 6,0. Визнач середню оцінку.


1105  Пасажири повітряної кулі піднялися на висоту 0,8 км, а потім знизилася до 0,68 км, далі знову піднялися до 0,78 км і опустили до 0,6 км. Знайди середню висоту польоту.



1106  Велосипедист за першу годину подолав 13 км, за другу — 14 км, а за третю — 9 км. Яку відстань у середньому велосипедист долав за годину? Побудуй стовпчасту діаграму за поданими даними. Проілюструй відрізком середнє значення.

1107  Автомобіль проїхав кілька кілометрів за першу годину і 80 км — за другу. У середньому за годину автомобіль долав 70 км. Скільки кілометрів автомобіль подолав за першу годину?

1108  Середнє арифметичне п'яти чисел дорівнює 40. Чому дорівнює сума цих чисел?

1109  Розв'яжи задачу алгебраїчним методом.

▶▶ Середнє арифметичне двох чисел становить 24,8. Знайдіть перше число, якщо друге число 25.



РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА ЗНАХОДЖЕННЯ СЕРЕДЬНОГО АРИФМЕТИЧНОГО КІЛЬКОХ ЧИСЕЛ

1110  За даними сервісу погоди визнач середню температуру в м. Одесі за тиждень.


Погода в Одесі

Обласний центр Одеської області


Середа 03 листопада  +14°	Четвер 04 листопада  +15°	П'ятниця 05 листопада  +16°	Субота 06 листопада  +16°	Неділя 07 листопада  +13°	Понеділок 08 листопада  +15°	Вівторок 09 листопада  +11°
---	---	---	---	---	--	---



Максим міркував так. Перекладемо запитання задачі на мову математики. Маємо 7 числових значень температури повітря, тому потрібно знайти середнє арифметичне семи чисел. Щоб знайти середнє арифметичне семи чисел, треба знайти значення суми цих чисел і поділити одержаний результат на 7.

 Щоб знайти середню температуру, потрібно додати всі значення температури й поділити одержане значення суми на кількість вимірів.

Наталка запропонувала змінити ситуацію задачі й дослідити, як ця зміна вплине на розв'язання. Дівчинка запропонувала таку задачу.

 У гуртку юних натуралістів діти досліджували пророщування насіння соняшника за різних умов. У кожний із семи горщиків посадили однакову кількість насінин. У горщиках проросла така кількість насінин: 14, 15, 16, 16, 13, 15, 11. Знайди середню кількість насінин, які проросли в одному горщику.



Єгор вважає, що зміна ситуації задачі не вплине ні на план розв'язування задачі, ні на її розв'язок — ми одержимо те саме середнє арифметичне, але воно позначатиме середню кількість пророслих насінин.

Поліна запропонувала дітям у класі скласти задачі із цими самими числовими даними на знаходження середньої довжини; середньої маси. Спробуй скласти такі задачі.



Тарас змінив числові дані й ситуацію задачі про пророщування насіння й одержав подану нижче задачу. Як зміна числових даних задачі вплине на її розв'язання?

►► Щоб перевірити пророщування насіння кавунів, у 3 ящики посадили по 100 насінин. У першому ящику проросло 93 насінини, у другому — 89, а в третьому — 97. Знайди середнє пророщування насіння.

Зістав задачі 1–3. Що в них спільне? відмінне? Як «упізнати» задачі на знаходження середнього арифметичного кількох чисел?

До останньої задачі склади обернену задачу та розв'яжи її алгебраїчним методом.



Задачі на знаходження середнього арифметичного


Істотні ознаки:

- ① містить кілька числових значень тієї самої величини;
- ② шуканим є середнє значення цієї величини.


План розв'язування:


- ① знаходжу суму значень певної величини для всіх випадків;
- ② знаходжу кількість однакових доданків (кількість випадків);
- ③ знаходжу середнє значення величини.


1111  У тесляра є дошки довжиною 2 м 6 дм, 4 м 8 дм,  1 м 16 дм. Знайди середню довжину однієї дошки.


1112  Маса кролів 2,7 кг; 3,6 кг; 3 кг. Знайди середню масу кроля.




1113  За першу годину автомобіль проїхав 65 км, а за другу — 74 км. Знайди середню швидкість руху автомобіля.


1114  Кукурудзу вирощували на двох ділянках. Площа кожної ділянки 1 га. На першій ділянці врожайність становила 2 т з гектара, а на другій — 3 т. Яка середня врожайність кукурудзи на цих ділянках?

1115  В одному мішку було 46,6 кг борошна. Скільки борошна було в іншому мішку, якщо в середньому в одному мішку було 45,3 кг?


1116  Велосипедист проїхав за першу годину кілька кілометрів, за другу — 14 км, за третю — 9 км. У середньому за годину він долав 12 км. Скільки кілометрів велосипедист проїхав за першу годину?



1117  Середнє арифметичне маси двох тіл, одне з яких у 4 рази важче за інше, дорівнює 25 кг. Знайди маси цих тіл.

1118  Середній вік восьми людей у кімнаті становить 12 років. Коли з кімнати вийшла одна людина, то середній вік тих, хто залишився, став 11 років. Скільки років було людині, яка вийшла з кімнати?

РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА ЗНАХОДЖЕННЯ СЕРЕДНЬОЇ ВЕЛИЧИНИ — СЕРЕДНЬОЇ ДОВЖИНИ ТА СЕРЕДНЬОЇ МАСИ

1119  Для в'язання взяли два клубки ниток. Довжина ниток в одному клубку становить 20 м, а в іншому — 15 м. Знайди середню довжину ниток в одному клубку. Діти визначили, що в цій задачі треба знайти середнє арифметичне двох чисел: 20 і 15. Застосувавши правило знаходження середнього арифметичного, діти розв'язали задачу: $(20 + 15) : 2 = 17,5$ (м) — середня довжина ниток в одному клубку. Чи погоджуєшся ти з дітьми?



I — 20 м
II — 15 м
Середня довжина — ?

Проаналізуй запис розв'язання задачі.

Олена вважає, що в записі розв'язання сума чисел 20 і 15 позначає загальну довжину ниток у двох клубках; цю суму розділили на 2, оскільки це число позначає кількість клубків ниток. Чи погоджуєшся ти з висновком дівчинки?



Щоб знайти середню довжину, слід загальну довжину всіх частин поділити на кількість частин.

1120 Іван перетворив задачу в попередньому завданні на подану задачу, припустивши, що клубків із різною довжиною ниток могло бути не по одному, а кілька.

Для в'язання взяли 3 клубки ниток, по 23 м у кожному, та 5 клубків по 15 м. Знайди середню довжину ниток в одному клубку.

	Довжина ниток в 1 клубку (м)	Кількість клубків (шт.)	Загальна довжина ниток (м)
I	23	3	?
II	15	5	?
Середня довжина	?		

Зіставивши подану задачу із задачею в попередньому завданні, діти встановили, що в обох задачах треба знайти середню довжину, тобто середнє арифметичне кількох чисел. Але в поданій задачі явно не сказано, середнє арифметичне скількох чисел треба знайти. Тому діти виписали довжини ниток у всіх клубках (23, 23, 23, 15, 15, 15, 15, 15) і порахували кількість клубків.



Отже, у задачі в попередньому завданні треба було знайти середнє арифметичне двох чисел, а в поданій задачі — середнє арифметичне восьми чисел. Учні та учениці склали вираз, що є розв'язанням задачі:

$$(23 + 23 + 23 + 15 + 15 + 15 + 15 + 15) : 8.$$

Діти звернули увагу на те, що в записаній у дужках сумі є дві групи однакових доданків, а суму однакових доданків можна замінити множенням. Маємо: $(23 \cdot 3 + 15 \cdot 5) : 8$.

Тетяна зазначила, що $(23 \cdot 3)$ — це загальна довжина ниток у клубках I виду, $(15 \cdot 5)$ — загальна довжина ниток у клубках II виду, а $(23 \cdot 3 + 15 \cdot 5)$ — загальна довжина ниток у всіх клубках. Маємо:

$$\frac{23 \cdot 3 + 15 \cdot 5}{3 + 5} = \frac{69 + 75}{8} = \frac{144}{8} = 18 \text{ (м)}.$$



Сергій зазначив, що в розв'язанні над рискою дробу записана загальна довжина ниток у всіх клубках, а під рискою — загальна кількість клубків, одержаний результат — це середня довжина ниток в одному клубку. Отже, у задачах, які містять три взаємопов'язані величини, середню довжину знаходимо за таким правилом.

Щоб знайти середню довжину, слід загальну довжину всіх частин поділити на загальну кількість частин.

1121 У задачі в попередньому завданні діти змінили групу взаємопов'язаних величин й одержали подану задачу. Досліди, як ця зміна вплине на розв'язання поданої задачі.

Для в'язання взяли 3 клубки ниток масою 23 г кожний і 5 клубків масою 15 г кожний. Знайди середню масу ниток в одному клубку.

	Маса 1 клубка (г)	Кількість клубків (шт.)	Загальна маса (г)
I	23	3	?
II	15	5	?
Середня маса	?		

Діти з'ясували, що зміна ситуації задачі не впливає на її розв'язання: у розв'язанні задачі, поданої у попередньому завданні, треба лише поправити найменування біля одержаного результату:

$$\frac{23 \cdot 3 + 15 \cdot 5}{3 + 5} = \frac{69 + 75}{8} = \frac{144}{8} = 18 \text{ (г)}.$$

1122 🔍 Учні та учениці змінили числові дані задачі в попередньому завданні, а групу взаємопов'язаних величин залишили тією самою — й одержали подану задачу.

▶▶ Для в'язання взяли 4 клубки ниток масою 120 г і 6 клубків масою 150 г. Знайди середню масу ниток в одному клубку.



	Маса 1 клубка (г)	Кількість клубків (шт.)	Загальна маса (г)
I	120	4	?
II	150	6	?
Середня довжина	?		

Олена зазначила, що в поданій задачі, як і в попередній, треба знайти середню масу клубка ниток, але числові дані в задачах різні. Дівчина вважає, що ця зміна не вплине на план розв'язування задачі, але в розв'язанні попередньої задачі треба змінити числа:

$$\frac{120 \cdot 4 + 150 \cdot 6}{4 + 6} = \frac{480 + 900}{10} = \frac{1380}{10} = 138 \text{ (г)}.$$



Максим запропонував оцінити знайдене числове значення — у поданій задачі воно має бути в проміжку від 120 до 150.

Перевіримо: $120 < 138 < 150$ — істинно.






1123 🔍 Зістав задачі в останніх двох завданнях і проаналізуй їх розв'язання.


Тетяна зазначила, що в розв'язанні обох задач у діленому записано вираз, яким знаходили загальну масу, а в дільнику — вираз, яким знаходили загальну кількість. Дівчинка зробила поданий нижче висновок щодо знаходження середньої маси. Чи погоджуєшся ти з Тетяною?




Щоб знайти середню масу тіла, слід загальну масу всіх тіл поділити на загальну кількість тіл.

1124  Десятеро дітей вимірювали свій зріст. Виявилося, що зріст п'ятьох із цих дітей становить 1 м 25 см, одного — 1 м 35 см, а чотирьох — 1 м 30 см. Визнач середній зріст учня.


1125  Вугілля вантажили у великі й маленькі вагони.  У кожний із 30 великих вагонів навантажували по 40 т вугілля, а в кожний із 20 маленьких вагонів — по 25 т. Знайди середню масу вугілля в одному вагоні.

1126  Порівняй подану задачу із задачею в попередньому завданні. Які це задачі? Як зміна шуканого вплине на розв'язання поданої задачі?

▶▶ Вугілля вантажили у великі й маленькі вагони. У кожний із 30 великих вагонів навантажували 40 т вугілля. Скільки тонн вугілля навантажували у кожний із 20 маленьких вагонів, якщо середня маса вугілля в одному вагоні — 34 т?


1126  На скільки середнє арифметичне всіх парних чисел від 1 до 1000 більше за середнє арифметичне всіх непарних чисел від 1 до 1000?

РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА ЗНАХОДЖЕННЯ СЕРЕДНЬОЇ ШВИДКОСТІ

1128  Згадай, які групи взаємопов'язаних величин можуть описувати ситуацію задачі.



Як знайти величину одиниці виміру (масу одного предмета, довжину одного відрізу, ціну, продуктивність праці, швидкість руху) за двома іншими відомими величинами?

1129  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2?

▶▶ 1) Першу годину автомобіль їхав зі швидкістю 50 км/год, а другу — 80 км/год. Яка середня швидкість руху автомобіля?

▶▶ 2) Автомобіль 2 год їхав асфальтованою дорогою, рухаючись зі швидкістю 80 км/год, і 4 год — ґрунтовою дорогою, рухаючись зі швидкістю 50 км/год. Знайди середню швидкість руху автомобіля.



	Швидкість (км/год)	Час (год)	Подоланий шлях (км)
I	80	2	?
II	50	4	?
Середня швидкість	?		

Порівнюючи задачі 1 і 2, діти встановили, що обидві задачі є задачами на знаходження середньої швидкості, тобто середнього арифметичного. Вони зазначили, що в задачі 1 було очевидним, що треба знайти середнє арифметичне двох чисел. Діти згадали правило знаходження середнього арифметичного і розв'язали задачу 1: $\frac{50 + 80}{2}$.

У задачі 2 невідомо, середнє арифметичне скількох чисел потрібно знайти. Щоб це встановити, Максим вдавсь до міркувань, які наведено нижче. Прокоментуй та оціни міркування хлопчика.

Рухаючись асфальтованою дорогою, автомобіль проїхав за першу годину 80 км і за другу годину ще 80 км. Рухаючись ґрунтовою дорогою, автомобіль проїхав за першу годину 50 км, за другу годину — 50 км, за третю годину — 50 км, за четверту годину — 50 км. Щоб знайти загальний подоланий шлях, потрібно знайти суму відстаней, які автомобіль долав за кожну годину: $80 + 80 + 50 + 50 + 50 + 50$.

Отже, у задачі 2 треба знайти середнє арифметичне шести чисел: $\frac{80 + 80 + 50 + 50 + 50 + 50}{6}$.

Олена помітила, що в записі виразу, що є розв'язанням задачі, над рискою дробу записано суму шляхів, які подолав автомобіль. Дівчинка згадала формулу подоланого шляху ($s = v \cdot t$) і виконала запис:

$$80 \cdot 2 + 50 \cdot 4.$$


Під рискою дробу записано число 6, яке з одного боку позначає кількість доданків, а з іншого — загальний час руху: $2 + 4 = 6$.

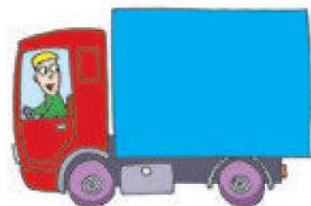
Маємо: $\frac{80 \cdot 2 + 50 \cdot 4}{2 + 4} = 60$.



Отже, у виразі, що є розв'язанням задачі, над рискою записано загальний подоланий шлях, а під рискою — загальний час руху. За цим виразом ми дізналися про середню швидкість. Як знайти середню швидкість?




Щоб знайти середню швидкість руху тіла, слід загальний шлях, який пододало тіло, поділити на загальний час його руху.


1130  Автомобіль 4 год рухався зі швидкістю 90 км/год, 3 год — зі швидкістю 120 км/год і 1 год — зі швидкістю 80 км/год. Знайди середню швидкість руху автомобіля.



1131  У господарки є 5 білих кролів, по 2 кг 100 г кожен,  і 5 чорних кролів, по 1 кг 900 г кожен. Знайди середню масу одного кроля.

1132  Зістав подану задачу із задачею в попередньому завданні. Які це задачі? Розв'яжи подану задачу.

▶▶ У господарки є 5 чорних кролів, по 1 кг 900 г кожен, і 5 білих кролів однакової маси. Середня маса кроля становить 2 кг. Знайди масу одного білого кроля.

1133  Середнє арифметичне чотирьох чисел дорівнює 2,1, а середнє арифметичне трьох інших чисел — 2,8. Знайди середнє арифметичне цих семи чисел.

РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА ЗНАХОДЖЕННЯ СЕРЕДНЬОЇ ШВИДКОСТІ ТА ОБЕРНЕНІ ДО НИХ ЗАДАЧІ

1134  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

▶▶ Автомобіль їхав 6 год зі швидкістю 50 км/год, а потім 4 год, рухаючись зі швидкістю 75 км/год. Знайди середню швидкість руху автомобіля.

	Швидкість руху (км/год)	Час руху (год)	Подоланий шлях (км)
I	50	6	?
II	75	4	?
Середня швидкість	?		

Перевір, чи правильно діти розв'язали задачу:
 $(50 \cdot 6 + 75 \cdot 4) : (6 + 4) = 60$ км/год.


Діти склали задачу й виконали її коротким записом. Розкажи, яку задачу склали діти. Зістав цю задачу з попередньою. Які це задачі?

	Швидкість руху (км/год)	Час руху (год)	Подоланий шлях (км)
I	50	6	?
II	?	4	?
Середня швидкість	60 км/год		


Оля вважає, що одержану задачу доцільно розв'язувати алгебраїчним методом, склавши рівняння на підставі формули знаходження середньої величини. Чи погоджуєшся ти з дівчинкою?




	Швидкість руху (км/год)	Час руху (год)	Подоланий шлях (км)
I	50	6	$50 \cdot 6$
II	x	4	
Середня швидкість	$60 = (50 \cdot 6 + x \cdot 4) : (4 + 6)$		$(50 \cdot 6 + x \cdot 4)$

1135  В одному мішку було 54,8 кг цукру, а в іншому — 48,6. Скільки в середньому кілограмів цукру було в мішку?





1136  За першу годину велосипедист подолав 13,2 км, за другу — 14,4 км, а за третю — 9 км. Знайди середню швидкість руху велосипедиста.





1137  Кравчиня купила тканини за різною ціною: 30 м тканини по 120 грн за метр, 50 м тканини по 240 грн і 20 м тканини по 360 грн. Яка середня ціна метра тканини?



1138  Автомобіль їхав 7 год зі швидкістю 85 км/год, 3 год — зі швидкістю 100 км/год і 1 год — зі швидкістю 117 км/год. Знайди середню швидкість руху автомобіля.

1139  До задачі в передостанньому завданні склади та розв'яжи таку обернену задачу, щоб шуканим у ній було число 360.

1140  До задачі в передостанньому завданні склади та розв'яжи таку обернену задачу, щоб шуканим у ній було число 85.

1141  Щоб знайти середню річну оцінку з математики в учнів та учениць п'ятого класу, завуч попросив учителів і вчительок математики обчислити середню оцінку в кожному п'ятому класі, а потім знайшов середнє арифметичне цих оцінок. Чи має завуч рацію? У якому випадку можна застосувати такий спосіб?



РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА ЗНАХОДЖЕННЯ СЕРЕДНЬОЇ ВРОЖАЙНОСТІ

1142 🔍 Розв'яжи задачу 1. Прокоментуй поданий короткий запис задачі 2. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.

▶▶ 1) Картоплю вирощували на двох однакових ділянках землі площею 1 га. З однієї ділянки зібрали 13 т картоплі, а з іншої — 18 т. Яка середня врожайність картоплі на цих ділянках?

▶▶ 2) Картоплю вирощували на двох ділянках землі. На одній ділянці площею 20 га зібрали по 13 т картоплі з гектара, а на іншій ділянці площею 5 га — по 18 т картоплі з гектара. Знайдіть середню врожайність картоплі на цих ділянках.

	Урожайність (т з 1 га)	Площа ділянки (га)	Загальна врожайність(т)
I	13	20	?
II	18	5	?
Середня врожайність з 1 га	?		


Діти визначили, що задачі 1 і 2 — це задачі на знаходження середнього арифметичного, але задача 2 містить таку групу взаємопов'язаних величин: урожайність — маса картоплі з 1 га, площа ділянки, загальна врожайність — загальна маса картоплі.





▶▶ Щоб знайти середню врожайність, треба загальну масу врожаю поділити на загальну площу.


Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу до задачі 2.


1143 🧩 Щоб зібрати врожай кукурудзи, вийшли дві бригади робітників. У першій бригаді було 30 робітників, а в другій — 20. Кожний робітник першої бригади зібрав 16 кг кукурудзи, а другої — 21 кг. Скільки кілограмів кукурудзи в середньому зібрав один робітник?

1144  Ячмінь вирощували на трьох однакових ділянках землі площею 1 га. На першій ділянці врожайність становила 12 т зерна з гектара, на другій — 13 т, а на третій — 11 т. Знайди середню врожайність ячменю на цих ділянках.

1145  Дорога з міста в село складається з підйому довжиною 3 км 200 м і спуску довжиною 7 км 200 м. Велосипедист подолав підйом зі швидкістю 50 м/хв, а спуск — зі швидкістю 200 м/хв. Яка середня швидкість руху велосипедиста?


1146  Пшеницю вирощували на двох ділянках землі. На одній ділянці площею 30 га зібрали по 40 т пшениці з гектара, а на іншій ділянці площею 20 га зібрали по 42 т пшениці з гектара. Знайди середню врожайність пшениці на цих ділянках.

1147  До задачі в попередньому завданні склади та розв'яжи таку обернену задачу, щоб шуканим у ній було число 42.

1148  До задачі в передостанньому завданні склади та розв'яжи обернені задачі:


▶▶ 1) 3 км 200 м, 7 км 200 м, ?, 200 м/хв, 104 м;


▶▶ 2) 3 км 200 м, 7 км 200 м, 50 м/хв, ?, 104 м.


1149  Середній вік студентів у групі 23 роки, причому вік найстаршого студента — 37 років. Середній вік студентів у цій групі без урахування віку найстаршого студента — 22 роки. Скільки студентів у групі?




РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА ЗНАХОДЖЕННЯ СЕРЕДНЬОЇ ЦІНИ ТА ОБЕРНЕНІ ДО НИХ ЗАДАЧІ

1150  Згадай, яка група взаємопов'язаних величин описує процес купівлі-продажу. Поміркуй, як знайти середню ціну за аналогією з правилом знаходження середньої швидкості.

 Щоб знайти середню ціну, потрібно загальну вартість поділити на загальну кількість.



1151  Прочитай задачу і прокоментуй її короткий запис. Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.


 Для свята купили 3 кг цукерок за ціною 130 грн і 5 кг цукерок за ціною 170 грн. Яка ціна асорті цих цукерок?


	Ціна (грн)	Кількість (кг)	Вартість (грн)
I	23	3	?
II	27	5	?
Середня ціна	?		


Знаходження середньої величини

Щоб знайти середню величину одиниці виміру, треба суму значень загальної величини розділити на суму значень кількості або часу.

1152  На змаганнях зі стрибків у довжину Тарас тричі  стрибнув на 4 м 50 см і двічі — на 4 м 20 см. Знайди середню довжину стрибка.


1153  Соняшник вирощували на двох ділянках землі. На ділянці площею 70 га зібрали по 15 т соняшника з гектара, а на ділянці площею 30 га зібрали по 20 т соняшника з гектара. Знайди середню врожайність соняшника на цих ділянках.

1154  На двох ділянках зібрали врожай картоплі. Площа першої ділянки 30 га, а другої — 5 га. Визнач урожайність картоплі на першій ділянці, якщо врожайність на другій ділянці становила 25 т картоплі з гектара, а середня врожайність на цих двох ділянках — 13 т картоплі з гектара.


1155  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи таку обернену задачу, щоб шуканим у ній була ціна яблук.

▶▶ Щоб зварити компот, господарка купила 7 кг яблук за ціною 30 грн і 5 кг груш. Середня ціна фруктів становила 42,5 грн. Знайди ціну груш.




1156  Середній вік групи волонтерів становить 23,5 роки, причому вік координатора групи — 37,5 років. Середній вік групи волонтерів без урахування віку координатора — 22,5 роки. Скільки волонтерів у групі?

ДІЗНАЄМОСЯ ПРО ВІДСОТКИ

1157  Заміни мішане число або звичайний дріб десятковим дробом, а десятковий дріб — звичайним дробом або мішаним числом.

$$3\frac{1}{100} \quad \frac{45}{100} \quad \frac{35}{1000} \quad 0,67 \quad 5,006 \quad 12,0067$$

1158  Заміни звичайний дріб десятковим дробом. Що для цього треба зробити?

$$\frac{3}{4} \quad \frac{2}{5} \quad \frac{12}{60} \quad \frac{18}{90}$$

1159 🔍 Прочитай звичайні дроби. Що позначає знаменник дробу? чисельник дробу? Зістав дроби. Що в них спільне? Як називається кожний із цих дробів?

$$\frac{1}{2} \quad \frac{1}{3} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{1}{100}$$

Тетяна зазначила, що $\frac{1}{2}$ — це половина; $\frac{1}{3}$ — третина, $\frac{1}{4}$ — чверть. Дівчинка припустила, що й $\frac{1}{100}$ також має свою назву. Чи знаєш ти, як називається $\frac{1}{100}$?



Одна сота — це відсоток: $\frac{1}{100} = 0,01 = 1\%$.

Наприклад: $3\% = \frac{3}{100} = 0,03$; $56\% = \frac{56}{100} = 0,56$.



Відсотком називається сота частина цілого.



Сергій зазначив, що коли ціле розділили на 100 рівних частин і одна така частина — 1 відсоток, то ціле — це 100%. Хлопчик вважає, що варто запам'ятати співвіднесення деяких відсотків зі звичайними та з десятковими дробами.

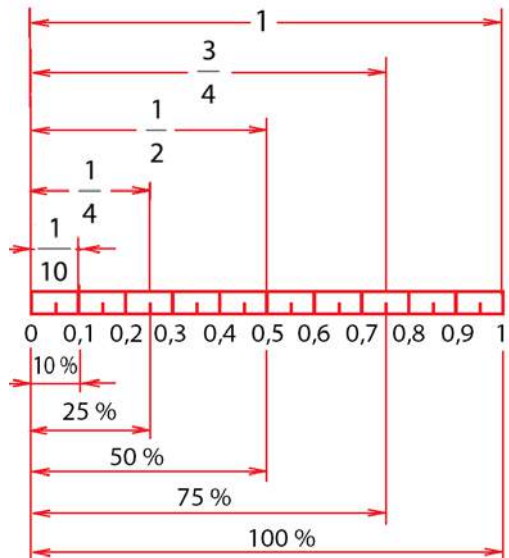
$$10\% = \frac{1}{10} = 0,1$$

$$25\% = \frac{1}{4} = 0,25$$

$$50\% = \frac{1}{2} = 0,5$$

$$75\% = \frac{3}{4} = 0,75$$

$$100\% = 1$$





1160  Поясни, що означає:


- 1) з молока виходить 25 % вершків;
- 2) цукровий буряк містить 20 % цукру;
- 3) після перегонки нафти отримують 30 % гасу.

1161  Заміни відсотки звичайними й десятковими дробами.


5 %	10 %		15 %	25 %
45 %	50 %		60 %	75 %


1162  Заміни звичайні дроби відсотками.


$\frac{14}{100}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{4}$		$\frac{8}{100}$	$\frac{32}{100}$
------------------	----------------	---------------	---------------	---------------	---	-----------------	------------------

1163  Заміни десяткові дроби відсотками.

0,34	0,25	0,04	0,1		0,03	0,87	0,5	0,3
------	------	------	-----	---	------	------	-----	-----


1164  На фермі 100 птахів, з них 34 качки, 26 гусей, а решта — кури. Скільки відсотків від кількості птахів на фермі складають качки, скільки відсотків — гуси, скільки відсотків — кури?

1165  Визнач, скільки відсотків від 1 м становить: 1 см; 8 см; 12 см; 36 см; 0,16 м; 0,38 м; 1 м; 1,27 м.

1166  Знайди середнє арифметичне всіх натуральних чисел до 1000 включно.



ЗНАХОДИМО ВІДСОТОК ВІД ЧИСЛА ТА ЧИСЛО ЗА ВЕЛИЧИНОЮ ЙОГО ВІДСОТКА

1167  Запиши звичайні дроби: а) три четвертих; б) половина; в) чверть; г) одна десята; д) двадцять дев'ять сотих. Заміни звичайні дроби десятковими. Заміни десяткові дроби відсотками.

1168 Знайди звичайний дріб від числа. Зістав звичайний і десятковий дроби. Чи є між ними зв'язок? Знайди десятковий дріб від числа. Зістав десятковий дріб і відсотки. Що цікаве можна помітити? Як можна міркувати, щоб знайти відсоток від числа? Знайди відсоток від числа, попередньо замінивши відсотки дробом.

$$\frac{5}{100} \text{ від } 37$$

$$0,05 \text{ від } 37$$

$$5 \% \text{ від } 37$$

$$\frac{3}{4} \text{ від } 60$$

$$0,75 \text{ від } 60$$

$$75 \% \text{ від } 60$$

$$\frac{4}{16} \text{ від } 240$$

$$0,25 \text{ від } 240$$

$$25 \% \text{ від } 240$$



1169 Знайди число за величиною його дроби.

$$\frac{25}{100} \text{ становлять } 75$$

$$0,25 \text{ дорівнюють } 75$$

$$25 \% \text{ становлять } 75$$

$$\frac{9}{15} \text{ становлять } 72$$

$$0,6 \text{ дорівнюють } 72$$

$$60 \% \text{ становлять } 72$$



Поміркуй, як можна знайти відсоток від числа; як знайти число за величиною його відсотка.

Микола вважає, що відсоток можна замінити звичайним дробом, а потім знайти дріб від числа або число за величиною його дроби. Чи погоджуєшся ти з хлопчиком?

1170 Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2; 1 і 3. Як відмінність задач вплине на розв'язання задачі 2? задачі 3? Зістав задачі 1 і 4; 4 і 5; 5 і 6. Що змінилося? Як ця зміна вплине на розв'язання задач 4–6?

▶▶ 1) Футболка коштувала 240 грн. Під час розпродажу її ціна знизилася на $\frac{2}{5}$. Якою є нова ціна футболки?

▶▶ 2) Футболка коштувала 240 грн. Під час розпродажу її ціна знизилася на 0,4. Якою є нова ціна футболки?

▶▶ 3) Футболка коштувала 240 грн. Під час розпродажу її ціна знизилася на 40%. Якою є нова ціна футболки?

▶▶ 4) Під час розпродажу ціна футболки знизилась на $\frac{2}{5}$ від початкової ціни. Скільки коштувала футболка, якщо її ціна зі знижкою — 144 грн?

►► 5) Під час розпродажу ціна футболки знизилась на 0,4 від початкової ціни. Скільки коштувала футболка, якщо її ціна зі знижкою — 144 грн?

►► 6) Під час розпродажу ціна футболки знизилась на 40 % від початкової ціни. Скільки коштувала футболка, якщо її ціна зі знижкою — 144 грн?




1171  Знайди:

1) 5 % від: 140; 480; 1065; 37,45; 2,04; 123,0005;

2) 40 % від: 160; 640; 920; 0,196; 24,456; 56,88;



3) 75 % від: 150; 268; 457,3; 2,006; 0,005; 46,304.

1172  Знайди число, якщо його:

1) 15 % становлять: 90; 390; 108,15; 12,18; 60,9;

2) 24 % становлять: 96; 384,24; 0,72; 7,32; 0,84;




3) 68 % становлять: 204; 285,6; 5,44; 618,936; 68,272.

1173  Знайди:

1) 10 % від: 1 м; 64 дм; 3 кг; 82 т; 35 ц; 3,65 г;

2) 25 % від: 208 мм; 45 дм; 6,2 м; 8 т; 1,2 ц; 86,5 г;


3) 50 % від: 65 дм; 12,8 м; 46 мм; 47,4 т; 0,34 ц; 956,8 г.

1174  Знайди число, якщо його:

1) 32 % становлять: 480 мм; 161,21 кг; 2,24 м; 0,256 т;

2) 63 % становлять: 1,512 кг; 2,52 км; 63,504 кг; 29,61 м;

3) 75 % становлять: 285 т; 31,5 ц; 156 м; 42 см; 6 мм.

1175  Коли до кімнати увійшла четверта людина, то середній вік людей у кімнаті збільшився з 11 років до 14 років. Скільки років тому, хто увійшов?



ЗНАХОДИМО ВІДСОТОК ВІД ЧИСЛА ТА ЧИСЛО ЗА ВЕЛИЧИНОЮ ЙОГО ВІДСОТКА

1176 Знайди відсоток від числа.

5 % від 43,4 14 % від 0,65 32 % від 7,8 102 % від 14,87

1177 Знайди число за величиною його відсотка.

8 % становлять 96 15 % дорівнюють 3,45

4 % становлять 25,08

1178 Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2; 2 і 3. Як відмінність задач вплине на розв'язання задачі 2? задачі 3? Розв'яжи задачі 2 і 3.

▶▶ 1) На термін дії акції ціна пачки кави знизилась на 15 %. Яка акційна ціна пачки кави, якщо її повна ціна 140 грн?

▶▶ 2) На термін дії акції ціна пачки кави знизилась на 15 %. Яка вартість трьох пачок кави під час акції, якщо повна ціна пачки кави 140 грн?

▶▶ 3) На термін дії акції ціна пачки кави знизилась на 15 %, а пачки чаю — на 12 %. Яка вартість трьох пачок кави та чотирьох пачок чаю під час акції, якщо повна ціна пачки кави становила 140 грн, а чаю — 36 грн? Скільки грошей можна заощадити, скориставшись акцією?



Зістав задачі 1 і 4; задачі 4 і 5. Що відмінне? Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 4? задачі 5? Розв'яжи задачі 4 і 5.

▶▶ 4) На термін дії акції ціна пачки кави знизилась на 15 % і становила 119 грн. Знайди повну ціну пачки кави.

▶▶ 5) На термін дії акції ціна пачки кави знизилась на 15 % і становила 119 грн, а пачки чаю — на 12 % і становила 31,68 грн. Скільки грошей можна заощадити, якщо купити 3 пачки кави й 4 пачки чаю за акційною ціною?

1179  Знайди:


35 % від суми чисел 46,82 і 18,77;

8 % від добутку чисел 134,8 і 6,7;



72 % від різниці чисел 18,6 і 9,56;

14 % від частки чисел 23,12 і 6,8.

1180  Знайди число, якщо його:


9 % дорівнюють сумі чисел 1,56 і 2,787;

24 % дорівнюють різниці чисел 3 і 1,0752;



75 % дорівнюють добутку чисел 5,4 і 11,75;


16 % дорівнюють частці чисел 4 і 0,32.


1181  Розв'яжи задачі. До однієї із задач на вибір склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

▶▶ 1) У результаті розмелювання пшениці лише 2 % становить манна крупа. Скільки манної крупи можна одержати з 35 ц пшениці?



▶▶ 2) Відсоток виходу цукру із цукрового буряка становить 16 %. Скільки треба взяти цукрового буряка, щоб одержати 6,72 ц цукру?

1182  На будівництво привезли 345,8 тис. цеглин, причому бій становив 3 %. Для побудови стіни використали 34 % цілих цеглин. Скільки цілих цеглин залишилося?


1183  Обчисли значення виразів. Знайди 15 % від одержаних чисел.

$$(4 - 1,8) \cdot 8,3 + 9,18 : 3,4$$

$$2,3 \cdot (12 - 4,8) - 14,08 : 0,32$$

$$16,47 : 2,7 - 1,8 \cdot (9 - 8,3)$$

$$(13,42 - 6,62) : 4 - 0,79 \cdot 0,48$$


1184  Обчисли значення виразу. Знайди число, 26 % якого дорівнюють значенню виразу.

$$(3,16 \cdot 0,28 + 0,62) : 0,3 - 10,78 : 7,7$$

$$(3,5 \cdot 2,18 - 0,91) : 3,2 + 24,07 : 8,3$$

$$(2,69 \cdot 0,13 + 0,22) : 0,09 - 14,96 : 2,2$$



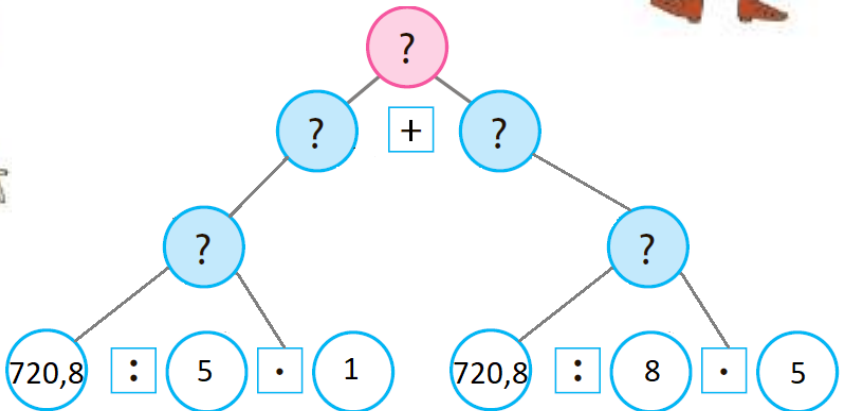
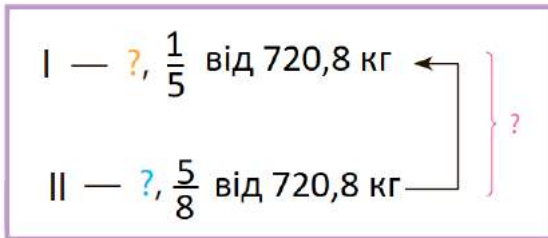
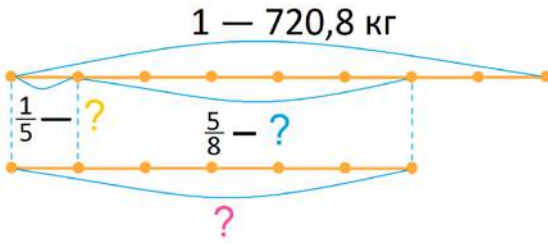
1185  Знайдіть середнє арифметичне перших двадцяти чисел натурального ряду.

ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ВІДСОТКИ

1186 Розв'яжи задачі 1 і 3, скориставшись підказками. Зістав задачі 1 і 2; 3 і 4. Як відмінність задач вплине на розв'язання задачі 2? задачі 4? Розв'яжи задачі 2 і 4.

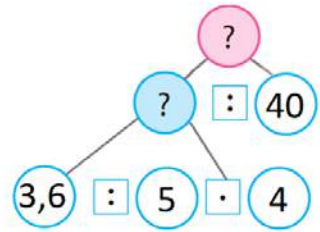
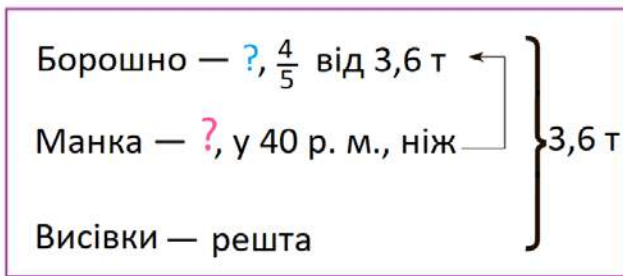
▶▶ 1) У магазині було 720,8 кг рису. Одного дня продали $\frac{1}{5}$ усього рису, а іншого — $\frac{5}{8}$. Скільки кілограмів рису продали?

▶▶ 2) У магазині було 720,8 кг рису. Одного дня продали 20 % усього рису, а іншого — 62,5 %. Скільки кілограмів рису продали?



▶▶ 3) Розмолоти 3,6 т пшениці. Борошно становило $\frac{4}{5}$ усієї пшениці, манки було в 40 разів менше, а решта — висівки. Скільки манної крупи одержали?

▶▶ 4) Розмолоти 3,6 т пшениці. Борошно становило 80 % усієї пшениці, манки було в 40 разів менше, а решта — висівки. Скільки манної крупи одержали?



1187 Знайди:

42 % від суми чисел 28,6 і 34,7;
55 % від різниці чисел 27,12 і 19,6;

6 % від добутку чисел 18,12 і 7,2;
60 % від частки чисел 3,5 і 2,5.

1188 Знайди число, якщо його:

11 % дорівнюють сумі чисел 8,6 і 2,4;
20 % дорівнюють різниці чисел 8 і 2,62;

45 % дорівнюють добутку чисел 3,3 і 8,7;
40 % дорівнюють частці чисел 6,2 і 0,2.




1189 Розв'яжи задачі. До однієї із задач на вибір склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

▶▶ 1) Полуниця містить 6 % цукру. Скільки кілограмів цукру у 8,6 кг полуниці? На скільки більше цукру у 12,6 кг полуниці, ніж у 8,6 кг?


▶▶ 2) Ширина прямокутника 3,6 см, що становить 60 % його довжини. Знайди довжину прямокутника. Обчисли його периметр і площу.




1190  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.

▶▶ 1) У кравчині було 10,8 м тканини. На пошиття трьох однакових суконь використали $\frac{5}{6}$ усієї тканини. Скільки тканини використали на одну сукню?

▶▶ 2) У кравчині було 10,8 м тканини. На пошиття трьох однакових суконь використали 90 % усієї тканини. Скільки тканини використали на пошиття однієї сукні?

1191  Квиток до квест-кімнати коштує 180 грн. Після оголошення акції і зниження ціни квитка кількість відвідувачів збільшилася на 50 %, а виторг зріс на 25 %. Яка ціна квитка зі знижкою?

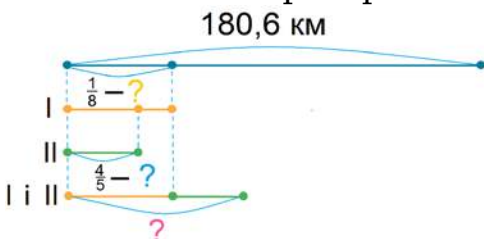
ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ВІДСОТКИ

1192  Розв'яжи задачу 1, скориставшись підказками. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.

▶▶ 1) Туристична група має пройти 180,6 км. За перший день група пройшла $\frac{1}{8}$ всього шляху, а за другий — $\frac{4}{5}$ від того, що пройшла за перший день. Скільки кілометрів пройшла туристична група?




▶▶ 2) Туристичній групі треба було пройти 180,6 км. За перший день вона пройшла 12,5 % усього шляху, а за другий 80 % того шляху, що пройшла за перший день. Скільки кілометрів пройшла туристична група?



I — ?, $\frac{1}{8}$ від 180,6 км ←

II — ?, $\frac{4}{5}$ від _____ } ?

1193  Розв'яжи задачі, скориставшись підказками.

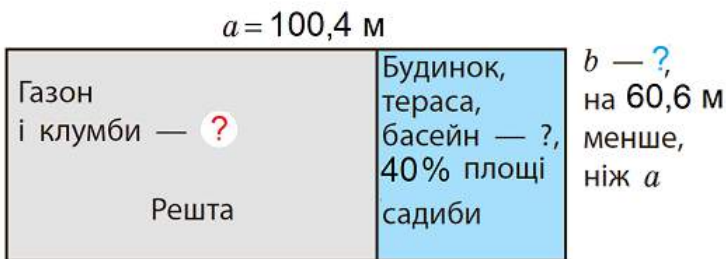
▶▶ 1) Вихід вершків із молока становить 16 % маси молока, а вихід масла з вершків — 20 % маси вершків. Скільки масла можна одержати з 9,8 т молока?



Вершки — ?, 16 % від 9,8 т

Масло — ?, 20 % від _____

▶▶ 2) Довжина садиби прямокутної форми 100,4 м, а її ширина на 60,6 м менша. Будинок, тераса і басейн займають 40 % площі садиби, а газон і клумби — решту. Яку площу садиби займають газон і клумби?



1194  Знайди:


28 % від суми чисел 16,74 і 19,56;

11 % від добутку чисел 9,64 і 4,3;

61 % від різниці чисел 71,42 і 54,8;

75 % від частки чисел 3,532,16 і 0,8.




1195  Знайди число, якщо його:

16 % дорівнюють сумі чисел 8,34 і 2,35;

24 % дорівнюють різниці чисел 11,1 і 8,4;


38 % дорівнюють добутку чисел 4,2 і 1,9;


15 % дорівнюють частці чисел 3,15 і 0,06.

1196  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи хоча б одну обернену задачу.


▶▶ Урок триває 45 хв. Діти писали самостійну роботу

60 % уроку. Скільки часу тривала самостійна робота?

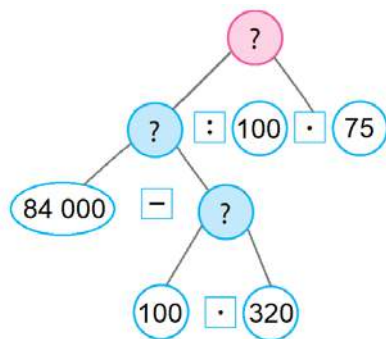
1197  У трьох цехах заводу працюють 2940 робітників. У першому цеху працюють 45 % усіх робітників, а в другому та третьому — решта робітників, причому в третьому цеху працює на 3 працівники більше, ніж у другому. Скільки робітників працює в третьому цеху?

1198  Частина жителів прикордонного міста розмовляє лише українською, частина — лише румунською, а частина — обома мовами. Скільки відсотків мешканців міста розмовляє обома мовами, якщо українську знають 85 % жителів міста, а румунську — 75 %?

ДОСЛІДЖУЄМО ЗАДАЧІ НА ВІДСОТКИ


1199  Розв'яжи задачу 1, скориставшись підказками. Зістав задачі попарно. Що відмінне? Як ця відмінність вплине на розв'язання задачі 2? задачі 3? Розв'яжи задачі 2 і 3.

►► 1) Частину поля площею 84 000 м² засіяли гречкою, частину — просом, а частину залишили незасіяною. Ділянка, яку засіяли гречкою, мала форму прямокутника зі сторонами 100 м і 320 м. Площа ділянки, яку засіяли просом, становила 0,75 площі решти поля. Яку площу поля засіяли просом?




►► 2) Частину поля площею 84 000 м² засіяли гречкою, частину — просом, а частину залишили незасіяною. Ділянка, яку засіяли гречкою, мала форму прямокутника зі сторонами 100 м і 320 м. Площа ділянки, яку засіяли просом, становила 75 % площі решти поля. Яку площу поля засіяли просом?

▶▶ 3) Частину поля у формі прямокутника зі сторонами 1200 м і 210 м засіяли гречкою, частину — просом, а частину залишили незасіяною. Ділянка, яку засіяли гречкою, мала форму прямокутника зі сторонами 100 м і 320 м. Площа ділянки, яку засіяли просом, становила 75 % площі решти поля. Яку площу поля засіяли просом?


1200  Розв'яжи задачу, скориставшись підказками.



▶▶ Пришкільна ділянка має форму прямокутника зі сторонами 350 м і 125 м. Сад займає $14\,950\text{ м}^2$, а $\frac{2}{3}$ решти площі відведено під дослідні ділянки. Знайди площу дослідних ділянок.

1201  Щоб пофарбувати будинок, придбали 1,2 т фарби. На фарбування фасаду використали 12 бочок фарби, по 0,06 т у кожній, а на фарбування кімнат у будинку — 60 % решти фарби. Скільки фарби пішло на фарбування кімнат будинку?





1202  Знайди значення виразів. Округли одержані результати до розряду одиниць.

$$\frac{4}{5} : 0,8 \cdot 1,25 : (0,54 - \frac{1}{25}) + 1,8 \cdot 0,6$$




$$45,8 \cdot 1,345 + 63,3 - 738,1 : (83 - 58,8)$$

1203  Знайди значення буквеного виразу:
 $5,12y(2,48x - 15,9) - (4,76x + 29,18y) : 16$, якщо $x = 10$, $y = 1$.

1204  Розв'яжи рівняння.

$$(32,7 - a) : 8,4 = 4,8 \quad 4(8,3x - 3,6) = 6,4$$

$$28,98 : (k - 12,3) = 4,6$$

1205  Визнач, чи є істинним подане твердження.

▶▶ Середній дохід 10 % найбагатших жителів міста в 15 разів перевищує середній дохід усіх мешканців міста.

ДОСЛІДЖУЄМО МАСШТАБ

1206 У спортивному таборі зібралися діти з різних куточків України. Вони позначили прапорцями на карті свої рідні міста.



Наталка поцікавилась, яка відстань між столицею України — містом Києвом — і її рідним містом — Одесою. Як за допомогою карти про це дізнатися?




Сашко запропонував виміряти відстань між Києвом та Одесою на карті лінійкою. Хлопчик помітив, що в лівому нижньому куті карти подана інформація, яка дозволить знайти відстань між містами — масштаб 1 : 5 000 000 (в 1 см 50 км).

Масштаб показує, у скільки разів зменшено реальні розміри зображеного об'єкта.

На карті вказано масштаб $1 : 5\,000\,000$. Це означає, що реальні розміри на місцевості зменшено в $5\,000\,000$ разів і подано на карті.

Відстань на карті між Києвом та Одесою становить 9 см. Масштаб карти $1 : 5\,000\,000$. Це означає, що реальні розміри зменшено у $5\,000\,000$ разів, тому відстань між Києвом та Одесою $9 \cdot 5\,000\,000 = 45\,000\,000$ см = $450\,000$ м = 450 км.

1207  Макет собору Святого Мат'яша, що в Будапешті (Угорщина), створено в масштабі $1 : 125$. Що це означає? Як знайти реальні розміри собору?



Виконуючи це завдання, учні та учениці міркували так: макет замку створено в масштабі $1 : 125$ — це означає, що реальні розміри будівлі на макеті зменшено в 125 разів. Тому щоб знайти реальні розміри собору, достатньо виміряти певний розмір на макеті й помножити одержаний результат на 125 . Наприклад, якщо висота стіни макету 30 см, то реальна висота стіни собору:


$$30 \cdot 125 = 3750 \text{ см} = 37,5 \text{ м.}$$



Масштаб

Масштаб — це відношення довжини лінії на карті, плані, макеті тощо до її реальної довжини на місцевості, у натурі.




1208  Що означає масштаб $1 : 10\,000$? $1 : 500\,000$?


1209  У макеті реальні розміри об'єкта зменшені у 250 разів. Визнач масштаб макета.


1210  Висота Собору Саграда Фамілія, що в Барселоні (Іспанія), становить 172 м.  Бронзовий макет зроблено в масштабі 1 : 100. Визнач висоту макета.





1211  Розв'яжи задачу. Склади та розв'яжи всі можливі обернені задачі.

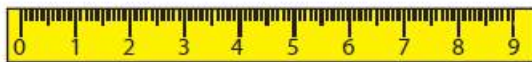
► Масштаб карти 1 : 100 000. Визнач відстань між пунктами на місцевості, якщо довжина відрізка, який з'єднує ці пункти на карті, становить 3,6 см.

1212  Відстань між селищами 126 км. Визнач довжину відрізка, що з'єднує ці пункти на карті, якщо масштаб карти 1 : 2 000 000.


1213  Відстань на місцевості 25 км, а на карті — 2,5 см. Визнач масштаб карти.

1214  Відстань на карті між містами Львів і Запоріжжя 8,5 см, а масштаб карти — 1 : 10 000 000. Найкоротший маршрут становить 1003 км. На скільки більша відстань між містами автотрасою, ніж по прямій?

1215  Відстань між містами Харків та Івано-Франківськ на карті — 8,4 см, а масштаб карти 1 : 10 000 000. Довжина автотраси між цими містами 1028,1 км. У скільки разів треба зменшити масштаб карти, щоб довжина лінії, що позначає цю автотрасу, становила приблизно 5,1 см? Визнач новий масштаб карти.



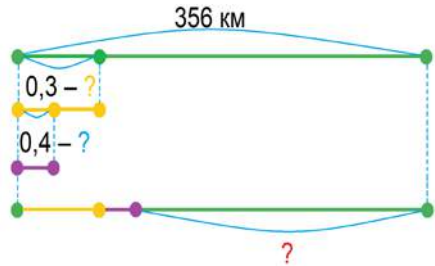
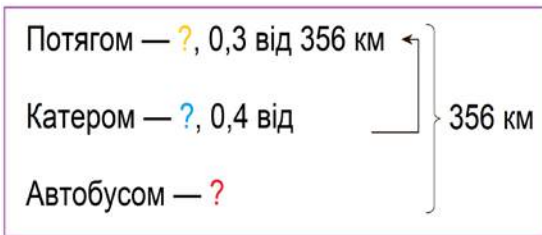
РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ

1216  Прокоментуй короткий запис і схему до задачі 1. Розв'яжи задачу 1 алгебраїчним або арифметичним методом. Зістав задачі 1 і 2. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.

▶▶ 1) Група туристів має подолати 356 км. Потягом вона подолала 0,3 усього шляху, катером — 0,4 від відстані, яку подолала потягом, а решту — автобусом. Скільки кілометрів група подолала автобусом?

▶▶ 2) Група туристів має подолати 356 км. Частина шляху вона подолала потягом, катером — 0,4 від відстані, яку подала потягом, а решту, тобто 206,48 км, — автобусом. Скільки кілометрів група подолала потягом?

▶▶ 3) Група туристів має подолати певну відстань. Потягом вона подола-ла 0,3 усієї відстані, катером — 0,4 від відстані, яку подолала потягом, а решту, тобто 206,48 км, — автобусом. Яку відстань має подолати група?



Максим розв'язав задачу 1 арифметичним методом. Зіставивши задачі 1 і 2, він зауважив, що ці задачі не є взаємно оберненими. Підтвердь або спростуй думку хлопчика.

До задачі 2 Володя склав рівняння:

$$x + 0,4x + 206,48 = 356.$$

Олена спробувала розв'язати задачу 2 арифметичним методом. Першою дією вона дізналася, скільки кілометрів туристична група подолала потягом і катером:

$$356 - 206,48 = 149,52 \text{ (км)}.$$

Далі дівчинка міркувала так: якщо відстань, яку група подолала потягом, узяти за ціле — 1, то катером вона подолала 0,4 цілого, тобто потягом і катером група подолала $1 + 0,4 = 1,4$, що становить 149,52 км. Щоб знайти, скільки кілометрів туристична група подолала потягом, треба ціле (тобто 149,52) розділити на 1,4.

$$149,52 : 1,4 = 106,8 \text{ (км)}.$$




Оціни міркування дітей.

Зіставивши всі задачі, Тетяна встановила, що задачі 1 і 3 є взаємно оберненими. Розв'язуючи задачу 3, дівчинка зазначила: якщо потягом група пододала 0,3 цілого шляху, тоді катером вона пододала $0,3 \cdot 0,4 = 0,12$ цілого шляху.

Отже, потягом і катером туристи подолали $0,3 + 0,12 = 0,42$ цілого шляху, а автобусом — $1 - 0,42 = 0,58$ цілого шляху. Оскільки за умовою задачі туристична група пододала автобусом 206,48 км, що становить 0,58 цілого шляху, маємо: $206,48 : 0,58 = 356$ (км) — цілий шлях.

Чи погоджуєшся ти з міркуваннями дівчинки?




1217  Зістав подані задачі з відповідними номерами задач у попередньому завданні попарно. Як їх відмінність вплине на розв'язання поданих задач?

▶▶ 1) Туристична група має подолати 356 км. Потягом вона пододала 30 % усього шляху, катером — 40 % від відстані, яку подала потягом, а решту — автобусом. Скільки кілометрів група пододала автобусом?



▶▶ 2) Туристична група має подолати 356 км. Частина шляху вона пододала потягом, катером — 40 % відстані, яку пододала потягом, а решту, тобто 206,48 км, — автобусом. Скільки кілометрів група пододала потягом?

▶▶ 3) Туристична група має подолати певну відстань. Потягом вона пододала 30 % усієї відстані, катером — 40 % від відстані, яку пододала потягом, а решту, тобто 206,48 км, — автобусом. Яку відстань має подолати група?

1218  Порівняй значення виразів.


$$(1,764 : 0,3 - 0,16) \cdot 100 \bigcirc 100 - 17,55 : 0,9$$


$$\bigcirc (6 : 1,2 + 0,64 \cdot 0,25) : 100 \bigcirc 2,3005 - 2,345 : 50 - 1,78$$

1219  Знайди значення буквеного виразу $0,84k - 0,6 : a$, якщо:


1) $k = 0,54, a = 2$;


2) $k = 1,25, a = 0,012$;

 3) $k = 3, a = 0,00032$.


1220  Знайди значення виразів.



$$(94,07 \cdot 4,6 - 55,68 : 32) \cdot 0,16 : 0,02$$
$$3,6 (0,91 - 0,128 : 0,16) + 522,348 : 87$$
$$7200 \cdot 0,0148 - (1272,6 : 0,42 - 2800) + 12,7$$

1221  За формулою $x = 9k - 2(3k - 0,164)$ знайди значення x , якщо $k = 6,4$; $k = 0,12$; $k = 37,56$.

1222  Три однакових ручки та чотири однакові блокноти коштують 26 грн, а сім таких ручок і шість таких блокнотів коштують 44 грн. Визнач ціну блокнота.



УЗАГАЛЬНЮЄМО І ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ


1223  Знайди серед наведених чисел рівні.


	48%	$0,048$	$\frac{48}{100}$	
$\frac{100}{48}$	$4,8$	$0,48$		

1224  Знайди середнє арифметичне число.


25 і 29	124 і 196	 8,2 і 7,8	42,65 і 43,87
75 і 82	490 і 501	12,3 і 11,6	2,183 і 3,252



1225  Упродовж тижня була така денна температура повітря: 18°C , 17°C , 15°C , 12°C , 16°C , 19°C , 18°C .
 Знайди середню денну температуру повітря.



1226  Комунальна фірма включає опалення квартир, якщо впродовж трьох днів середнє значення середньодобової температури повітря на вулиці не перевищує 8°C . Середньодобова температура повітря в четвер становила 4°C , у п'ятницю — 9°C , у суботу — 12°C . Чи має комунальна фірма включити опалення?


1227  Корабель доставив замовнику три контейнери масою 36,7 т, 32,45 т і 33,25 т. Яка середня маса контейнера?



1228  Контейнеровоз перші два дні плив океаном зі швидкістю 20,48 км/год, два наступні дні — зі швидкістю 30,24 км/год і один день — зі швидкістю 39,36 км/год. Знайди середню швидкість руху контейнеровоза.

1229  Від кожного з поданих чисел знайди 20 % .
480; 1060; 98,4;  20,08; 126,004.

1230  Знайди число, якщо його 25 % становлять:
9; 30; 105; 14,1;  70,25; 1,416.

1231  Апельсини доставляли на гуртову базу чотирма контейнерами, по 100 кг апельсинів у кожному. У першому контейнері виявились зіпсованими 13 кг апельсинів, у другому — 8 кг, у третьому — 12 кг, у четвертому — 9 кг. Скільки відсотків апельсинів збереглося в кожному контейнері? Скільки відсотків вантажу в середньому залишилися якісними?



ПЕРЕВІРЯЄМО СВОЇ ДОСЯГНЕННЯ

1232 Заміни відсотки десятковими дробами.

1 % 20 % 16 % 31 % 91 % 55 % 30 % 43 % 78 %

1233 Заміни десяткові дроби відсотками.

0,49 0,17 0,2 0,04 0,26 0,9 0,53 0,64

1234 Знайди середнє арифметичне чисел:

35 і 37 124, 153 і 139 3,5; 2,8; 3,6 і 4,7
462 і 421 24,92 і 25,74 4,12; 4,73; 3,56 і 4,01

1235 Який із поданих розв'язків задачі є правильним?

▶▶ 1) У книжці 400 сторінок. Олег прочитав 20 % книжки. Скільки сторінок він прочитав?

20 сторінок

80 сторінок

380 сторінок

▶▶ 2) Аліса прочитала 75 сторінок, що становить 25% усіх сторінок у книжці. Скільки сторінок у книжці, яку читає Аліса?

1875 сторінок

100 сторінок

300 сторінок

1236 Кілограм цукерок коштував 230 грн. Під час розпродажу ціна цукерок зменшилася на 25 %. Якою стала ціна цукерок?




1237 На солодощі для вечірки виділили 1000 грн. На цукерки витратили 25 % усіх коштів, на печиво — 30 % решти, а на горішки — 50 % тих грошей, які залишилися після купівлі цукерок і печива. Решту грошей залишили на придбання фруктів. Скільки грошей залишилося на купівлю фруктів?

1238 Для подарункових наборів змішали 4 кг шоколадних цукерок за ціною 258 грн, 2 кг карамельок за ціною 74 грн і 3 кг желейних цукерок за ціною 80 грн. Якою стала середня ціна кілограма цукерок? Якою буде вартість такого набору цукерок масою пів кілограма?



УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО ЧИСЛА

1288  Учнівські групи презентували результати проектної діяльності у вигляді лепбуків: «Натуральні числа», «Звичайні дроби», «Десяткові дроби». Поміркуй, які відомості діти могли вмістити в кожний із лепбуків?



1289 Прочитай числа. Заміни натуральні числа сумою розрядних доданків. Дробові числа розбий на дві групи: звичайні дроби та десяткові дроби. Кожний десятковий дріб заміни сумою розрядних доданків. Групу звичайних дробів розбий на дві підмножини: правильні й неправильні.

$$20\ 067\ 456 \quad 456,008 \quad \frac{45}{100} \quad \frac{135}{10} \quad 45\ 672 \quad 7\frac{8}{9} \quad 0,8$$

1290 Познач числа на координатному промені.

$$0,5 \quad \frac{2}{5} \quad 1,3 \quad 1\frac{4}{5} \quad 2\frac{1}{2} \quad 2,7 \quad 0,7 \quad 2,5$$

1291 Виділи цілу частину з неправильного дроби; заміни мішане число неправильним дробом.

$$\frac{15}{8} \quad 1\frac{7}{9} \quad \frac{34}{17} \quad 3\frac{6}{8} \quad \frac{270}{100} \quad \frac{9\frac{4}{7}}{\quad} \quad \frac{45}{7} \quad \frac{3}{10}$$

1292 Порівняй числа.

$$4\ 560\ 876 \text{ і } 4\ 560\ 676 \quad \frac{5}{12} \text{ і } 1\frac{7}{12} \quad 0,034 \text{ і } 0,035$$

$$340\ 078 \text{ і } 3\ 400\ 078 \quad 3\frac{4}{7} \text{ і } 3\frac{1}{7} \quad 6,38 \text{ і } 12,38$$


1293 Виконай арифметичні дії.

$$567 \cdot 1000 \quad 50\ 000 : 100 \quad 9,78 \cdot 0,01 \quad 23,04 : 0,1$$

$$4569 + 1 \quad 5000 - 1 \quad 0,6 + 7 \quad 14,9 - 14$$

$$567 - 500 \quad 400 + 60 \quad 3,8 - 0,8 \quad 29,6 + 1$$

УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО АРИФМЕТИЧНІ ДІЇ

1294  Створюючи квест на тему «Арифметичні дії додавання, віднімання, множення, ділення, піднесення до степеня», діти готували запитання й завдання. Запропонуй свої запитання та завдання до цього квесту.



1295 Виконай обчислення, використовуючи усні прийоми.

$$6,4 : 2 \qquad 1,9 \cdot 8 \qquad \img alt="house icon" data-bbox="435 325 485 365" \qquad 15,4 : 0,07 \qquad 9,5 : 19$$

$$0,78 : 1,3 \qquad 1,64 \cdot 6 \qquad 2,82 : 0,6 \qquad 1,53 : 9$$

1296 Обчисли значення виразів зручним способом.

$$683 + 58 + 17 + 199 + 42 \qquad \img alt="house icon" data-bbox="440 405 490 445" \qquad 8 \cdot 456 \cdot 125 \cdot 20$$

$$34,8 - (14,8 + 0,7) \qquad (45,6 + 23,95) + 24,4$$

1297 Обчисли значення виразів.

$$(302\,792 - 712) : 401 + 405 \cdot 208 \cdot 0,007$$

$$6,85 \cdot 3,7^3 + 66,92 : 14 - 3,8718 : 5,4$$

$$0,65^2 \cdot (49,56 : 14) + 264,8 \cdot 0,01 - 0,78$$

$$(4,5494 : 0,529 + 13 : 6,5 + 8,78) : 5,7$$

$$54 \frac{1}{9} - \left(18 \frac{8}{9} + 9 \frac{3}{9} \right) + 7 \frac{4}{9}$$

$$2856 : (425 - 68) + 6,848 : 1,28 - 2,88^2$$

$$35,7 : 0,085 - (63,68 + 36,64) : 4,8$$

$$37,95 : 34,6 + (34,4 + 28,8) : 20 - \frac{1}{2}$$


$$(72 : 2,4 - 6,3716 : 0,937 - 3,88) : 2,3$$


$$8 \frac{3}{4} + 9 \frac{2}{4} - \left(5 \frac{2}{4} + 6 \frac{3}{4} \right)$$

1298 Як зміниться результат арифметичної дії, якщо:

- 1) один доданок збільшиться на 0,56;
- 2) зменшуване зменшиться на 7,8;
- 3) від'ємник збільшиться на 3,2;
- 4) один множник збільшиться у 2,5 рази;
- 5) ділене збільшиться в 3 рази;
- 6) дільник зменшиться в 5,6 рази?


УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО УСНІ ТА ПИСЬМОВІ ПРИЙОМИ ДОДАВАННЯ Й ВІДНІМАННЯ

1299  Згадай відомі тобі прийоми додавання; віднімання натуральних чисел. На яких законах і правилах вони ґрунтуються?

1300  Виконай обчислення з натуральними числами в першому рядку кожного стовпчика різними способами з коментарем. Чи можна міркувати аналогічно під час додавання і віднімання десяткових дробів?

$64 + 28$	$36 - 18$	$460 + 270$	$710 - 350$
$6,4 + 2,8$	$3,6 - 1,8$	$0,46 + 0,28$	$0,71 - 0,35$



1301  Згадай, як виконується додавання та віднімання звичайних дробів; мішаних чисел. Обчисли значення виразів.

$\frac{8}{12} + \frac{7}{12}$	$\frac{34}{100} - \frac{18}{100}$	$3\frac{5}{17} + 9\frac{16}{17}$	$9\frac{11}{13} - 6\frac{7}{13}$
$2 - 1\frac{7}{8}$	$\frac{7}{11} + \frac{4}{11}$	$11\frac{6}{15} - 9\frac{4}{15}$	$18\frac{3}{9} + \frac{7}{9}$

1302 Виконай обчислення, використовуючи письмовий прийом. Перевір одержані результати.

$6,92 : 0,14$	$14,49 - 8,65$	$900\ 765\ 404 + 45\ 234\ 606$
$0,675 \cdot 3,42$	$12,567 + 0,043$	$8\ 377\ 002\ 222 - 7\ 298\ 127\ 333$

1303 Знайди значення виразів.

$6324 : (453 - 267) + 17\ 010 : 405 + 6834 : 34 + 5712 : (425 - 68)$
$0,87 : 0,29 + 0,36 : 12 + 8,4 : 0,12 - 0,081 : 0,09 - 1 : 12,5 - 7 : 0,28$
$198,7566 : 3,7 + 0,74208 : 0,24 - 28,435 : 4,7 - 338,2736 : 5,6$

1304 При діленні числа c на 28 у частці одержали число

$2\frac{7}{28}$. Знайди число c .

УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО УСНІ ТА ПИСЬМОВІ ПРИЙОМИ МНОЖЕННЯ Й ДІЛЕННЯ

1305 Знайди значення виразів у першому рядку кожного стовпчика, використовуючи різні прийоми усних обчислень. Чи можна під час множення й ділення десяткових дробів міркувати так само, як і при множенні й діленні натуральних чисел? Визнач теоретичні засади прийомів обчислення.

$$\begin{array}{cccccc} 128 : 8 & 63 \cdot 7 & 76 : 19 & 28 \cdot 4 & 78 : 13 & \\ 12,8 : 8 & 6,3 \cdot 7 & 7,6 : 1,9 & 0,28 \cdot 0,04 & 0,78 : 1,3 & \end{array}$$



1306 Знайди значення добутків і часток натуральних чисел у першому рядку кожного стовпчика, використовуючи письмовий прийом обчислення. Зістав вирази в першому й другому рядках. Як їх відмінність вплине на розв'язування?

$$\begin{array}{cccccc} 2594 \cdot 28 & 25\,004 : 47 & 3651 \cdot 37 & 12\,096 : 56 & 3867 \cdot 52 & \\ 25,94 \cdot 28 & 2,5004 : 47 & 3,651 \cdot 3,7 & 1,2096 : 5,6 & 38,67 \cdot 0,52 & \end{array}$$

1307 Виконай обчислення, використовуючи усні прийоми.

$$\begin{array}{cccc} 72 : 0,24 & 4,8 \cdot 7 & 0,48 : 16 & 1,24 \cdot 6 \\ 0,19 \cdot 6 & 0,85 : 0,17 & 0,056 \cdot 4 & 0,54 : 1,8 \end{array}$$

1308 Виконай обчислення, використовуючи письмовий прийом. Перевір одержані результати.

$$\begin{array}{ccc} 94,77 : 23,4 & 0,258 \cdot 3,08 & 2,869\,76 : 0,472 \\ 4,58 \cdot 75,6 & 142,392 : 3,49 & 4,528 \cdot 2,03 \end{array}$$


1309 Обчисли значення виразів.

$$\begin{array}{l} 548 : 25 - (4,11 - 1,39) : 3,4 + 0,18 : 6 + 0,4 \\ 168,2 \cdot 0,01 + 0,58 \cdot (52,92 : 12) + 3,07 \cdot (5,48 \cdot 6 - 30,4) \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 0,8 \cdot (40,56 : 13) + 537,7 \cdot 0,01 - (2,4 \cdot 8 - 17,9) \cdot 5,348 \\ (2,7405 : 0,315 + 17 : 8,5 + 0,91) : 4,3 - 2,3 + 0,4573 \end{array}$$




УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО АЛГЕБРАЇЧНИЙ МАТЕРІАЛ

1310  Діти підготували завдання для гри-мандрівки за мотивами фільмів про піратів. У завданнях передбачалися запитання про вирази (числові й буквені), рівності (числові й рівняння), нерівності (числові й буквені). Склади завдання, які можна запропонувати під час цієї гри-мандрівки.



1311 Чи може добуток двох чисел бути: меншим від одного із цих чисел; меншим від кожного із цих чисел; удвічі меншим від одного із цих чисел?

1312 Знайди значення буквених виразів:
 $8,9 : k + 3,456$, якщо $k = 10$;
 $(63,68 + 36,64) : a$, якщо $a = 4,8$;

 $6,36 \cdot b + 18,27 \cdot c$, якщо $b = 2,987$, $c = 2,236$.

1313 Розв'яжи рівняння.

$$11k - 3,8k = 16,56 \quad \frac{6}{19} + y + 7 = 9\frac{17}{19} \quad 3(3,6x + 4,2) + 3,2x = 16,8$$

1314 Запиши множину натуральних розв'язків нерівності.

$$32 : 1,6 < x \cup 10,9 : 0,5 \quad 42 : 1,4 \cup k < 57,06 : 1,8$$

1315 Значення виразу $4,7c$ дорівнює $0,94$. Знайди значення поданих виразів.

$$4,7 - c \quad \img alt="house icon" data-bbox="395 715 445 745"/> $4,7 : c \quad 4,7 + c$$$


1316 Знайди невідоме число, склавши рівняння.

►► 1) Сашко задумав число. Якщо це число збільшити в 4 рази, а потім результат збільшити на $7,28$, то одержимо $35,28$.


►► 2) Оленка задумала число. Якщо це число зменшити на $6,21$, а потім результат збільшити втричі, то вийде 42 .



УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО СЕРЕДНЄ АРИФМЕТИЧНЕ КІЛЬКОХ ЧИСЕЛ

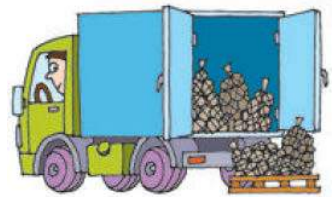
1317  Сьогодні перед людством загострилася проблема кліматичних змін на нашій планеті. Досліджуючи зміни температури у власній країні, діти вивчали середні щомісячні значення температури в різні роки й порівнювали їх. Чому вони стали вивчати саме середні значення температури? Що ти знаєш про середнє арифметичне? Про середнє значення величини? Поміркуй, як у різних сферах життя (медицина, охорона здоров'я, освіта тощо) застосовують середнє арифметичне.




1318  Для визначення глибини озера зробили кілька вимірювань та одержали такі результати: 7,5 м; 8,2 м; 8,6 м; 7,9 м; 9,1 м. Визнач середню глибину озера.

1319 Туристична група спочатку їхала потягом 8 год зі швидкістю 68 км/год, потім — автобусом 4 год зі швидкістю 72 км/год, а далі йшла пішки 2 год зі швидкістю 4 км/год. Знайди середню швидкість руху туристичної групи.

1320 З ділянки площею 4 га зібрали по 240 ц картоплі з гектара, а з ділянки площею 6 га — по 220 ц із гектара. Знайди середню врожайність картоплі на цих ділянках.




1321  Середнє арифметичне чисел s і 16,2 дорівнює 14,2. Знайди число s .

1322 Середнє арифметичне двох чисел, одне з яких у 4 рази більше за інше, дорівнює 20. Знайди ці числа.

1323 Число x є середнім арифметичним чисел a і k . На скільки число x більше за число a , якщо воно менше від числа k на 15? На скільки a менше від k ?

УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО СПОСОБИ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ЗАДАЧ, ЩО МІСТЯТЬ ОДНАКОВУ / СТАЛУ ВЕЛИЧИНУ

1324  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2; 2 і 3; 1 і 4; 2 і 5; 3 і 6. Як їх відмінність вплине на розв'язання задач 2 і 3; 4; 5; 6? Розв'яжи їх.

Голландські дослідники розробили робота-фермера, завданням якого є видалення зайвого листя з томатів, які вирощуються в теплицях.



▶▶ 1) Першого дня робот обробив 360 кущів томатів за 8 год роботи. Скільки кущів обробить робот другого дня за 6 год, якщо працюватиме з тією самою продуктивністю?

▶▶ 2) Першого дня робот обробив на 90 кущів томатів більше, ніж другого дня. Скільки кущів обробляв робот кожного дня, працюючи з однаковою продуктивністю, якщо першого дня він працював 8 год, а другого — 6 год?

▶▶ 3) За два дні робот обробив 630 кущів томатів. Скільки кущів обробляв робот кожного дня, працюючи з однаковою продуктивністю, якщо першого дня він працював 8 год, а другого — 6 год?

▶▶ 4) До вдосконалення робот обробляв 360 кущів томатів за зміну, щогодини обробляючи 45 кущів. Скільки кущів він обробить за зміну, якщо щогодини оброблятиме 52 кущі?

▶▶ 5) До вдосконалення робот обробляв за зміну на 56 кущів томатів менше, ніж після вдосконалення. Скільки кущів він обробляв за зміну до вдосконалення і скільки — після вдосконалення, якщо до вдосконалення він щогодини обробляв 45 кущів, а після вдосконалення став обробляти 52 кущі?


▶▶ 6) За зміну до вдосконалення і за зміну після вдосконалення робот обробив усього 776 кущів томатів. Скільки кущів він обробляв за зміну до вдосконалення і скільки — після вдосконалення, якщо щогодини до вдосконалення він обробляв 45 кущів, а після вдосконалення став обробляти 52 кущі?



УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО СПОСОБИ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ЗАДАЧ


Сьогодні дослідники працюють над розробленням альтернативних джерел водних ресурсів. Так, німецький інженер-конструктор створив удосконалену систему для збирання води з туману. А українські розробники презентували прилад, що виробляє воду з повітря.



1325  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. У чому їх відмінність? Як ця відмінність вплине на розв'язання задачі 2? Розв'яжи задачу 2.

▶▶ 1) Підприємець установив станцію зі збирання води з туману площею $45,6 \text{ м}^2$ і зібрав $638,4 \text{ л}$ води. Скільки літрів води можна одержати від станції площею $56,2 \text{ м}^2$ за умови однакової продуктивності праці станцій (однакової кількості літрів води на 1 м^2)?

▶▶ 2) Підприємець установив дві станції зі збирання води з туману площею $45,6 \text{ м}^2$ кожна та зібрав $1276,8 \text{ л}$ води. Скільки літрів води можна одержати від станції площею $56,2 \text{ м}^2$ за умови однакової продуктивності праці станцій?

1326  Зістав подану задачу із задачею 2 у попередньому завданні. У чому їх відмінність? Як ця відмінність вплине на розв'язання поданої задачі? Розв'яжи її.




▶▶ За тиждень станція зі збирання води з повітря виробила $245\,000 \text{ л}$ води, а тепловий опріснювач води — $269\,500 \text{ л}$. Скільки літрів води вироблять за 5 днів станція та опріснювач, якщо працюватимуть разом?

УЗАГАЛЬНЮЄМО СПОСІБ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ЗАДАЧ НА СПІЛЬНУ РОБОТУ

В Україні є підприємства, які переробляють макулатуру знову в папір, наприклад Зміївська паперова фабрика. Потім перероблений папір використовують, зокрема, для друку книжок. На цій фабриці також працює музей паперу.



1327  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2; 2 і 3. У чому їх відмінність? Як ця відмінність вплине на розв'язання задач 2 і 3? Розв'яжи задачі 2 і 3.

▶▶ 1) На трьох пресах за 8 год переробили 28,8 т макулатури. Скільки макулатури можна переробити на двох таких пресах за 7 год?

▶▶ 2) На одному пресі за 8 год переробили 9,6 т макулатури, а на іншому — 7,2 т. Скільки макулатури можна переробити на цих двох пресах за 7 год, якщо вони працюватимуть разом?


▶▶ 3) За 8 год роботи пресу отримали 9,6 т сировини для папероробної машини. Ця машина за той самий час переробляє 22,64 т такої сировини. Скільки тонн сировини бракує, щоб забезпечити 7-годинну роботу папероробної машини, якщо прес протягом цього часу теж працюватиме?



До кожної задачі склади і розв'яжи хоча б одну обернену задачу.

1328 Обчисли значення виразів і знайди 10 % від одержаного числа.


$$6,8 \cdot (0,92 - 0,128 : 0,16) + 522,348 : 0,087$$

 $5800 \cdot 0,0238 - (12,726 : 0,42 - 28) + 278,9$


1329 Розв'яжи рівняння.

$$0,62(y - 0,02) = 1,736$$

$$0,31(k - 20) + 0,42k = 5,699$$

 $(24 - a) : 0,37 = 0,42$

УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО СПОСОБИ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ЗАДАЧ НА РУХ

1330  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2; 1 і 3; 3 і 4. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2; 3; 4? Розв'яжи задачі 2, 3 і 4.

У важкодоступний гірський район вантажі доставляють дронами.



▶▶ 1) З пунктів A і B , відстань між якими 60 км, одночасно назустріч один одному вилетіли два дрони. Один летів зі швидкістю 120 км/год, а інший — 80 км/год. За скільки годин дрони опиняться над одним об'єктом?

▶▶ 2) З пункту C одночасно в протилежних напрямках вилетіли два дрони. Один летів зі швидкістю 120 км/год, а інший — 80 км/год. За скільки годин відстань між дронами буде 60 км?

▶▶ 3) З пунктів A і B , відстань між якими 60 км, одночасно в одному напрямку вилетіли два дрони. Той, що рухався позаду, летів зі швидкістю 120 км/год, а інший, який рухався попереду, — зі швидкістю 80 км/год. За скільки годин дрони опиняться над одним об'єктом?

▶▶ 4) З пункту C одночасно в одному напрямку вилетіли два дрони. Один летів зі швидкістю 120 км/год, а інший — 80 км/год. За скільки годин відстань між дронами становитиме 60 км?

До задач 1–4 склади й розв'яжи обернені задачі: на знаходження відстані на момент початку / закінчення руху; на знаходження швидкості руху одного з дронів.




1331 Знайди значення буквених виразів, якщо $x = 2,3$ і $y = 4$.

$$4(1,6x + 80y) + 3x \cdot 0,1$$
$$(5,3x + 0,2y) \cdot 7 + 2(1,3x)$$



$$7x \cdot 0,5 + 6(1,4x + 4,5y)$$

УЗАГАЛЬНЮЄМО І СИСТЕМАТИЗУЄМО СПОСОБИ РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ЗАДАЧ НА ПРОЦЕСИ

1332  Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2; 1 і 3; 3 і 4. Як їх відмінність вплине на розв'язання задачі 2; 3; 4? Розв'яжи задачі 2, 3 і 4.

Сьогодні дослідники працюють над втіленням у життя ідеї безпілотних авто. Так, естонські науковці розробили автономний безпілотний шатл на водневому паливі. Шатл — це транспорт (наприклад, автобус), що здійснює часті рейси зазвичай на невеликі відстані.

▶▶ 1) Від двох зупинок одночасно назустріч один одному вирушили два шатли, які зустрілися за 2 год. Перший шатл рухався зі швидкістю 25 км/год, а другий — 20 км/год. Яка відстань між зупинками?



▶▶ 2) Від зупинки одночасно в протилежних напрямках вирушили два шатли. Перший рухався зі швидкістю 25 км/год, а другий — 20 км/год. Яка відстань буде між шатлами за 2 год?

▶▶ 3) Від двох зупинок одночасно в одному напрямку вирушили два шатли, які опинилися поряд за 2 год. Перший шатл рухався зі швидкістю 25 км/год, а другий — 20 км/год. Яка відстань між зупинками?

▶▶ 4) Від зупинки одночасно в одному напрямку вирушили два шатли. Перший рухався зі швидкістю 25 км/год, а другий — 20 км/год. Яка відстань буде між шатлами за 2 год?

1333 🔍 Зістав задачу 1 із задачею 1 у попередньому завданні; задачу 2 із задачею 3 у попередньому завданні. Як їх відмінність вплине на розв'язання поданих задач? Розв'яжи їх.

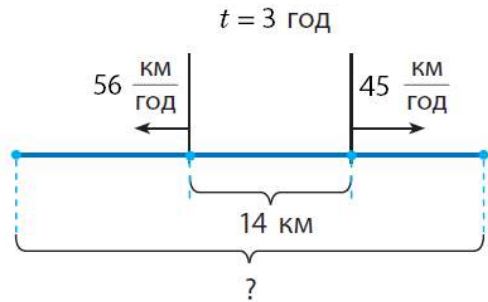
▶▶ 1) Перший шатл щорейсу перевозить 25 пасажирів, а другий — 20. Скільки пасажирів перевезуть ці шатли за 2 рейси, якщо працюватимуть разом?

🏠 ▶▶ 2) Перший шатл щорейсу привозить на зупинку 25 пасажирів, які мають вирушити далі другим шатлом, який щорейсу перевозить 20 пасажирів. Скільки пасажирів залишаться чекати на зупинці після 2 рейсів кожного шатла (спільної роботи)?

ПОВТОРЮЄМО РОЗВ'ЯЗУВАННЯ УСКЛАДНЕНИХ ЗАДАЧ НА РУХ

1334 🔍 Розв'яжи задачі. Склади й розв'яжи обернені задачі.

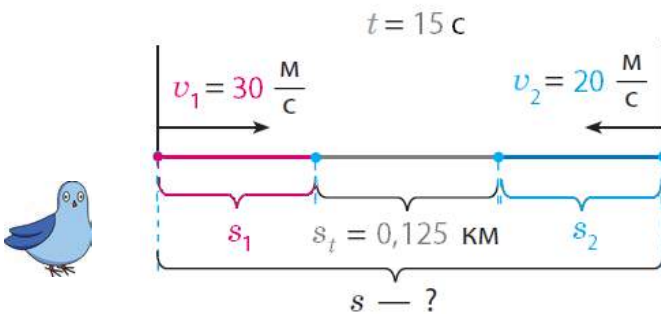
▶▶ 1) Від двох причалів, відстань між якими 14 км, одночасно в протилежних напрямках вирушили моторний човен і катер. Швидкість руху моторного човна 56 км/год, а катера — 45 км/год. Яка відстань буде між ними за 3 год після початку руху?



►► 2) Від пристані вирушив моторний човен зі швидкістю 35 км/год. За 2 год після його відправлення від цієї ж пристані вирушив другий моторний човен, і за 6 год відстань між човнами становила 448 км. Знайди швидкість другого моторного човна.

1335 🔍 Розв'яжи задачу 1. Зістав задачі 1 і 2. У чому їх відмінність?

►► 1) На дахах двох будинків сиділи два голуби. Одночасно вони полетіли назустріч один одному. Один із голубів летів зі швидкістю 30 м/с, а інший — зі швидкістю 20 м/с. За 15 с відстань між голубами становила 0,125 км. Знайди відстань між будинками.



►► 2) На дахах двох будинків, відстань між якими 1,1 км, сиділи два голуби. Одночасно вони полетіли назустріч один одному. Один із голубів летів зі швидкістю 30 м/с, а інший — 20 м/с. Знайди відстань між голубами за 15 с після початку руху.



УЗАГАЛЬНЮЄМО ЗНАННЯ ПРО ВІДСОТКИ

1336 🔍 Діти працювали над проектом «Шацький національний природний парк». Зокрема, вони дізналися про площу парку (48 977 га) та його склад. Знайди інформацію про цей парк.



1337 🔍 Згадай означення відсотка та поясни, як ти розумієш, що ліси займають близько 56 % території парку, болота — 2,7 %, водойми (озера, ставки, канали) — майже 14 %.

▶▶ Заміни відсотки дробами. Згадай, як знайти дріб від числа, відсоток від числа, та визнач площу лісів, боліт і водойм Шацького національного природного парку.

1338 🔍 До складу парку входить ботанічний заказник загальнодержавного значення «Втенський», площа якого 130 га, що становить 0,5 % від площі парку, покритої лісами.



▶▶ Заміни відсоток дробом. Згадай, як знайти число за його дробом, число за його відсотком, і визнач площу лісів у парку.

▶▶ Парк також містить лісові заказники місцевого значення «Ростанський» (площа 14,6 га) і «Ялинник» (площа 83 га), іхтіологічний заказник «Соминець» (площа 46 га). Визнач, скільки відсотків від площі парку становить площа заказника: «Втенський»; «Ростанський»; «Ялинник»; «Соминець».

1339 🔍 Діти дізналися про флору і фауну парку. Зокрема, про те, що загалом фауна хребетних налічує 333 види: 29 видів риб, 12 видів земноводних, 7 видів плазунів, 241 вид птахів, 44 види ссавців. Яку частину від загальної кількості видів хребетних становить кількість кожного виду?



РОЗВ'ЯЗУЄМО ЗАДАЧІ НА ВІДСОТКИ

1340 🔍 Діти, плануючи під час літніх канікул відвідати разом із батьками або рідними Національний природний парк «Гуцульщина», вирішили дізнатися про нього. Знайди інформацію про цей парк.

1341 🔍 Площа парку становить 24 665 га. Знайди площу хвойних лісів, якщо вони займають 33,34 % площі парку.



1342 🔍 Одним із популярних місць для відпочинку в парку є озеро Лебедине площею 0,4 га, що становить 0,5 % від площі всіх водойм парку. Знайди площу водойм парку.



1343 🔍 Коли туристи подолали 75 % шляху, їм залишилося ще 85 км. Який шлях запланували подолати туристи?

1344 🔍 Туристи подолали пішки 12 % запланованого шляху, на човнах — 24 % шляху, і після цього їм залишилося подолати ще 32 км. Скільки кілометрів запланували подолати туристи?

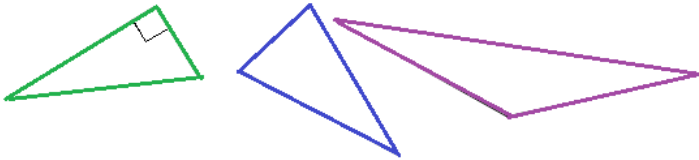
1345 🔍 Туристична агенція запланувала за місяць обслужити 150 туристів. Через тиждень їм залишилося залучити ще 30 туристів. На скільки відсотків турагенція виконала місячне планове завдання за тиждень?

1346 🔍 Родина сплатила за проживання в готелі 2620 грн, витративши на це 65,5 % бюджету, виділеного на подорож. Який бюджет виділила родина на подорож?

1347 🔍 Родина запланувала витратити на відпочинок 5500 грн, але витратила 5830 грн. На скільки відсотків родина перевищила запланований бюджет?

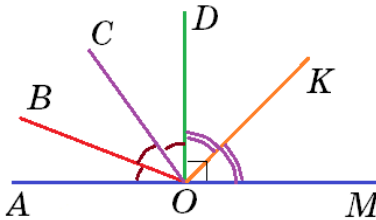
СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО ГЕОМЕТРИЧНІ ФІГУРИ ТА ГЕОМЕТРИЧНІ ВЕЛИЧИНИ

1348 Познач вершини A, B, C гострокутного трикутника; вершини D, O, F прямокутного трикутника; вершини K, M, N тупокутного трикутника. Вимірй кути кожного трикутника та знайди суму його кутів. Що цікаве можна помітити?



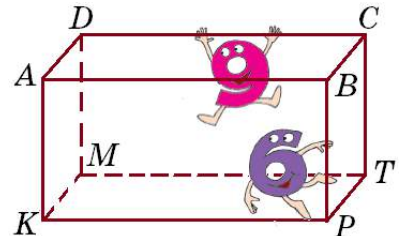
1349 У трикутнику ABC кут C — прямий, $AC = 3,5$ см, $BC = 4,5$ см. Побудуй цей трикутник. Вимірй сторону AB і знайди периметр трикутника ABC . Вимірй кути трикутника та знайди суму його кутів.

1350 Оціни за рисунком істинність або хибність поданих тверджень:



- 1) $\sphericalangle AOC$ становить $\frac{1}{3}$ розгорнутого кута; 2) $\sphericalangle COK = 36^\circ$;
 3) $\sphericalangle МОС = \sphericalangle AOD$; 4) $\sphericalangle BOM$ становить $\frac{4}{5}$ розгорнутого кута.

1351 Розглянь на рисунку прямокутний паралелепіпед. Назви й полічи його вершини; ребра; грані; грані, які є основами; бічні грані; рівні грані.



1352 Яка з наведених трійок чисел може бути трьома вимірами прямокутного паралелепіпеда, об'єм якого $66,304 \text{ см}^3$?
 а) 4; 6; 9; б) 6,3; 8,2; 2,7; в) 3,7; 2,8; 6,4; г) 12; 7,3; 2,1.

СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО ГЕОМЕТРИЧНІ ВЕЛИЧИНИ

1353 Три групи дітей, узагальнюючи знання про геометричні величини, зробили лепбуки за кожною з тем: «Довжина відрізка і периметр многокутника», «Площа фігури; формула площі прямокутника і квадрата», «Об'єм прямокутного паралелепіпеда й куба». Поміркуй, які рубрики можуть бути в кожному лепбуку і яким змістом можна їх наповнити.



1354 Виконай дії з іменованими числами.

$$\begin{aligned} &7 \text{ дм}^2 15 \text{ см}^2 + 9 \text{ дм}^2 27 \text{ см}^2 \\ &5 \text{ м}^2 8 \text{ см}^2 + 3 \text{ м}^2 4527 \text{ см}^2 \\ &27 \text{ дм}^2 16 \text{ см}^2 + 121 \text{ дм}^2 9 \text{ см}^2 \\ &14 \text{ м}^2 52 \text{ дм}^2 - 9 \text{ м}^2 18 \text{ дм}^2 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} &3 \text{ м}^2 7 \text{ дм}^2 \cdot 89 \\ &4 \text{ см}^2 5 \text{ мм}^2 \cdot 76 \\ &39 \text{ дм}^2 75 \text{ см}^2 : 25 \\ &74 \text{ м}^2 25 \text{ дм}^2 : 99 \end{aligned}$$

1355 Прямокутна ділянка має довжину 80 м і ширину 56 м. Знайди довжину іншої прямокутної ділянки з такою самою площею, ширина якої 40 м.


1356 Площа прямокутника 140 см^2 , а його ширина 10 см. Ширину цього прямокутника зменшили у 2 рази, а довжину збільшили в 6 разів. У скільки разів збільшилася площа прямокутника?

1357 Периметр прямокутної ділянки 18,4 м. Довжина ділянки 7,6 м. Знайди площу цієї ділянки.

1358 $ABCDKMPT$ — прямокутний паралелепіпед. Площа його основи 24 см^2 , а висота — 7 см. Обчисли об'єм цього прямокутного паралелепіпеда.



СИСТЕМАТИЗУЄМО ЗНАННЯ ПРО ВЕЛИЧИНИ ТА ОДИНИЦІ ЇХ ВИМІРЮВАННЯ

1359  Діти працювали над проектом «Величини навколо нас», об'єднавшись у групи. Групи досліджували:

- *перша* — основні величини (довжину, масу, час) та одиниці їх вимірювання;
- *друга* — групи взаємопов'язаних величин та формули знаходження однієї величини за двома іншими;
- *третья* — середнє арифметичне та його застосування в життєвих ситуаціях, які описуються групами взаємопов'язаних величин.



Результати роботи презентували у вигляді гри-змагання, яка містила три раунди. Кожний раунд проводила одна з груп, а дві інші змагалися між собою. Поміркуй, які відомості про величини можна використати для завдань кожного раунду. Склади завдання до кожного раунду.

1360 Виконай дії.

37 років 4 місяці : 2 роки 4 місяці
23 год 21 хв – 13 год 48 хв



8 ц 52 кг : 2 ц 84 кг
6 км 75 м : 5 м

1361 Опівдні від пристані відійшов пароплав, швидкість руху якого була 16 км/год. За 3 год від тієї самої пристані в тому самому напрямку відійшов другий пароплав, який за 12 год після виходу наздогнав перший. Визнач швидкість руху другого пароплава.



1362 Для шкільного свята купили цукерки: 5 кг по 104 грн за кілограм, 3 кг по 96 грн і 2 кг по 180 грн. Знайди середню ціну кілограма цукерок, що купили для свята.



УЗАГАЛЬНЮЄМО І ПОВТОРЮЄМО ВИВЧЕНЕ

1363 Назви найбільше та найменше із чисел у кожному рядку.

3 470 876

3 470 679

3 470 891

$5\frac{7}{11}$

$3\frac{7}{11}$

$5\frac{8}{11}$



8,0425

8,0435

8,0345

1364 Знайди значення виразів.

$7,923 - 6,034 : 2 + 0,578$



$(52,789 - 8,841) : 4 - 6,093$

1365 Спрости вирази. Знайди значення одержаних буквених виразів.

1) $3,4x + 4,51x$, якщо $x = 82\ 107$;



2) $0,95y - 0,68y + 0,518y$, якщо $y = 19\ 304$.

1366 Назви пропущені цифри в істинних нерівностях.

$0,14 < 0,1\ \square$

$1,85\ \square > 1,857$

$29,02 < 29,0\ \square$

1367 Накресли координатний промінь з одиничним відрізком довжиною 10 см. Познач на промені точки: $P(0,25)$; $B(0,8)$; $H(0,7)$; $C(1,25)$; $N(1,1)$.

1368 Накресли три відрізки, які мають довжини 1 дм. Познач на кресленні частини відрізків, що становлять: 1) 10 % усього відрізка; 2) 25 % усього відрізка; 3) 80 % усього відрізка.

1369 Упродовж тижня зафіксували таку денну температуру повітря: 8°C , 9°C , 11°C , 11°C , 11°C , 14°C , 16°C . Знайди середню денну температуру повітря.

1370 До шкільного свята діти виготовляли банер з полотнища прямокутної форми й витратили $16,15\ \text{дм}^2$ тканини. По краях банера вони хочуть приклеїти тасьму. Визнач, скільки тасьми слід взяти, якщо довжина однієї зі сторін банера — $4,25\ \text{дм}$.



ПЕРЕВІРЯЄМО СВОЇ ДОСЯГНЕННЯ

1371 Назви натуральне число, яке:

- 1) на 1 більше за число 1 000 000 000;
- 2) на 1 менше від числа 2 000 000 000;
- 3) на 1 десяток більше за число 320 000 010;
- 4) на 1 сотню менше від числа 640 800 300.

1372 Накресли координатний промінь з одиничним відрізком довжиною 12 клітинок. Познач на ньому точки, що відповідають дробам:

$$1) \frac{1}{12}; \quad 2) \frac{5}{12}; \quad 3) \frac{5}{6}; \quad 4) \frac{3}{4}.$$

1373 Накресли координатний промінь з одиничним відрізком довжиною 14 клітинок. Познач на ньому точки, що відповідають величинам:

$$1) 10\%; \quad 2) 50\%; \quad 3) 25\%; \quad 4) 80\%.$$

1374 Знайди значення виразів.

$$\begin{array}{lll} 4\,127\,481 \cdot 25 & 53,106 \cdot 31 & 0,015\,39 \cdot 0,8 \\ 29\,149\,510 : 5 & 0,5837 : 7 & 0,283\,85 : 4 \end{array}$$

1375 Діти з п'ятих і шостих класів збирали макулатуру. Діти з п'ятих класів зібрали 150 кг макулатури, що становить 80 % маси всієї зібраної макулатури. Скільки кілограмів макулатури зібрали діти?



1376 Учні й учениці 5-А класу зібрали 23,75 кг макулатури, 5-Б класу — 31,4 кг, а 5-В — 34,98 кг. Скільки в середньому макулатури зібрав один клас?



1377 Діти з п'ятих класів зібрали 138,65 кг макулатури. Усю зібрану макулатуру здали на перероблення за ціною 3 грн за кілограм макулатури. Скільки наборів пластику для 3-D принтера за ціною 161 грн можна придбати на одержані кошти? Скільки грошей залишиться?

СЛОВНИЧОК

Алгебраїчний метод розв'язування задач полягає в тому, що за умовою задачі складають рівняння й, розв'язавши його, отримують відповідь.

Буквений вираз — вираз, який містить букви.

Вираз — запис, який складається із чисел і/або букв, поєднаних знаками арифметичних дій і дужками.

Відсоток — сота частина цілого.

Гострий кут — кут, градусна міра якого менша від 90° і більша за 0° .

Десятковий дріб — дріб, знаменник якого є розрядною одиницею 10, 100 тощо. Десяткові дроби записують, відділяючи цілу частину від дробової комою.

Доповняльні промені — промені, які мають спільний початок і разом утворюють пряму лінію.

Звичайний дріб — число виду $\frac{a}{b}$, де a і b натуральні числа.

Знаменник (b) показує, на скільки рівних частин розділено ціле, а чисельник (a) — скільки таких частин узято.

Квадрат — прямокутник, у якого всі сторони рівні.

Координата точки — число, яке відповідає точці координатного променя.

Координатний промінь — це промінь, на якому кожному натуральному числу, а також числу 0 відповідає одна певна точка.

Кут — фігура, утворена двома променями, які мають спільний початок.

Мішане число — число, складене з натурального числа, яке називають цілою частиною, і звичайного дроби, який називають дробовою частиною.

Натуральні числа — це числа, що використовуються для кількісної та порядкової лічби.

Об'єм просторової фігури — властивість просторової фігури, показує, яку частину простору вона займає.

Округлення чисел — заміна числа близьким числом за певним правилом.

Периметр багатокутника — сума довжин сторін багатокутника.

Подібні доданки — доданки, у яких однакова буквенна частина.

Промінь — частина прямої, обмежена точкою, разом із цією точкою.

Прямий кут — половина розгорнутого кута; кут, градусна міра якого 90° .

Прямокутник — чотирикутник, у якого всі кути прямі.

Рівняння — рівність, що містить змінну.

Розгорнутий кут — кут, утворений двома доповняльними променями; кут, градусна міра якого 180° .

Середнє арифметичне кількох чисел — частка від ділення суми цих чисел на їхню кількість.

Середня швидкість — частка від ділення загального шляху, який пододало тіло, на загальний час його руху.

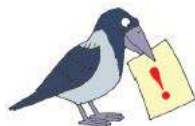
Транспортер — прилад, який використовують для вимірювання кутів.

Тупий кут — кут, градусна міра якого менша від 180° і більша за 90° .

Формула — рівність, яку можна використати для знаходження певної величини.

Числовий вираз — вираз, який складається із чисел.

Шкала — система поділок з відповідними числами, слугує для вимірювання величин.



ПРЕДМЕТНИЙ ПОКАЖЧИК

В

Виділення цілої частини з неправильного дробу 179

Винесення спільного множника за дужки 111

Вираз 34

— буквений 34

— числовий 34

Відрізок одиничний 67

Відсоток 280

Г

Градус 142

Грань куба 151

— прямокутного паралелепіпеда 151

Д

Десяткова система числення 6

Діагональ многокутника 137

Діаграма 77

Діаметр кола 57

Ділення десяткового дробу на десятковий дріб 248

— десяткового дробу на натуральне число 239

— з остачею 28, 93

— натуральних чисел 94

Додавання і віднімання десяткових дробів 220, 221, 223

— — звичайних дробів з однаковими знаменниками 170

— — мішаних чисел 184, 187

— — натуральних чисел 84

Доповняльні промені 140

Дріб десятковий 203

— звичайний 59, 161

— неправильний 176

— правильний 176

З

Закон додавання переставний 104

— — сполучний 104

Закон множення переставний 104

— — розподільний відносно додавання / віднімання 107

— — сполучний 104

Задачі на одночасний рух в одному напрямку 43

— на одночасний рух у різних напрямках 47

— на процеси 36

— на рух за течією та проти течії 127

— на спільну роботу 32



- які містять однакову величину 26, 99
- Знаменник звичайного дроби 161
- Знаходження дроби від числа 168
- дроби, який одне число становить від іншого 168
- числа за величиною його дроби 168

К

- Квадрат одиничний 154
- Квадрат числа 119
- Коефіцієнт 112
- Координата точки 67
- Координатний промінь 68
- Куб 151
- одиничний 154
- Куб числа 119
- Кут 140
- гострий 143
- прямий 140
- розгорнутий 140
- тупий 143
- Кути рівні 143



М

- Масштаб 293
- Множення десяткового дроби на десятковий дріб 244
- десяткового дроби на натуральне число 235
- натуральних чисел 12, 94

Н

- Нерівність трикутника 136

О

- Об'єм 153
- куба 156
- просторової фігури 153
- прямокутного паралелепіпеда 155
- Округлення десяткових дроби 218
- натуральних чисел 76
- Основна властивість величини кута 143
- — дроби 164
- — частки 91



П

- Площа квадрата, прямокутника 57
- Площина 133
- Подання мішаного числа у вигляді неправильного дроби 182

Подібні доданки 112
Позначення на координатному промені десяткових дробів 209
— — — натуральних чисел 73
— — — звичайних дробів і мішаних чисел 190
Порівняння багатоцифрових натуральних чисел 74
— десяткових дробів 212
— звичайних дробів 60
— звичайних дробів з однаковими знаменниками 161
— звичайних дробів з однаковими чисельниками 162
— кутів 143
— мішаних чисел 189
Промінь 140
Просторові геометричні фігури 151
Прямокутний паралелепіпед 151
Прямокутник 57

Р

Ребро прямокутного паралелепіпеда 151
— куба 151
Рівняння 114
Розкриття дужок 111
Розряди запису натурального числа 66
— — десяткового дробу 203



С

Середнє арифметичне 262
Середня величина 278
Степінь числа 118

Т

Транспортир 142
Трикутники, класифікація 147

Ф

Формула 97

Ц

Ціна поділки 70

Ч

Чисельник звичайного дробу 161
Число мішане 178
— натуральне 8
— іменоване 96



Ш

Шкала 70